(ch) (start)

CI Julion

M.A.LIBRARY, A.M.U.

PF3304

ففالول

الما - العبات الما

۱- پیش ارشروع برای مندامسال باید بوست بایمن مشده می فیز با باید است بایمن مشده می فیز با باید به می مالد سال پیش مراجعه شود. درجا تا میک مالا زم با شد تعیقی زیست و رای میکنیم ا در کناب اقل گفته شد داست یا دا و ری میکنیم ا

تمرس

ا-معلوم كمن يدكدا بن تساوى وقت كيد ١٠ = ١٨ من شد مين سنة ميت

$$\frac{(\lambda-1)(\lambda+1)}{\lambda^{r_+}(\lambda+1)} = \frac{\lambda-1}{\lambda+1}$$

م يه ين ولي مين دو عدد م ورس ميا رئست برهام و مرك و بايان

م عرب ع ٥ م دعارت و من مست

-x == 0 == 1 (a+ 6) c+ad+ 8d

ع ما مطريب هه اراه درين عبارت بدست او ريه

rab - fa + yax

۵- عارت فی می زیر را برحسب حرف بدر مرتب کنسید

ax-1 8x + x - ex + 1 y - 1 a

x - rx + ax - xy + y'-1

ع-مجموع عبارتها ی زیر را بدست و رید وصحّت نتی را وقست کله ۱ = ×

y=-۲ و ۱- = م است تحقیل نسید:

1 x - ry +rz

*x + D y - + X + T

-+x++y+0x-0

۷- ما نده تفریق می کرسر را برست آورید :

-ra+re vat-ret

fx + y - vz 1

1+ rx - ry + b x

rax-0 x + a-1

- rax + rx - ra + r

تفریق کنید، $\alpha = r$ و $\alpha = r$ و $\alpha = r$ و $\alpha = r$

9- عاص جمع عارتای از (x+y) و و از (x+y) و و

ا بو + ×) ۲- راحیاب کنید ازروی آن حاصل جسمع ۲ د بو + ×) ۲- د احماب کنید ازروی آن حاصل جسمع ۲ د بو + ×) ۲- د ایران اور په ۰

رين ريرابست وريد: (المنت ويدا بست وريد المنت ويدا بست وريد المنت ويدا بست وريد المنت ويدا بست ويدا بس

 $a \cdot (-a) \cdot a \times x \cdot x \times x \cdot (-x)$

atr atr

FXFX(-F) ZyXr ZyXr xy

x a+8 x 1a-6 , -a 1(a+6) 1 (a+6) x (y-a+b) rx (y-a+b) (ra-1)(ra+5) (rx''-rx+a)(x'-ax+p)(x - ax + a) (x - a + ax) (a = a + a) (ax + x + ax) (x + y + z)(x + y + z - yz - xz - xy)x ك ع (ع + ۲) + ع (١٠ - ع) = x + ۴ كان x عدد ۲- ۵۰ را قرار دهمیم تسا وی برقرار مهست کم نمیت ؟ فا عد ة تقسيم - ا وَلَا دَيْسِيم مَحِيلَةِ مِر مَكِ حِلْمُ مِرا يُعْمِينِ ساد وَرَبِي

طاعده هسیم - اولا در هیم هجانبریات علمه سرای مین ساده رسی عبارت محر هی کافنیت که تحتی هر و تحش می هر اسازهٔ ی مشترکشان تفسیم نا نیا در تفتیم حید حله سر محجانه سر محیانه مرکب از جاه می مختی را برخیش ای تفسیم منو و و بهر ه ی جزیر را جمع حسب ی منیانیم باتیا - در تفسیم و و چند حارب از سا د وکر دن آ نها سر یک را نسبت وانها نرویی ایصعودی کی ارحر سن الم مرتب مود براه زیرعلم سنهائیم:
حلهٔ اقل خبی را برحبهٔ اقل نجش ارجهٔ ای خبی نیم مینست می دو به بررا در تا محله ای مخبی نیم مینست می نخسین با نده به ایر از حله ای نخبی نیم مینست می و واصل را از حله ای نخبی نیم مینست می و د به را در تام می نام به ایر از در حلهٔ اقل با نده می مینیم ایست می و حاصل را از جله مای بین نده میم مینیم ایر مین نده به مینسم که در حبر اش از در خبی ایست کی و حاصل را از دامه میدیم تا بحانده صفر و با با ندای برا نده به مینسم که در حبر اش از در خبی ایست کی میرا شد .

۱۲-مطلونست تعین او و ترین صورت بسر کای زیر :

v xy xy	xy-y" -y	-xy = xy
$\frac{-\alpha^{n+\frac{1}{2}}+\alpha^{n}}{\alpha^{n}}$	·	$\frac{rx^{2}-\Delta x}{rx-r}$
11 x + 6 9 xy - 1924	<u> </u>	3 x + 13 x - 11x
1-ra-rar		6+1 C+ D
$\frac{x + y + z - xyz}{x + y + z}$		
$\frac{a^{fx+f}-15a}{a^{x+1}+7a}$	- X	+ X + X + X = X a + 1
يد لق كرن ولاه م		

درستى عل راامتحا ن كسيد

قاعدهٔ برداشن گذاشتن پرانترا نخست - میتوان پرانتری راکه در جلوی آن نشانهٔ + اسکت حذف منو و ورمین صورت نشانهٔ حجله التغییر شکینه د وم - اگر حلوی پرانتز - با شدنس زبر د استستن پرانتز با بدنشانهٔ جله ای رو پر انتزر انعینسیروا د

سِوّم - هموارهمیستوان یک حید حجلهٔ در ون سرانسزی که دارای نشا

+ است نوشت چارم نب رمین میوان ک^ن حید حجهٔ را بهل ربعین بیر دا دن نشانه حله ا

هما رم میسر میوان ایک مید قبد را پس ر میسیر در ون مسایه مبد آن در داخل برانترزی که دا رای نشانهٔ - است نوشت ·

يمرين

ر. ۱۴- درعبارتهای زیربر انتزالی را بر و استشدایها را سا د وکسنید :

5+9-(-5+1)+(-9-1)+1--

1a+(ry-1a++)-(ry-ra++)

a-F-(6-+a)-[r(8-a+F)-r(5-46)]

9a- [-(y-rz)+(rz-fy)-(fy-ra)]

Fa- Y(a- F)- F[a- F(F- Fa) + A]

$$(x^{1} + (x - (x + 1)(x + 1)))$$

$$(x+r)(x^r-rx+1)-(x-r)(x^r+rx+1)$$

$$-a+rx$$
 $rx^{2}-(a-x^{2})$ $ra^{2}-b+x-(a^{2}+b^{2}-x)$

(a)
$$(x+a)(x+b) = x^{4} + (a+b)x + ab$$

a of al

منا دست المجنّی مساحت لمی د و مربع و و موستطیل کدا ضلاع آن د و مربع منساوی مهدوی و و موستطیل منساوی مهدود و مربع منساوی مهدود و میساشند و میساشند

تمرين

۱۶- درستی اتحاد ای د دم دسوم د چارم. انتیار بهین را دمهند مثیا بت کنید پرسشس ایمی شفایی

حاصل عبار تحصهای زیر را بگویند:

 $(\alpha + f)^{r}$ $(rx + b)^{r}$ $(x-r)^{r}$

(12-0) (12-96) (x+1x)

(ro-fb) (ab-red)

 $(\frac{1}{2}a - \frac{1}{2}b)^r$ (x-a)(x+a)

(ra-1)(ra+1) (ob-c)(c+ob)

(9x+y)(y-9x) (x+y)(x+y)

 $(x-y)(x-y) \qquad (a+y)(a-y)$

$$(xy-r)(xy+b)$$

$$(x+y+1)^r$$

$$(x-y-1)^r$$

$$(a-r)^r$$

$$(a-r)^r$$

$$(a-r)^r$$

$$(x-y-r)^r$$

$$(x-r)^r$$

$$(x-r$$

اتحاد زبرراخواميم داشت

 $(1) \qquad P = (x-a)g + R$

باید دانست که جم به به مبتنگی ندار د زیرا درجهٔ ماند واز درجهٔ مخشاب که

برحسب عد از درجهٔ اول ست ، بایدکتر باشد

برای تیسین مذه جمکافی است که درا تجا د بالا بد رامساوی ه گیریم در صورت جلنه ۴ (۵- ×) مساوی صفر شده و جمد ست سآیداز نیقرار ؛

مورت بعد و او ده میرارین ساوی سرسده و بهر بدست میایدارینفرار! وقت یکه x را به ۵ تبدیل منیم حذی جملهٔ حر تبدیل محیت دحمد ای برحسب ۵ بیشود

ر من معلید به را به معلی می به به می را به می به می به می میدود. کدا نرا به هم مینانیم و چون تساوی (۱) با زا جمیع مقادیر عد سرقراراست دریرااتحادی

پس خواہیم داشت R = A

یعن: ماند و تقسیم مرحبهٔ حملهٔ بر α - α مساوی حاصل ن جید جملهٔ ۱ بعداز تبدیل مؤون م α م ر ۲

مثال ا-میخواهیم ماندهٔ تقسیم عبارت ۲+ که ۵- ۳x را بر ۲- x

۳۳۰۳) کافی است د چند جله نخشی سجای × عد د ۲ را قرار دبیم ما ماند ه بیست آیدازانیقرار:

R= r × r - 0 × r + r = r f - r · + r = 9

مثال ۲- ماند ه تعتیم و ۲۵- تع ۲ رابر ۵- x برست ورید ازر وی قاعدهٔ بالاخوامهیم داشت

R= Y X 0 - Y 0 . = Y 0 . - Y 0 . = 0

ینی ۱۵۰- تری بر ۵- یم بخش نیراست از نیاحیت برمیآیدکه: ۳- مبرگاه حاصل عبارت بخشی کسیس از تبدیل کردن بر به ه صفر با شد آن نخشی بر ۵- یم بخش پذیراست پرسش کای شفاهی

مانذ وتصبيح زمير را بيداكنيد:

 $(rx^{-1}):(x-1)$ (x-x):(x-r)

 $(x^{r}+\alpha^{r}):(x-\alpha)$ $(x^{r}-\beta^{r}):(\alpha-\beta)$

(x x' - xy'): (x - y) (x + y): (x - y)

على د ومرا وتعيين ندة تقيم بره + ، جون عينًا مطابق شارة

بالاعمال نسير متبيد مشود: ما نده تعشيم مات حيد حبكه مر مد + x منها وي حاصل ن حيد علمه است بعدا زنيد بل منود ن x بره -

ونیز مکن ست همین نتیج راا زر وی شارهٔ بالا برست آورد ارتیمت ارز

ميتوانيم ۵ + x رامنوليسيم (x--)-x بنا براين برا ئ تعييباً نده تقسيم كافي آ

بجای مد ۵-را فرار دہیم ۵- نتج - مشرط اینکہ کمٹ چند جگہ برہ + یم نجش ندیر باشداین ا كه حاصل نحيث حبله يس زنيديل × به ٥ ـ صفر سود - خاكه چذ

جلهٔ برد براست زیرا x+a بخش دیراست زیرا

R = (-a) y + a (-a) y = ay - ay = . يرسش عي منفاهي

اند ٔ وتقشیمهای زیر راحیا کسنید :

(Yx-a):(x+a) (x-1): (x+1)

 $(x^{\xi} + y^{\xi}) : (x + y)$ $(YX + \Delta): (x+Y)$

(a+ b"): (a+b) (x-y): (x+y)

ا زانچه کفتیم نتیمه لای زیر بدست میآید:

ع-اقل- دو حمله "م بهمواره مره م - م مخشر مررا

 $\mathcal{R} = (a)^n - a^n = 0$

جاکله که - x بر x - a بخر زیراست و بر x + a است

پرسٽ<u>، ني من</u>

ر بریک زنفت مهای زیر بهررا بیست ا و رید:

$$(x^{r} - x^{r}) : (x - a)$$
 $(x^{r} - \lambda) : (x - r)$

$$(x^{2}-y^{2}):(x-y)$$
 $(x^{2}-y^{2}):(x-y)$

٧- د ة م- د وجمله ٥٠ - ١٠ وتستى بر ٥٠ م خن ندبراست

$$R = (-\alpha)^n - \alpha^n = 0$$

در مرک ا زنعت مهای زیر بسررا بدست و رید ومعلوم کسیدکه ورکدام تقسیما ند بصفرا $(x^{t}-y^{t}):(x+y)$ $y(x-\alpha):(x+\alpha)$ ٨ - سوم - دو حجله شه + x بر ٢٠٠٥ بخش مذبر است الر ۾ ما ٿي ماشد واكر مرجفت باشد مخش يذبر منست $\mathcal{R} = (-\alpha)^n + \alpha^n = \gamma \alpha^n$ ور مرد وحالت مبز حید حبله کا لی است شامل ۸ حبد که نشانهٔ عجله یا ی ن یک يرسسش للم ي شفابي در هر *یک از نقشیم تای زیر مبر را* بدست ور ده ومعلوم کمنید درکد ام نقشیم ^{باند جسفرا} (a+6):(a+6) (x+a):(x+a)

 $(x + 1): (x + 1) \qquad (x^{2} + y^{2}): (x + y)$ $x - 0 \int y^{2} x^{2} x^{2} + x^{2} \int y^{2} y - y dy - y$ $R = 0 + a^{2} + a^{2} + a^{2}$

و ببرحت د حملهٔ کا می است دا رای مر جله ا زنیقرا ر :

 $x^{n-1} + \alpha x^{n-r} + \alpha x^{n-r} + \cdots + \alpha^{n-1}$

تمرس

1

1.

1

بر

۱- درسریک رنقسیم ای زیر مبرو مانده را بدست ورید ۱

x -1

Y × × -1

a+ fr

da + 610

rx - =

5 4 x - 25

24-4 a

of - br

xy-18 a

x + y - a

(x+y) - a

x + y

x"-y"

 $x^n + y^n$

x" + y"n

th+an

x1/2 an

(x+y+a)

 $(x+y)'+\alpha'$

۲- ایت کنید که اگر میند جه کر د وجه ای ه مه و و ه - x من بر با شد بر حاصل ضرب ان برخن د ید با شد بر حاصل ضرب ان برخن د ید با شد بر حاصل ضرب ان برخن د ید با شد بر حاصل ضرب ان برخن د ید با شد بر حاصل ضرب ان برخن د ید با شد بر حاصل ضرب ان برخن د ید با شد بر حاصل ضرب ان برخن د ید با شد بر حاصل ضرب ان برخن د ید با شد با

يذبراست

ج - تجریج برجار بسا ره مای ول (مامراحد مخاسا ول)

۱۰ - مقصوداز سازهٔ اقل عبارتیت درست که غربرخود و یک (به ون قیدنشانه) برسازهٔ درست و گیری مخش پذیرنبا شدخیا کله ج - ه بنابالیجر اقل ست اگرچه برج نیج مخش پذیر با شد بهین مخودر صاب عد دا وقل عدر درسی ا

گویند که جزیرخو و ویک برعد د درست و گیری مخبش پذیر نباشد ما نیذ ۳ که عدویت

ا وَلَ كُرِيدِ مِرْ ﴾ قابل قسمت باشد .

م تجریهٔ کین چدهجانه عبارت! رسّدیل نمو د ن آن جبند حبلهٔ است مجا صرب حیند سا رهٔ ۱ ول .

منحست - تجزیهٔ حبهٔ که حبله بای ان دا رای سازهٔ مشنر کی بهشند

ريالضورت على + لد + لو عد عد باشد.

تمرين

۱- عبارتهای زیر را بحاصل ضرب مها زه بای آن ترزیکن پد .

*(a+b)-x(a+b)+y(a+b)

72 (& x - f a) - 9 at (& x - f a)

R+1 RS + S-(x-1 xy + y) x - y + + y = = = = " at B - c - y for 1+9x +9-y +1 yz -z" fa +98 -18x -10 y -11 ab+ 16. xy R'S+ 1 RS+ 1 - CHoed-10d1 111x1-1-11y-113" x - y + ax + ay d8'-+8'-dm'++m" 1,88x - 1,81x in 9 m سوّم مع جند علم لا منكه بضورت و مدير مايد الشد و المراجعة، شارّ ١٢٢ كمَّا سِيا قُلْ مِي مِسْتُلْدُرِي شَارُ ١١ بِمِينَ مَا بِي ٣- چند جنهٔ لای زیر را بساز ، لای اوّل تخزرگنسید : 0450-15

d-rd-10

7-97 +18

K - Y1 K +Y. 2 - 2 - 90 9-lox +X 1-07+84 1+108-1008 m = 9 mR + 1 R (a+b)-1(a+b)-1 (x-y)++(x-y)++ ٢- مطلوبت تجزيرا بن عبارت مهم و ١٤٠ م لا م ٨ م لا م ترمتيب خوا ميم داشت x - 1 xy + 15 y = (x - Fy) $= \left[\left(x - Yy X x + Yy \right) \right]^{r}$ = (x-ry) (x+ry) x-17 x +18 x -11 xy +11 y S=10 51a+9

عرف معرف على على المعرف المعر

چون ميت تصله مرعبا رت بالاسفين انه مرتبع كالل ميثود . براي نيك تيفير كهذ ازين مرتبع كيك عله كم ميكنيم از نبقرار:

a+ d6+ 6+ a++ d6+ 6+ d6

۵- مهارت عي زير دا مي صل صرب سازه عي اول تجزيه كسنيد:

 $x^{6} + x^{7}y^{6} + y^{6}$ $x^{6} - 17x^{7}y^{7} + 15y^{6}$ $15\alpha^{6} - 17x^{6}y^{6} + 6^{6}$ $15\alpha^{6} - 17x^{6}y^{6} + 6^{6}$ $15\alpha^{6} - 17x^{6}y^{6} + 6^{6}$ $15\alpha^{6} - 17x^{6}y^{6} + 6^{6}$

75 a - 10 de + 5e f + 6

چهارم - تجزیر عارت اینکه بهزرت "ع یه "ه میامشند. چاکی درشارن عدد دیم "ع-"ه جمیشهم ع- ه مجش بزیراست:

o- 8 = (a-8)(a-1 a-1 6+ 8

وی عارت یعنی علی علی می در علی می بخش بذیراست کر بر جفت با بر براست: جنا بله عرص - می سی عده و عیده میردونخش بذیراست:

a-6=(a-6)(a+d6+d6+d6+a6+6)

2-6= (a+6)(a-a6+a6-a6+ a0+6)

و منو- تد بر بر د بخش ندیراست وای بر بر بد بخش نیرست:

x'-y'' = (x-y)(x'+xy+y')

عبارت مصبی وقتی بر ع + ه نجش پذیراست که ۸ تا ق اشد و مبیح قت بر ع - ه نجش پذیرمنیت

جنا کد تھ ہتا ہ بر ع ہو ہن ندیراست ؛ جنا کد تھ ہتا ہ بر

a"+18"= (0+8)(a'-a8+6")

شبصره برای تجزیه کردن مهجیته بسازه بای اوّل اِتّستیکه بر جفت بشد) مبترا منیت که اوّل تا جائیکه مکن است موا فق قا عدهٔ تخبر نیر

مثال ا-میخوالبیم ع-عه رابیازه نای اول تجزید کستیم مثال ا-میخوالبیم ع-عه رابیازه نای اول تجزید کستیم مثال ا-میخوالبیم ع-ع-عه (۳۶ + ۳۶) = ع-غه

=(a-b)(a+ab+b)(a+b)(a-ab+b)

وا مِن سا زه لم آولت.

مثال ۲- میخواهیم کمیو-^۲ راببازه نای اوّل تجزیهٔ منیم $x^{\lambda}-y^{\lambda}=(x^{\xi}-y^{\xi})(x^{\xi}+y^{\xi})$ $=(x^{\xi}-y^{\xi})(x^{\xi}+y^{\xi})$

وابين ساڙه يا اولند ٠

19 a-1 = (pa-1) (pa+1) = (ra+1) (ra-1) (pa+1)

ay + ay = ay (y + a) = ay (y + a) (y - ay + a)

تمرين

ع- عارتهای زیر را بحاصل ضرب مهازه ای ی اول تجزیکسنید:

1-x" yv-940" 2-44

 $(x+y)^{r}-z^{r}$ $(x+y)^{r}+z^{r}$

a-tir ata-a-a

 $\mathcal{C}(x'+\alpha) + \alpha x(x'-\alpha') + \alpha(x+\alpha)$

(b-c) + (c-a) + (a-b)

١١- ص لعضي محبث عي ازراه تجزيه.

مسَلَدُ الْبَيْدِي ١٠٥ = ١٠٠ مسَلَدُ الْبَيْدِي عَلَيْهِ اللهِ اللهِ اللهِ اللهِ اللهِ اللهِ اللهِ اللهِ اللهِ

۱۰ x را بطرن و لبرده وسهجايهٔ طرف ول را مجاصل ضرب سازه اي ول جُني

ميخيم ارتبقرار:

x-rx -1.x=

x(x+5)(x-0)=0

پس رسشه لا ع بهجندی با لا عبا رسند از رسشه لا ی جمجندی لا ی سه = × و

• = x + x و • = ۵ - x و نبا براین همچندی بالا دارای سدریشینه •

. ۲- و ۵ میسیاشد

مسله ۲- بمچندی ۵ = ۲۰+ تو ۱۳ و و راحل سنید

چون کو را به بد نبانیم سه حبد ظرت اول بصورت و به بدیم به کند در میآید برای تخرنهٔ آن کا فیست که ۳۶ را بحاصل ضرب د و عدد که مجموعشان ۱۳-ست

برای جربیان ه سیب ند را را بی س رب را مداری این مخیندی الآنین تجریکنیم وان دوعد دعبارتبذا ز ۹- و ع- نبا براین محیندی الآنین

مسوو و

(y'-9)(y'-1)=.

(y-r)(y+r)(y-r)(y+r)=.

بابراین ریشهٔ ی بی محیندی عبار تنداز رئیشه کای مجیدی کای ۲۵۰۰ پ

و ٥ = ٢ + و ٥ = ٢ - و ٥ = ٢ + لا يعني :

y=-r ; y=r , y=-r , y=r

رين

ېمچندی لی زېر راا زر دې تخربه حلکت په :

 $\chi' - 3 \chi = n$ $\chi' - \varphi \alpha' = 0$

a= 5 fa x-15 x + 50 = 0

r ax - 18 ax = 0

 $y^{r} - y + r = ry^{r}$ $x^{r} + \lambda x = -16$

V

ac+re = a'-9

 $x' + x' - \alpha x - \alpha x = 0$

y- y y - = 0

(چون بجای مع عدو ۱- راگذاریم سجلهٔ طرف اول صفر میشود)

x-5x -15x =-95

 $R - r \circ R' = -r \circ \qquad \qquad x'' - x' - x + i = 0$

R+ r R + r R + 1 = 0

 $R^{r}-YR-A=R+1$

و-راسم ورسمي

۱۲ - میدانیم رئیسهٔ مه أم عدوصابی A عدولیست انده کدجون تراتوا $\sqrt[m]{A} = a$ $\sqrt[m]{A} = a$ $\sqrt[m]{A} = a$ سه رانشارهٔ رئیسه ونشانهٔ سه را رئیسکی درادیکال نامند مثال - ربیشهٔ د و م ع و ربیت موّم عاع تبرمیب چین نوشته میشود:

بهجنین ۲٫۵ = ۲٫۵ و کرچ ۳۱- بعضی عد د نام استند که نمیتوان ریشه ۱۳۰ م اینا را بدست آور دینی" عددی ‹ دُرست یا برخهٔ یا و بر بهی ، نمیتوان فیت که توان یس مُشُ عددمفرفِسُود چاکلة سيح عددي نميتوان يافت كه منها وي ركيشنر دوّم مفت با شريعني حولُ زا

بتوان دوّم رساینم ۷ شود و همچنن کسیج حددی یا فت نمیشود که نسا وی ریشترم ۱۱ گردد بغنی توان میوش ۱۱ شود

۷۷ و سی و ماندا بنا راگنگ د متم کو ند

ولی جموا ره مکن ست با تقریب د لخوا بی عد دی یا فت که توان سهام

ان مرد مك بعدد A باشد

4,5 (VV (1,V 1,84 (VV < 1,80 طرفهای بزرگت را ریشهٔ د و مهفت با تقریب اضا فی وطرف کی کوکتیرا ريشُهُ و وَم مِفت إ تقرب نقصا في كوييد مثلًا ٢/٧ ريشُهُ دوّم مفت است باكي ومع تقريب اضافي (r,r) = 1,r9 و عاع ۲٫۶ ریشهٔ د و م سفت است با تحصد م تفریب نعضانی (7,54°)=5,9595 مبرعد دکه کنک نباشد کویا (منطق) نامیده میشود مانند ۲۵ و این r- V9, ra 9. ١٤- شبصره - اوَلاً بايد دانت كه اكرنمية وان عددي افت كه منسا وی عدد گنگی ما نید سهر با شدمهموا رومیتوان (پس زانتا ب کیهٔ درازا) آن را با مکم خطی ناپیش دا د مثلاً برای نایش ۳۷ میتوان سه کوشه ای فام الزّاويّه ساخت که د و ميلوي آن مسادي کيهٔ درازا با شد در منصورت ميجبّ ش و تران سدُوشه بایخی از د و کیساد عد د گنگ ۷۶ است بینی بااین بیمکن

میست و ترمنتث را بوسینه عددی برخهٔ یا دید بی تاکیشس داد .

و همچین مبر گاه شعاع دایر و را کند در از اخت بیا رکینم نسبت در از ای محیط تقطرعد محکئی میشو د که ایزا π نامن د

تا نیاخیا کمد دیدیم مقدار تقربی عددگشتگی را میتوان بعد د دیدی نایش داد و مرح بخوان بعد د دیدی نایش داد و مرح بخواند بخوا

وهمچنین عدو ۲۸۵۷ م ۱۴۲۸ م ۱۴۲۸ میاره منیاوی برخهٔ است پسگفتگ نیست

ولی شلاً اگر عدد گنگ ۷۷ را بطور تقریب حساب کنیم مبرجه باشد تقدم تقریب حاصل تحدد د به بهی میشو دکه د و ره ندار د بهخین است عدد ۶ که د و ره ندار د و تا مبشیل ز ۷۰۰ پیکر بعداز نمیز حسان

تمرين

۱- معین کمن پدکدام کین ازین عدؤ گُنگند و مقدار آنها را با تقریب بنا به اطاقی و نقصانی حیاب کمن پد VY VA Vy9 Vy9 VYD VYD, FF ۲- سرکت زمده مای ۳۷ و ۲۵ و ۷۷ را به کمنظی نایش و مید. ۱۵- رئیشهٔ اعدا دجیری - رئیشه ام عدد حبسبری A را نیز ما ندریشه الله ما معد د حمالي A غالب ميد مند و چنا مُدميد اينم ا قال-سر گاه A مثبت و سبعت با شد برای رئیسه سام A د و عد د قرمیهٔ مهمتوان یا فت يَمَا كَدِرُكِثُ وَوَمْ عَ مِنْهَا وَلِيتَ لِا ٢٠ لِما لِا ٢٠ وريشه جها رُم همنا -Va 66 +Va 6 دوّم - سرگاه جمنفی باشد و سجفت برای رئیسه سأم A میج عدو می سیب دانمیشو و زمیرا توان خفت سرعده (مثبت پامنفی مثبت متبصره - ريشه ای عبت عدوای منفی عدوای موثبوم اميد

تنبصره - رئیسه لمی صفت عدد لمی منفی عدد لم می مونهوم امید بیو مانند آ- ۷ و ع-۷ و ۷-۴ . بطور کلی برعبارتی که درآن عدد موہومی باشد موہموم خوا ہر بود

سوم- مركاه سمّا ق باشد مراى رئيسُهُ سه أم عدو ٩ بميشيكعد

یافت بیشود نه بیش . درحالت بید همتنت با شداین رئیسه بین از درحالت که همشنت با شداین رئیسه بین بین و درحالت که همشنی بی باشدرلیشهٔ تا ق آن سب منفی خوا بر بود در مثل رئیسهٔ تا ق آن سب منفی خوا بر بود در است : ۳ = ۳۷ و بیجنین ۲-= ۳۲-۷ و بیجنین درا دیکال ، سریشهٔ دوم ع منیا ویست با یا دا و ری نیم برگاه بنویسیم آل مقصود تها مقدار آل با بین ۲+ این ۲+ این ۲+ این ۲+ این ۱۰۰ و بیجنین ست بیگاه در بردشی درا دیکال) عبار جبری نوست شود مثل برگاه بنویسیم آب که مقصود رئیسهٔ دوم ۱ + نیست میری نوست شود مثل برگاه بنویسیم آب که مقصود رئیسهٔ دوم ۱ + نیست میرا در بین دوم ۱ + نیست میری نوست شود مثل برگاه بنویسیم آب که که مقصود رئیسهٔ دوم ۱ + نیست میرا در نوسهٔ دوم ۱ + نیست میری نوست شد شود مثل برگاه بنویسیم ۱ - بید که مقصود رئیسهٔ دوم ۱ - نیست میری نوست شد شود مثل برگاه بنویسیم ۱ - بید که مقصود رئیسهٔ دوم ۱ - نیست میری نوست شد شود مثل برگاه بنویسیم ۱ - بید که مقصود رئیسهٔ دوم ۱ - نیست میری نوست شد شود مثل برگاه بنویسیم ۱ - بید که مقصود رئیسهٔ دوم ۱ - نیست میری نوست شده دوم ۱ - نیست میری نوست شد شود مثل برگاه بیرگاه برگاه بیرگاه برگاه بیرگاه بیرگاه بیرکاه بی

پرسش می می شفاهی ۱- مقدار عددی برک از عارتهای زیر راصاب نسید:

۲- ریشهٔ دوم عوا و ۱۶- و ۲۵ رع و ریشهٔ سوم ۲۷ و ۲۷- و ۲۷ د و ریشهٔ ستم عاء را منعین کسنید .

ع التقسيم مندى اعداد حب سرى - اعداد به و وطبقه تقسيم مشوند: اعدادموبهوم واعدا دغيرموبهوم باحققي اعدادموبهوم انذ ٧-٧ ا عداد حقیقی اند تم و ۷۷-اعدا دحقی سنینر سنوبت خو د بر د و نوعت اعداد کویا واعد د اعدادكويا انت و و ٢٠٠٠ وغيره ا مدادگنگ مانند ۷۴ و ۱ و ۱۳ م و ۱۷۳ م وغیره ۱ عدادگویا نیر مرد و نوعت د: ۱ عدا د کویای درست ، مند ۲۵ و ٧- و ۵۲ و اعدا دگویای برخه مانند س و ۲٫۷۶-ازروی جد ول تیسیم سندی ا عدا د جبری معلوم میشود:

> پرسش المی شفایی ۱- عددی نوبسید که گویا و برط یا شد

، ۲- عدد کنگی نبونسیسید

س عدو موجومي بنوليسيد

۴- عدو في زير راطبقه بندي كمنبد

۵ - عبارت یک را با زاء مقدار بای مخلف ید طبقه بندی کمنید

۱۷-عل ملی راجع برسینه لا قصنتیه - مرکاه شا رهٔ رسینه ونای مقدا رزیر رسیمی را در عددی ما نند بر صرب گنیم در رسیم تعینیری

 $\sqrt{A} = \sqrt{A^R}$

برای اثبات کافی است و وطرف تسا وی بالا را بتوان مرسد رمیم

(برای است کم هر را بتوان عرد رسانیم میستوانیم اوّل آنزا بتوان مهر رسانیم میستوانیم اوّل آنزا بتوان مهر رسانیم) رسانده بین زان حاصل تینی A را بتوان پهر رسانیم)

 $\sqrt{r} = \sqrt[3]{r} = \sqrt[3]{5} = r$

 $\sqrt{d} = \sqrt{a^{10}}$

شبصره - در بهار بردن قاعدهٔ بالا مرگاه مر جفت با شد باید قت نمود که درنشانه اشتبایی رخ ندید مَنْ مِي دانيم كه ۲- = ٦- اكرشاره ريشه ونما ي مقدارز بررت كي را درعد د و ضرب تنبي مد ون دقت درنت نه مبتا وي غلط زيرسرت م $\sqrt[r]{-\Lambda} = \sqrt[r]{(-\Lambda)^{\gamma}} = \sqrt[r]{97} = +7$

این فلط از نیجا ناشی شده است که عدو ۸ - را متوان و و م رسا ندیم و درمتیونشآ این فلط از نیجا ناشی شده است - مرای رفع این غلط با پدنشانهٔ - را درجایوی ایجا گذاشت مەن كىل:

1-1 = - 5 9 F = - Y

التحقیر کمنیدایات و بهای زیریا زا ربهم مقدا ر بای ۵ هیچاست یانسیت

, Va = Val

 $\sqrt[r]{-\alpha} = \sqrt[3]{\alpha^{\gamma}}$

٧- ابن ت وها رائم المند:

// = 1/?

ریشگی بای هرسطررا دا رای کیٹ شار ه نمایئد

١٩- نيخهٔ ٢- چون شارهٔ رئيسه ونماي مقدا رزير رئيسي رابر عدوی ما نیذ مرتفشیم نسیم در ریشه تعینیری سب دانمی شو و $\sqrt[n]{a} = \sqrt[n]{a}$ $\sqrt[n]{a} = \sqrt[n]{a}$ $\sqrt[n]{a} = \sqrt[n]{a}$ تتمصره - مركاه ناى مقدا رزير رئي كي حفت باشد و مخوا ميم انزابر عدد حفت علر تقتيم كمنسيم باليدمتو تجه بو وكه ورنيجال بمواره مقدا رزير رمشيكي مثبت ميشود البابراين بيد مراعات نشأ ندرانمود مثلًا عهر إبارا دبمهٔ مقدار بای ۵ (چیمشت وچیمفی) ممواره مثبت است - حال كره و و را نخوا ميم مر ٢ تقيم نيم الدنسانيه را درنظر كرفت ينا كمد اكره مثبت باشد چنين ميّوو سي الله على الرق مثبت باشد واكره منفى باشد بايدنوشت مهر مله الكرام منفى باشد بايدنوشت اینت مرای ساده کردن رکیکیها کارمیرو د رث بی ای زمر را با درنظر گرنستن نشانه سا د میمنید : ۱۶ گر ۱۶ گر ۱۶ منازه ۲- ضرب ریشه نا - حاصل ضرب حید رئیسگی که دارای خ · Tr

مشترک سر با شدمنها وی رئینهٔ سر آم حاصل ضرب مقدار ای م زیر رئیگی است

 $\sqrt[n]{A} \cdot \sqrt[n]{B} \cdot \sqrt[n]{C} = \sqrt[n]{A \cdot B \cdot C}$

د برائ ثبات کا فی است و وطرت نشاوی بالا را بتوان سه برسانیم) اگر شاری رشگیها مُساوی نیا شد اوّل آنها را سخول سک شاره نموده میسیرانهٔ

ما شذ با لاعل منيا شيم

 $\sqrt{\tau}.\sqrt{\varphi} = \sqrt[g]{\tau}.\sqrt{\varphi} = \sqrt[g]{\tau}.\sqrt{\varphi}$

تمرين

ماصل مرکب ازعبارتهای زیر را بست ا درید:

 $\sqrt{\frac{1}{r}} \cdot \sqrt{\frac{r}{r}}$

 $\sqrt[7]{x} \cdot \sqrt[7]{x}$ $\sqrt{\frac{x}{x}} \cdot \sqrt{\frac{x}{x}} \cdot \sqrt{\frac{x}{x}}$

ñ·√±·√±·√÷·√÷

VF (F VF - VF)

مطابق صرب تعجيدا ي درحب دحية عمل محتسيما رنقرا ر:

Vr (r Vr - Vr) = r VF -r = r(VF -1)

$$(\sqrt{\frac{1}{6}} - \sqrt{\frac{66}{7}}) \sqrt{\frac{5}{7}}$$

$$(\sqrt{7} - \sqrt{7})(7\sqrt{7} + 5\sqrt{7})$$

$$(\sqrt{7} - \sqrt{7})(7\sqrt{7} + 5\sqrt{7})$$

$$(\sqrt{7} - \sqrt{7})(7\sqrt{7} + 5\sqrt{7}) = \frac{1}{6}$$

$$= \frac{7}{6} + 5\sqrt{9} - 7\sqrt{9} - 10 = 7\sqrt{9} - 11$$

$$(\sqrt{7} + \sqrt{5})(\sqrt{7} - \sqrt{5})$$

$$(\sqrt{7} + \sqrt{5})(\sqrt{7} - \sqrt{5})$$

$$(\sqrt{7} - \sqrt{7})(7\sqrt{7} + 7\sqrt{7})$$

$$(\sqrt{7} - \sqrt{7})(7\sqrt{7})(7\sqrt{7} + 7\sqrt{7})$$

$$(\sqrt{7} - \sqrt{7})(7\sqrt{7})(7\sqrt{7} + 7\sqrt{7})$$

$$(\sqrt{7} - \sqrt{7})(7\sqrt{7})(7\sqrt{7})$$

$$(\sqrt{7} - \sqrt{7})(7\sqrt{7})(7\sqrt{7})$$

$$(\sqrt{7} - \sqrt{7})(7\sqrt{7})$$

$$(\sqrt{7}$$

زېر رئشگى ضرب نمائيم.

این عل ہم برای سا و ه کر دن رکشیگی ^ا بجا رمیرو د تمرین

عبا رتهای زیرراساده کمنید:

 $\sqrt{9 \times 7}$ $\sqrt{10 + 9}$ $\sqrt{7}$ $\sqrt{7}$

ravar - ravar +9 var

r Var - Vro. - Vra.

r Vrya + Vry - Vera

تو-یو کا (بو+ یه) + توج بوید ۲-۲ می ۱۳۰۰ + ۴ (بو- یه) کرد. ۲۳ - توان رکیشه کا - برای است که گیریشه را بیک توان برسانیم کا فیست مقدار زیر رکیگی را بان توان برسانیم ۱ زیرادشی

بر ما پیم می منطق معتملی می برای می می می می می است. تو ان حالت مخصرصی ست ارضرب)

 $(\sqrt[n]{A})^{f} = \sqrt[n]{A^{f}}$

لمركين

۱ - هر کیت ازعبارتهای زمر را مبوّان سوّم برنما نید و حاصل را ساده کهنسید

 $\sqrt[6]{\gamma V}$ $\sqrt[6]{x}$ $x\sqrt{x}$ ۲- بر کیا زعبارتهای زیر را بتوان نخ برسایند و حاصل را ساد ه که نید: ع ۲- قصیتیر - برای اینکه ازریشهٔ پیرام عددی بیشهٔ مرام اخرا شو د کافی است که ا زعد دمفروض رئیسهٔ مرسه ۱ م استخراج کرد د $\sqrt[h]{A} = \sqrt[h]{A}$ برای اثبات کا فی است که دوطرف این *تسا* وی را متوان مهه برسانیم (طرف حِبِ راا وّل مبوان مهر وبس رّان مبوان مهر ميرسانيم) برکی ازرنشگی ^هی مرک^ق زیر را برنشگی ساده تبدیل کمنید . $\sqrt[y]{\sqrt{y}}$ Vms ۲ ﴿ وَسَيْمَ اللَّهُ اللَّ

 $\frac{\sqrt{\Lambda}}{\sqrt{r}} = \sqrt{\frac{\Lambda}{r}} = \sqrt{r} = r$ ر در حالت يكه شارهٔ ريشه ما مخلف باشند اوّل آنها راتحول سكت شاره نود « بر بس ا را ن ما نبلاعل منکسنیم: $\frac{\sqrt[4]{\delta}}{\sqrt[4]{\delta}} = \frac{\sqrt[4]{\delta}}{\sqrt[4]{\delta}} = \sqrt[4]{\frac{1}{\delta}}$ در مبریک ارتقتیم فای زیر مسیل زسا ده منوه ن مبرراحیاب منسید r√1 : √r VID: VT. Vade: Veal' Va: VT (VIT - VA): VY (PVA + 1. VVA): TVA $(\sqrt{r}, -\sqrt{r}, -\sqrt{r})$: \sqrt{r} $(\sqrt{r} + \sqrt{r})$: \sqrt{r} $(\sqrt{xy^{\dagger}} - \sqrt{x^{\prime}y}) : \sqrt{xy}$ ۲۶- نما ی برخهٔ -عل بای راح برکیشه با کال شابهت را با خال اجع

منای سینم که ۱۶ و یا ۴۰٪ را میتوا نیم بصورت ۴۰٪ نبویسیم (۱ رتقیم شارهٔ رکیشه و نای زیر رشگی مبر عدو ۲)

 $\nabla d = d = d$

نبا براین و تمتیکه نمای زیر رئیگی برشارهٔ رئیدنجش پذیر با شد میتوان رئیدا بصورت تو انی نوشت که نمایش برخه با شد. برخه شاراین برخه شارهٔ رئیدبودْ و برخه نامش منسا وی نمای مقدا ر زیررشگی است .

واکر پر بر ۶ بخش ذیر نبا شد گه ۵ دا رای مغانست ۱۰ وجو داین برای عمومتت دا دن دمستور (۱) قرار براین شده است : مرر نشه را بصورت توانی نولیسند که نایش برخه ای باشد بابرخه نامی مسا وی شارهٔ رئیشه و برخه شاری مسا وی نای مقد از بررشگی شلا نیا براین مت را رمیتوان نوشت :

 $\sqrt{x} \cdot \sqrt{x} = \sqrt{x^{*}} = x$

 $x^{\frac{1}{7}} \cdot x^{\frac{1}{7}} = x^{\frac{1}{7} + \frac{1}{7}} = x$

کیی از فوایداین تبدیل میاست که عل لای راجع سربیشه لا تعلی ی راجع بتوان ست دیر میشو و و میتوان تا م خاصیت لا نیکه در ریشه لا گفیشد

ر بین جود می مجمعه ین پیرمر مو پیرد می می بوسیلهٔ عل فح می راجع متوان اثبات مود

مُثَلًّا برا يُ باتفتيدُ شارهٔ صفهُ ۴۵) ميتوان شين نوشت:

 $\sqrt[4]{A^{h}} = A = A = \sqrt[4]{\frac{mp}{mq}} = \sqrt[mq]{\frac{mp}{mp}}$

دېمچنين مرای سټ دیل حبٰد رنشگی سکٹ شاره وغیره په په او این زیر

پرسشر کای شفا ہی

رئبگهای زیر را بصورت توانی با نمای برخهٔ نبوهیسید:

x VYD Var ۲- توانهای زیر رابصورت دیشه مولیسید: 7x 0 4 7 . x 7 - f rx. r ۳- مقدا رمریک ارتوانهای زیر داحیا بکمنید 7 th $\left(\begin{array}{c} \frac{1}{F} \end{array}\right)^{\frac{p}{p}} \qquad \left(\begin{array}{c} -\varphi \varphi \end{array}\right)^{\frac{p}{p}}$ (-1)^{*} تمرس ۱- توانهای زیر راب ده ترین صورت بریشگی تبدیل کتند: $f(19x)^{\frac{1}{7}}$ $x^{\frac{1}{7}}y^{\frac{1}{7}}$ $a^{\frac{1}{7}} \cdot am^{\frac{1}{7}}$ 4 (18x) + 10 20 0 (154) sat. en mt. yt ۲ ـ ازر وی ست دیل بتوان رئیگی ۶ ی زیر را بسا ده ترین صورت خود نبویسید: $\left(\sqrt[r]{q} = \sqrt[r]{r^r} = r^{\frac{r}{r}} = r^{\frac{1}{r}} = \sqrt[r]{r}\right)$

$$\sqrt[r]{r} \qquad \sqrt[r]{r} \qquad \sqrt[r$$

۳ - فاصیت بای را جع برنشه با راا زر وی سبدیل سبوان آباب کمنید. ۶ - پینهٔ (صاحت) کیئے بوزی ۵۱۲ مترکم تبع است مطوبست درا زای قطرایش درصورت که قطر کوتا و سی قطر عبد باشد .

۵ - پینهٔ مُرتبی ۲۵ ۶ مرُمرتِع است درا زای تطرش را بدست آورید ۰

ع- نر د با بنی دار بری ۱۱ پته است که فاصلهٔ آنها از کید گیر ۱۵ بره مترد فاصلهٔ پنداخر از انهای نر د با ن ۲۳ ره مترو فاصلهٔ پندا وّل از ۱ تبدا که ۱۸ ره متراست نروبا نرارادهٔ قائمی تنمیسه دا دیم تقبیمی که انتهای کی برانهای دیوار قرار گرفت و فاصلهٔ با یّه آن از بای دلوم

على مترشد لبن دى ديوا رحيدراست؟

γ ـ زمینی است شبکل سه کو شد من اوی الا ضلاع بار نفاع ۱۸۰ متر - ارزش بُن مِن چند است درصورت که سرکمها را ن ۲۷۰۰ ریال بریزد ۴ ۸ - نقطهٔ ۹ روی کمی از دو تھیادی زاویا "هء واده شده استیاتی پلونقطه ای پیوا کنیده تبسی کداز ۹ واز بیلوی وگیرزاویه سکت فاصله باشد .

۹ - سگوشهای به بهبادهٔی ه و ح و د د ده شده حساب کمنید نظیه با کی راکد سرار تفاع روی بیلو اجب دامیکند .

۱۰ - از کیک سدگوشنهٔ قاعم الزّا ویه پرایون و کیک بپلدی گوشنهٔ قائم معلوم است بینهٔ آن را صاب کمنید،

۱۱ - دو دایر ه شقاطعند شعاع نا تینها جه و مور زازای خط د و مرکزت ن له ست درازای و ترمشترک آینا را حیا کنید .

۱۲- ازسدگوشد مت دی الا صلاع درازای ارتفاع معلوم است بپنداش راحه.

۲۷ - تو یا کرون برخه نام گنگت - برای آسانی می سبه بهتر آستگریم نام یک عبار شیخی گویا باشد.

مثلًا برای محاسبهٔ عبارت به میشوا نم اوّل مقدا رتقریبی که را بالفرة دلخوا بی مثلًا تا بنیج حسا ب کنیم

Vr = 1,4144

بس ران بريت را براين عدو برست آوريم:

و میتوان نیز ماضرب کردن مرخه نام د مرخه شار به در سهر برخه نام را کویانمود پیل زان عمل تفشیم را بجا ورد از نیقرار:

 $\frac{1}{\sqrt{\tau}} = \frac{1 \times \sqrt{\tau}}{\sqrt{\tau} \times \sqrt{\tau}} = \frac{\sqrt{\tau}}{\tau} = \frac{1/^{2}1^{+}1^{+}1^{-}}{\sqrt{\tau}} = \frac{1}{\sqrt{\tau}} \times \sqrt{\tau} = \frac{1}{\sqrt{\tau}} = \frac{1}{\sqrt{$

برای گویا کردن کیئ برخه نام گنگ دو حالت درنظر سکیب بریم: حالت اقل - برخه نام تصورت هرس است که دران A

عارتیت گو ما عارتیت گو ما

انند و به مریق بیل برخه لا با بد برخه نام و برخه شار را درعبار ضرب نیم که حاصل ضربش در برخه نام کو یا گرد د

شلًا ورب کافی است برخهٔ ما موبرخهٔ شاررا در ۳۷ ضرب کینیم و همچنین در سیک برخه نام و برخه شاررا در ۳۷ ضرب کینیم از نقرار!

 $\frac{\sqrt{r}}{\sqrt[3]{r}} = \frac{\sqrt{r} \cdot \sqrt[3]{r}}{\sqrt[3]{r} \cdot \sqrt[3]{r}} = \frac{\sqrt[3]{r}}{\sqrt[3]{r}} = \frac{\sqrt[3]{r}}{r}$ $= \frac{\sqrt[3]{r}}{\sqrt[3]{r}} = \frac{\sqrt[3]{r}}{\sqrt[3]{r}} = \frac{\sqrt[3]{r}}{\sqrt[3]{r}}$ $= \frac{\sqrt[3]{r}}{\sqrt[3]{r}} = \frac{\sqrt[3]{r}}{\sqrt[3]{r}} = \frac{\sqrt[3]{r}}{\sqrt[3]{r}} = \frac{\sqrt[3]{r}}{\sqrt[3]{r}}$

$$\frac{1}{\sqrt{a+x}} = \frac{\sqrt{a+x}}{a+x}$$

رف ام عا رئف ی زبر راکو اکنید:

$$\frac{\sqrt{10}}{\sqrt{7}}$$
 $\frac{\sqrt{5}}{\sqrt{7}}$
 $\frac{\sqrt{5}}{\sqrt{7}}$
 $\frac{\sqrt{7}}{\sqrt{7}}$
 $\frac{\sqrt{7}}{\sqrt{7}}$
 $\frac{\sqrt{7}}{\sqrt{7}}$
 $\frac{\sqrt{7}}{\sqrt{7}}$
 $\frac{\sqrt{7}}{\sqrt{7}}$
 $\frac{\sqrt{10}}{\sqrt{7}}$
 $\frac{\sqrt{7}}{\sqrt{7}}$
 $\frac{\sqrt{7}}{\sqrt{7}}$
 $\frac{\sqrt{10}}{\sqrt{7}}$
 $\frac{\sqrt{7}}{\sqrt{7}}$
 $\frac{\sqrt{7}}{\sqrt{7}}$
 $\frac{\sqrt{10}}{\sqrt{7}}$
 $\frac{\sqrt{7}}{\sqrt{7}}$
 $\frac{7}}{\sqrt{7}}$
 $\frac{\sqrt{7}}{\sqrt{7}}$
 $\frac{\sqrt{7}}{\sqrt{7}}$
 $\frac{\sqrt{7}}{\sqrt{7}}$
 $\frac{\sqrt{7}}{\sqrt{7}}$
 $\frac{\sqrt{7}}{\sqrt{7}}$
 $\frac{\sqrt{7}}{\sqrt{7}}$
 $\frac{\sqrt{7}}{\sqrt{7}}$
 $\frac{\sqrt{7}}{\sqrt{7}}$
 $\frac{\sqrt{7}}{\sqrt{7}}$
 $\frac{7}{\sqrt{7}}$
 $\frac{7}{\sqrt{7}}$
 $\frac{7}{\sqrt{7}}$
 $\frac{7}{\sqrt{7}}$
 $\frac{7}{\sqrt{7}}$
 $\frac{7}{\sqrt$

 $\frac{1}{Y+\sqrt{p}} = \frac{Y-\sqrt{p}}{(Y+\sqrt{p})(Y-\sqrt{p})} = \frac{Y-\sqrt{p}}{y-p} = Y-\sqrt{p}$ $\frac{\alpha}{\sqrt{\delta}-t\sqrt{p}} = \frac{\alpha(\sqrt{\delta}+t\sqrt{p})}{\delta-1} = \frac{\alpha(\sqrt{\delta}+t\sqrt{p})}{y}$ $\frac{\gamma}{\sqrt{\delta}-t\sqrt{p}} = \frac{\alpha(\sqrt{\delta}+t\sqrt{p})}{\delta-1} = \frac{\alpha(\sqrt{\delta}+t\sqrt{p})}{y}$

يس مركاه برضام بصورت كلي على + م الله A الله (A الوياست ومكن ست چند جنّه باث ١ قاعد هٔ زمير رابكا رميسبريم: ۲۸ - قا عده - برخه نا م و مرخه شا ررا در مرد وج برخه نا م ضرب میلنیم و برگاه برخه نام سبیل ز د و حبه منگ واشنه با شد جمین فاعده رامید بار دباندازهٔ لازم گرارمیسنیم. مثلًا برای کویا نمو دن برخه ما م م ایس می آول a + c را در هم میجگیرگرفته ا زروي قاعدهٔ بالاعل می نیم $\frac{x}{\sqrt{a}+c-\sqrt{e}} = \frac{x\left((\sqrt{a}+c)+\sqrt{e}\right)}{(\sqrt{a}+c)^{T}-e}$ طال مي سينيم كم مرحد ما م بصورت A ± VB است كد در آن عاشدناراین ون رفام \VB = 4c √a ، A = a + c - d وبرخ شاربرخ آخررا درمزد وج عبارت ١٠٧٥ (٥- ١٥ + ٥) ويا · در عرب من مرب المعام كويا ميشود (ع- ع- م ع- د) ضرب من ميم برخه نام كويا ميشود $\frac{x}{\sqrt{a}+c-\sqrt{\ell}} = \frac{x(\sqrt{a}+c+\sqrt{\ell})(a+c^{\prime}-\ell-rc\sqrt{a})}{(a+c^{\prime}-\ell)^{\prime}-\mu cc^{\prime}}$

مرخه نام عبارتھیای ربر راگو یا ناسیسد :

$$\frac{\sqrt{Y}}{\sqrt{Y} - Y}$$

$$\frac{\sqrt{Y}}{\sqrt{Y} - Y}$$

$$\frac{\sqrt{Y}}{\sqrt{Y} - \sqrt{Y}}$$

$$\frac{\sqrt{Y}}{\sqrt{Y}}$$

$$\frac{Y}{\sqrt{Y}}$$

$$\frac{Y$$

، مي نهيذير التبديل به همچندي كو يا كنيم ميني عارت كنك رااز بين سريم بس الماييني

حاصل راا زروی قاعده لائیکه داریم خاکسنیم

برای این کا را بتداجله بای نمشا به و وظرف بمچندی را تجسع می کنیم بین آلان برای از مین بر ون عبارت گنگ (وقت یکه عبارتهای گنگ به بچندی دارای کمک شارهٔ ریشه باسشند) و وظرف بهچندی را بتوان شارهٔ ریشه میرساینم گاه برای زئین برون عبارتهای گنگ کیک بچندی لازم میشو و که و وظرف را حیب به بار (با ندازهٔ لازم) بتوان برسانیم .

ه ۲ ۳ م. تبصره - چون د وطرف بمپخدی تبوان جفت رسد بمپخدی حاصل ثمو ما جمپر اصلی بهم ارزمنیت (*) یعنی مکن ست جوابهای خارجی د است ته باشد لذا ایج! بمپخدی حاصل را دبمپخدی دا د وشده امتحان منود

مثال ا- بمچندی ۵ = ۷ - ۷x-۷ راحل کنید حبد گنگ را شاگذارده دوطر بهچندی را بتوان د و مرسرسانیم خواهیم داشت

(*) زیرااگرفرط کمنیم بیجندی اصلی ۱۵ = ۱۹ باشد بیجندی جدید بصورت ای = ۱۹ را خوا بد بود و این بیجندی ۱۰ - ۱۹ را خوا بد بود و این بیجندی ۱۰ - ۱۹ را بیجندی اصلی رسیسه ای بیجندی ۱۰ - ۱۹ را بیم دربرخوا بد داشت زیرا چون بیجندی ۱۳۵ - ۱۹ را بیم ان و قرم رسانیم نیز ای ای بیمندگ ۱۹ - ۱۹ مثال - دنیجندی ۱۵ = بیم دربرخوا به دا بیم دربردا ۱۰ بیمندگ در بردا ۱۰ بیمندگان در بردا ۱۰ بیمندگ در بردا ۱۰ بیمندگان در بردا ۱۰ بیمندگ در بردا ۱۰ بیمندگان در بردا در بیمندگان در بردا ۱۰ بیمندگان در بردا در بیمندگان در بیمندگان در بیمندگان در بیمندگان در بیمندگان در بیمندگان در بیمن

x=11 elib x-y=t

ستحقیق - چون ۱۱ د بیمچندی اصلی صدق میکند بنا براین جواب بیمچندی گذات مثال ۲ مطلوب ت کی بیم بینی را تها مثال ۲ مطلوب ت کی بیم بیم کی را تها گذار ده و و طرف را تبوان د و میرسانی سپس از ساد ه کردن خواهیم داشت

 $x = \frac{r}{r}$

ستحین - چون بجای ۵ د بیجندگی ملی تیگداریم س وی فلط ۳ = ۲ میم بدست میآید نبا براین بیجندی اصلی حواسب ندار د و تیج حواب خارجی نبت مثال ۳ - میجندی گنگ زیر راحل کمنید:

 $\sqrt{x+\Delta} - \sqrt{x-f} = 1$

بهتراین است که رئیگی د و م را بطرف دیمرهمچندی مرده و وطرف را بنوان وم رسانیم در منصورت خوا میم داشت :

 $x + 0 = 1 + x - p + r \sqrt{x - p}$

وچون رسيگي را در کيطرت تهاگذار د ه د وطرت را با زبتوان ُو توم ر ساينم مې از ساد ژ .

شخمیق - جواب ۲۰ د جواب این جواب آن ده و نیا براین جواب آن به

بریای نگان زیر را حاکمت د:
بختای نگان زیر را حاکمت د:

$$\Delta = \sqrt{\lambda} = A$$

$$\sqrt{r \times -1} = \Delta$$

$$\sqrt{r \times -\Delta} + r^2 = \Delta$$

$$\sqrt{ry-v} = \sqrt{fy+9}$$
 $\sqrt{x}-v=r\sqrt{x}-1$

$$\sqrt{x-11}-y\sqrt{yx-b}=0$$
 $\Delta-\sqrt{yx^2-b}=yx$

$$\sqrt{|r+r|\sqrt{x-1}} = \Delta \qquad \sqrt{r-y\sqrt{\Delta x+r}} = r$$

$$\sqrt[r]{x^r - yx + 19} = \sqrt{x - y}$$

$$\sqrt[r]{x} - \sqrt{yx} = y + \sqrt{y}$$

$$\frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x}} + \frac{\delta}{\gamma} = \frac{\varsigma}{\sqrt{x}} + \gamma$$

$$\frac{9}{\Delta + \sqrt{Y}} = \frac{\varphi}{\Lambda - \sqrt{x}} \qquad \sqrt{Yx + Y} = \frac{\Delta x + \varphi}{\sqrt{Yx + Y}}$$

$$\sqrt{9x + 9 + \sqrt{x^{9} + 10x^{9} + 6x - 1}} = x + 9$$

$$\frac{1}{\sqrt{4x-r}} = \frac{1}{\sqrt{4x-r}} = \frac{1}{\sqrt{4x-r}}$$

$$\sqrt{x+9} - \sqrt{x} = 1$$

$$\sqrt{x+7} - \sqrt{x-7} = 1$$

$$4\sqrt{\lambda + \gamma} + 4\sqrt{\lambda - \lambda} = \sqrt{4\gamma^{\lambda + 1/6}}$$

$$\nabla \sqrt{z} + \nabla = \nabla \sqrt{z} - |Y| = \Delta \sqrt{z} - 9$$

$$\sqrt{\alpha} - V + \sqrt{\alpha} - V = \sqrt{\alpha} - |\alpha| = \sqrt{\alpha} + \Delta$$

ه - نسبت فتمانث

د و جزر نسبت را در عد دی ضرب کسنیم دیا بر عد دی تعشیم کنیم نسبت تغییر کند سه ۳ سا - هر گاه منجوا هیم سنبت پین د و چندی همجنس را معین کنیم بعثی ان درا با هم سنچیم باید مبر د و را با کیک کمهٔ هان چندی سنجید

ولی نمیتوان سنبت بین د وحین دی نا جو ررامعین کر د نینی د و چند کی جو کر گیر سنجی د ه نمی شوند . با کید گیر سنجی د ه نمی شوند .

تمرين

۱- معین تنسید نسبت مین کی فرسن ، هرار ذرعی را ایک کیلومتر (کندع تقریباً مساوی ۱۰۴ ساختیم است)

۲ معین کمن بداین دونسبت کدام کن بزرگهت مد:

و <u>۱۶</u> ۲۳ منید و قبی که ه مثب است این نا میاوی برقراراست

 $\frac{a}{a+r}$ $\left\langle \frac{a+r}{a+v} \right\rangle$

ع ـ مُعَيْنِ كَمِنْ مِدِ وَقَيْ كَهِ ٥٥ مُثْبِتَ استُ كَدَا مَ يُثُ الْرِينِ وونسبت برُكِت رند؛

V+fa , V+ra V+ra

۵ - برما ه بر د و عد دمثت عد ومشبتي بيفرا شي ا از آن و و عدد عد مشبتي كم

كنسيهم يتفاوتي ورسبت بيناكن ووعدوس يداميثووج

ع س تناسب - سرگاه و ونسبت إسم نساوي باستندآن ونسبت را تمناسب خوانند وتسكيل بك تسا وي مب د مندكه آن را "نماسب گويند مُلاَمتُ ويُم حيار عدد ٥ و كا و ٥ و المُتشيل أب تناسب ميد بندوقي كمه نسبت مین د و عد د ا وّل شرتنب منسا و ی نسبت مین د و عدد آخر باشد و ان را

۵ و که ۱ اولی واخری را دوکرانه (طرفین و حکو و c (دومی دستومی) را دومیان _(وسطین) تناسب گویند دچار مقدار ۵ و ح و ی در^ا

$$\frac{17}{17} = \frac{-17}{19}$$
 , $\frac{7}{17} = \frac{11}{11}$ محن است یکی از چها رجز و تناسب یک باشد ما نند

$$\frac{m}{1} = \frac{x}{y}$$

نبا براین سیتوان مبرتسا وی رابصورت تناسب درآور د مانند x=x

ضرسب دومیا ن .

برای اثبات چون دونسبت تناسب (۱) رابیک برخ نام تبدیل کمنیم تمپیشود

(1)
$$ad = bc$$
 (1), $\frac{ad}{bd} = \frac{cb}{dt}$

نیتجه - بن جها رخره تماسب ۵ و ح و ۵ و که غیرا رتباسب (۱) میتوان ک عده تماسب لای دگیری نوشت برای این کا رکافی است تساوی ۲٫ رابکا

مریم

ا وّل بچون و وطرت تساوی ۲۰) را بر عله تفتیمکنسیم خواہیم داشت $(r) \frac{a}{c} = \frac{b}{d} \quad l, \quad \frac{ad}{dc} = \frac{bc}{dc}$ بالتقایسه با تناسب (۱) می سینیم که در کیت تناسب میتوان خای دومیانرا يا مهم عوض مورد. د وم - چون د وطرف تساوی ۲۱) را برج ه تقسیم خوا بیم دات بعنی : میتوان در پایت ناسب جای د و کراند را باهسیم عوض منو د . سِوّه - چون د وطرف نسا وی ۲۱) را بر ۵۰ تقسیم نیم نیچه میشود ينى: ميتوان ونسبت يك تياسب راواروند نمود. یا دا و ری به خیانکه دیدیم سرتسا وی رانمیستو ان تصورت تیاسب تو الطوركد ورمرطرف فقط أك نسبت باشر) مُلَّاتُ وى ﷺ = ﷺ + 1 راميتوان بصورت أين تماسب نوشت الله على المردوطرت تساوى الزاوارد بكسنيم خواتيم داشت ویا $\frac{\Lambda}{1+} = \frac{\Lambda}{1+}$ ویا $\frac{\Lambda}{1+} = \frac{\Lambda}{1+}$ ولی مرکزیت بدیرای دارونه کردن

c e dر ن تساوی $\frac{2}{7} = \frac{1}{7} = \frac{1}{7} + 1$ چنین نوشت $\frac{1}{18} = \frac{1}{7} + 1 + 1$ یعنی

$$\frac{\lambda}{T} = \frac{\lambda}{T}$$

تېچنن دېمچېندې ع - ۱ - چ د د طرمن رانبا پدانيطور و ارو نهود:

x 1= xx -1

ر گەغلطاست واروزوصيحان سپيراست :

 $\frac{x}{6} - 1 = \frac{4x - 1}{6}$

راحل كمنيم فقط بكي جواب هي - = ع ميرسيم كه انهم ذرست نيت. چها رم - ترکیب نسبت - اگربرد وطرف تناسب ۱۱) عدد یک نفوا

 $(9) \quad \frac{a+b}{b} = \frac{c+d}{d}$

ورین صورت گویند مرای بدست آوردن تناسب دی در تناسب دای ترکیب

سنجم تفضيل نسبت - اگزارد وطرت نياسب ۱۱) عد ديك را كمينم حاصل ميثود

 (V_1) $\frac{a-b}{b} = \frac{c-d}{d}$ در منصورت گومند درتماست (۱) تفضیل نسبت مثده است

$$\frac{1}{2}$$
 $\frac{1}{2}$
 $\frac{$

د از ترکیب و تفضیل مناسب (۱) بدست آمده .

مهفتم از دار دنه مو دن هرکیازین تناسی طویا از عوض نمو دن جای دوکرانه با هم و یا جای د ومیان بهم تناسب مای دیگری بیست میآید. مثال ۱- این همچین دی راحل کنید

چون د وطرف مین تناسب را دار دندکنسیم خواهیم داشت عج = × مثال ۲ - همچندی زیر راح کسنسید

 $\frac{x-y}{y} = \frac{1}{y}$ $\frac{x}{y} = \frac{y}{y} = \frac{1}{y}$ $\frac{x}{y} = \frac{y}{y} = \frac{y}{y}$ $\frac{y}{y} = \frac{y}{y} = \frac{y}{y}$ $\frac{y}{y} = \frac{y}{y} = \frac{y}{y}$ $\frac{y}{y} = \frac{y}{y} = \frac{y}{y}$

x - x - x - x x - x - x x - x - x - x x -

 $x = \frac{a(t+1)}{t-1} \quad |\xi|_{1},$

۳۶ - چهارم حزر تماسب - درتماسب = جهمقدار به راجهام چهارم حزر این تماسب گویند که سه جزراوّل ن بترمتیب به و جه و ی

مبرکدام از جز، نای و گیر رامیستوان چهارم جز، پین سه جز، و گیرگر^ت و ترتیب سه جزء و گیرا زروی تیاسب (۱) بدست میآید

مثلًا ع جِهارم جزء تناسب بين ع وه وله است زيرا كافي است تنا. ۱۱) راواروندكنسيم:

وجمجنين ع چهارم جزراين ناسبات ع چهارم

ونيره جمار م جزرتناس المع الح است.

مثال - حساب کنید چهارم جزر تناسب مین ۲ و ۳ و ۸ را چون مین محصی رم جزر را به ۶ نبانیم خوا میم داشت بیر = بخرکه مقداران مساوی ۱۲ است .

۳۷ میان تهمت رسی (واسطه مبندسی) به مبر گاه در کیت بناست و میان (یا دوکرانه) با هم مساوی باست ند هر کدام از دومیان (یا دوکرأ) را داسط بهت رسی مین دوگرانه (یا دومیان) گویند

مثلًا درتناسب به = باعده ۴ میانتهندسی ست بین بر و ۲ وبطور کلی درتناسب به = به عدد مد میانهٔ بندسی است بن دومقدار

8,0

و بعلس میانه بهن در عدد ۵ و گا عدد می ست مانند سر بقسمی که ﷺ = ﷺ با شدویا نبا برشار ؤ (۳۵) گا۵ = ۲۸ وازنجا

m = + Va6

یعنی سه یا میانه بهندسی مین دو عدد ه و ج از حیث قدر طلق نسا وی رکشته دوّم حاصل ضرب ن دو عدد است و دارای دو جواب قرینه میباشد.

> چانکرمیانهٔ مبندسی پین ۴ و ۹ عدد ۶+ یا ۶- است تمرین

١- ازتناسب ع = ع اين تناسب إرابست أوريد!

 $\frac{a+b}{a} = \frac{c+a'}{c} \qquad \frac{a-b}{a} = \frac{c-d}{d}$

 $\frac{\delta a}{\ell} = \frac{\delta c}{d}$ $\frac{a'}{\ell r} = \frac{ac}{\ell d}$

 $\frac{5a \cdot \ell}{50 - \ell} = \frac{5c + d}{5c - d} \qquad \frac{d' - \ell'}{\ell'} = \frac{c' - d'}{d'}$

d-ft c'-d' va'-rb' vc'-rd'

$$\frac{1}{2} = \frac{1}{2} = \frac{$$

$$\frac{\pm \alpha \pm c \pm e}{\pm \theta \pm d \pm p} = 9 = \frac{\alpha}{\theta} = \frac{e}{d} = \frac{e}{f}$$

$$y = -1 \text{ in Signal of the property } e^{-1} = 0$$

(x+r): (x-b)=1r: rr

$$\frac{a+c+e}{b+d+x} = \frac{a}{b}$$

۵- مین د وعد و ۱۶ میا زنبن دسی بدایمنسید

بخيطور والمحمدون والمحمود

ع-مبغی رامنوابسیم پن د ونفر بنسبت ۲ و ۳ مخرکسیم میدانیم سیم اولی ۴۰۰ میا شده است معین کمنسید سیم د قرمی و مبسلغ مخش کرد لی را ۰

را ۷- با ۱۵۰ ریال ۱۷٫۵ متر بارجه خریدیم معلوم تسنید قیمت ۲۵ متراریمین بیمیم ۱ بومسئید تشکیل تناسب

الر راست گوشه ای رُمرِ بع مستطیلی بدرازای ۵ و پینای جی بیم ارزمر نبی است. ایست کسنید که بیلوی بن مرتع میانه بسندسی مین ۵ و چی است.

$$\frac{V_{i}}{V_{i}} = \frac{\mathcal{R}_{i}^{r}}{\mathcal{R}_{i}^{r}} = \frac{\mathcal{A}_{i}^{r}}{\mathcal{A}_{i}^{r}} , \qquad \frac{\mathcal{S}_{i}}{\mathcal{S}_{i}} = \frac{\mathcal{R}_{i}^{r}}{\mathcal{R}_{i}^{r}} = \frac{\mathcal{A}_{i}^{r}}{\mathcal{A}_{i}^{r}} = \frac{\mathcal{A}_{i}^{r}}{$$

۱۲-شفاع کر ه خو رمشید ۱۰۹ برا برشفاع کر هٔ زمین ست مُعین کمن پدنسبت مِن مساحت سطح آنها ونسبت مین حجبسم آنها را ۰

۱۳- درشگنی او لاارتفاع وار د برضلع ۵ مساوی ۱۸٫۳۴ متراست بچه فاصدار ضلع ۵ مساوی ۱۸٫۳۴ متراست بچه فاصدار ضلع ۵ خطی موازی بیضلع رمسم شود تا مساحت مثلث مفروض کرد ۱۶ مساحت مثلث مفروض کرد ۱۶

اً نیاً اُکرصند می مناوی ۲۵٫۴۶ مترابشدها بکسند کدی آن را که بوسیدایش موازی خداشده است ،

x + y + z = + xyz

۲- عبارت (یو- ید) نیم + یک (ید - ید) نیم در ایک با در یک با در یک بیر در ایک اول نجزیه کمنید . را بحاصل ضرب سازه با ی اول نجزیه کمنید . ۳ ـ نابت کمنید کردی رت

$$\left(\frac{b-c}{a} + \frac{c-a}{b} + \frac{a-b}{c}\right)\left(\frac{a}{b-c} + \frac{b}{c-a} + \frac{c}{a-b}\right)$$

بازار و = $\pm (a - b)$ است و بازاء (a - b + c = c مساوی ا

ع- ورستى تساويهاى زير را الاست كسنيد :

$$\frac{\Delta\sqrt{9}}{\sqrt{9}-1} + \frac{\sqrt{9}}{\sqrt{7}-\sqrt{7}} = (7 + \sqrt{7})(7 + \sqrt{7})$$

$$\sqrt{A+7}\sqrt{10+7}\sqrt{\Delta} = \sqrt{7+\sqrt{\Delta}} + \sqrt{\Delta-\sqrt{\Delta}}$$

$$\sqrt{A\pm\sqrt{B}} = \sqrt{\frac{A+\sqrt{A^{L}B}}{7}} \pm \sqrt{\frac{A-\sqrt{A^{L}B}}{7}}$$

بغرض B ﴿ A .

 $x^{\dagger} - \varepsilon x - \varepsilon = 0$ جواب بمچندی $\varepsilon = \gamma - \varepsilon - \varepsilon$ بست $x^{\dagger} - \varepsilon x - \varepsilon = 0$

إنبيت

ع-اگره و هم و ی اندازهٔ درازای سیسانی سدکوشه ای باشندوی

بینهٔ (مساحت) آن و عر نصف بیرا مون دمیلی آن با شد ا زروی دستور

$$S = \sqrt{p(p-a)(p-\ell)(p-c)}$$

نخت وتستسکد برسه بیلوی سدکومشد منیا دی ۵ دست بهند و ارتفاع آنزاهیات

دوم دفت کید کا = ۵ است بینه ومیسخین رتفاع وار د بربیلوی براهمانسید. سوم أبت كنيدكه بفرض أي + أح = له بينه سد كوت مها وي ع الم يأ ميود. میارم بازا، ع = م و ماه می بینراتا مارا تقریب حساب

٧- بومسيند تبديل متوان با ناي مرخذ عبارت

Vaivaler + Vervailer

الر- این عبارت را حساب کیند

. راسا د هکنسد .

 $\sqrt{r} \cdot \sqrt{r+\sqrt{r}} \cdot \sqrt{r+\sqrt{r+\sqrt{r}}} \cdot \sqrt{r-\sqrt{r+\sqrt{r}}}$

۹- ازتاسب ع = ع تناسبهای زیر دا بست آورید:

 $\frac{fa+9b}{fc+ad} = \frac{\sqrt{ab}}{\sqrt{cd}} \qquad \frac{\sqrt{a^{r}+c^{r}}}{\sqrt{b^{r}+a^{r}}} = \frac{\sqrt{ac}}{\sqrt{bd}}$ ، ا۔ اگ

 $\frac{m}{x} = \frac{n}{y} = \frac{f}{x}$

 $\frac{x^r}{Q^r} + \frac{y^r}{Q^r} + \frac{z^r}{Q^r} = 1$ باشد درمستی تساوی زیر را تابت کنید:

 $\frac{m^{t}}{g^{t}} + \frac{n^{t}}{f^{t}} + \frac{f^{t}}{g^{t}} = \frac{m^{t} + n^{t} + f^{t}}{x^{t} + y^{t} + z^{t}}$ ۱۱- عارت (۶-۲) دع مرده- مرده مرده راساده کنید وقت یک

۱۲- حاصل عبارت زیررا برست بیا ورید:

$$(\sqrt{a} + \sqrt{e})(\sqrt[4]{a} + \sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{a} + \sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{a} - \sqrt[4]{e})$$

$$(\sqrt[4]{a} + \sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{a} + \sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{a} + \sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{a} + \sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{a} - \sqrt[4]{e})$$

$$(\sqrt[4]{a} + \sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{a} + \sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{a} + \sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{a} - \sqrt[4]{e})$$

$$(\sqrt[4]{a} + \sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{a} + \sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{a} + \sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{a} - \sqrt[4]{e})$$

$$(\sqrt[4]{a} + \sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{a} + \sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{a} + \sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{a} - \sqrt[4]{e})$$

$$(\sqrt[4]{a} + \sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{a} + \sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{e})$$

$$(\sqrt[4]{a} + \sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{e})$$

$$(\sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{e})$$

$$(\sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{e})$$

$$(\sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{e})$$

$$(\sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{e})$$

$$(\sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{e})$$

$$(\sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{e})$$

$$(\sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{e})(\sqrt[4]{e})$$

۱۴- ثابت كنسيدكه چند جلنه ۱+ (۲+ x) (۲+ x) (۲+ x) وافقهم كيت چند جلنه است .

۱۵- عبارتصای ۱- ۱۷ - ۲۰ تا ۲۰ و ۲۰ - ۲۰ مریم و ۱۵ - ۲۰ تا تا تا دی زیر درست است ۶

$$\frac{b-c}{1+bc} + \frac{c-a}{1+ac} + \frac{a-b}{1+ac} = \frac{(a-b)(b-c)(c-a)}{(1+ab)(1+bc)(1+ca)}$$

$$f = x^{2} + ax^{2} + bx - 5$$

$$f = x^{2} + ax^{2} + bx - 5$$

(۱- x) (۱- x) مجش پذیر باشد و بهر دابدست بیا ورید . ۱۸- عبارت زیر دا بحاصل ضرب حید ساز ه تبدیل کنسید :

((b-c)+ b(c-a)+ c(a-b)

١٩- برفزرراماد كسيد:

$$\frac{d(\theta-c) + d(c-a) + c(a-b)}{d(\theta-c) + d(c-a) + c(a-b)}$$

$$(x+1)^{r_{m}} = x^{r_{m}} - x - 1 \quad \text{i.i.} - r.$$

$$(x+1)^{r_{m}} = x^{r_{m}} - x - 1 \quad \text{i.i.} - r.$$

۲۱- برفهٔ زیر را ما د وکه نید:

-				
	۲ x	- 6	: X + F	
	1 ~	, -	5	
			7 X	
			1-	
	P	7 - 5	1 - X	۲۲-حیاب کند
K ==		0	× + ×	ا ا المسلمات ميد

فصاف وم - ما بهجد رکھا وی بهجد رہائی فی الف نامسا دی ماہمجندی

۳۸ _ تعریف نامها وی تشکیل شده است از دوغبارت جبری که بوسیله کی از بن دون نه رپه که بازیم جداشده باستند مانند ۲-۷ م ۳+۵ و « (۷ و ۲+۵) ۱-۵ و

x-a \left\(\mathcal{L}_{+1} \)

وقتی نامسا ویرا نامسا وی عددگی کوست که دوعبارت آن رعدو بای جبری سکیل شده با شد ما نند دوشال وّل

وچانکه در تاب اقلگفته شده است نامها و بیا بطور کلی دارای خاصیت نامیرا اقل به بیتوان برد د ظرف یک نامها وی مقدا رئ سن و یا از مبرد وطرف کی مقدا رکاست به وال سینکه جمت امها وی تعنیب کندیعی طرفیکه بزرگتر بوده مبرترینه د قرم به میتوان د وظرف نامها وی را در عدد مثبت ضرب بنو د ۱ و یا بر یک عدر تب مها وی تعینب کرکند

میوّم ٔ چون د وطرف اسا وی در عد دمنفی ضرب بشو د (و یا بر عد دمنفی نقسیم شود) حبت نامسا وی تعینسیر سکینه جهارم- بفرض انیکتهیسپکدام از دو طرف نامها وی صفرنبا شد مبر گاه دوطرف انهایا وارونه کنیم حبت نامها وی تعنیسیر میکند خروقی که نشانهٔ دوطرف مخلف باشد.

 $\frac{1}{a} > \frac{1}{V} \Rightarrow \frac{1}{a} = \frac{1}$

 $-\frac{1}{a}\left\langle \frac{1}{V}\right\rangle$

۳۹-تعرلف - چذنامساوی را بم سوگوسند وقتی که طرفهای راست بمس مزرکتر ۱ ما کوچکتری از طرفهای حیب آنها باشد

مثلاً نامساویهای ۲ (۵ و ۷- (۳- و ۲ (۱- x بختید وابرد, مساوی ۳ ک ۱ م ۸ ۲ سرنت و

واین وساوی ۳ که و ۵- (۴- بهم سونسیند.

ع- توان ق میک مامسا وی - چون وطرت میک مامساوی ما سوان قررساینم این دو توان نسکیل کیش مامساوی مید بر مهم جست بهان مساوی

مثال - دوطرف مساوی ۲- ﴿ لَهُ را بَتُوان سه میرسانیم این اساد برست میآید که رکه

ا ع- توان حفت کیک مساوی - اوّ لَااکر دوطرت کیک مساوی ما متاب از لَااکر دوطرت کیک مساوی منتجت با مثبت با شد دا نهارا مبتوان حبتی سرسانیم این دو توانشکیل کنامشاوی بم حبت با

أن أمسا ويميسد 1

مثلاً اگرد وطرف امساوی ۲ ح را بتوان د وم برسانیم این اسا دی جمب سدامشود می ک

ميدا ميسوو ه ه (ا

ثانیاً هر کا و دو طرف منفی باشد توان حبت آنها تسکیل کیک نامنیا وی مید بر که بهم با نامها دی معتبد وض نبیت

مثلًا توان ووّم ووظرف المساوى الله - ﴾ المسلولين امساوى راميد به:

1 P9

اً ثاناً اگر دوطرف بهمنشانه نباستند توان حفت انتانسلیل کیف اساوی میدید کرهبتش ازروی مت درمطیق اینامعلوم میشود

مثلاً چون د وطرف امساوی ۵- ﴿ ﴿ رَابِتُوانَ دُوْمِ رَسَانِيمِ حَاصَلِ مِثْوِدِهِ ﴾ ٩ مثلاً چون د وطرف امساوی

۴ - ۲ درمالت محضوص که قدر مطلق و طرف مساوی با شد توان جفت اینالیل درمالت محضوص که قدر مطلق و طرف مساوی با شد توان جفت اینالیل

كي تسادىمىيدىد مثلًا ٣- ﴿ ﴿ رَاجِون بِوَانِ دُوْمِ بِرِسَانِمِ عَاصَلِمْ شُوْدُ

۲۴ - ما مساوی حرفی - جون برف × مقدارای عددی شار بر

از ۵ بیمسیم در منصورت بین یو به ۱ بن ما مساوی برقرا رمیشود ۵ 🗴

ومعای آن این است که مقدا رعددی در باید بزرگتراز ها باشد مثلا میوند ای ها او در باشد و معلومست که اگریب در مقدار این کو کپتراز ها با منساوی ها بدهیم نامساوی درست نمیت .

بهچنین درنا مساوی ۱ > ۳ - ۲x اگریب بد مقدارنای کوچکتراز یا بهسیم نامساوی درست است و بازا .مقدار بای بزرگستسارزی یا مساوی نامساوی

نامسا دی می مانند دو نامساوی بالا را ناهمچیزی گونیم و مقدار با می عد دیرا که با برجا که در چمول ناهجیندی کرد اریم تا نامساوی درستی هم حبت با آن تشکیل شود حوا بهای نامجیندی گونید چانکه جوابها نگاهمچندی ول تیام عد و با می نرگترازه مپا

این دا بها رالصورت زیرمنیانیم: دراولی ۵ (مرو در دومی ۴) مد

۳۹-نایمچند مهای هم ارز- دونایمچند برا بهم ارزگونید و قستیکه برده دارای جابها منسا دی باشند نانند ، ۲۷ - مد و ع ۲۲۷

چون بهجندی درحقیقت بهان مساوی عددست بنا براین ای تمام خوام اسساویس عددست بس رهایت آنخواص دمزهٔ ۲۸ میتوان زروی کمک ناهجیندی ناهجیندگی بهم زراً انزانسگیل داد: اقل بهرگاه مرد درطرف کیک ناهجیندی مقداری سفیت زاینم یا از دروارف مقداری کمکنسیم ایمچندی هم ارز ناهمچندی هروض بیست میآید. نیتیجه یمیستوان عبدای رااز میطرف ایمچندی بطرف و کیر مرد بشرط اسکینشانهٔ این اتعنب داد د

مثال - دراهمچندی ۲+ × ۴ × ۳ - × ۵ چون ۳- رابطرف وم بسریم دلینی برد وطرف ۳ بسفرانیم) ناهمچندی هم ارزی تصورت ۵+ × ۴ × ۵ م بدست میآید و نیراکر × ۴ رابطرف ول سب بریماین مساوی هم ارزید میآید ۵ × ×

د و م - چون د وطرف یک نابهچندی را در عددمشب سی ضرب بران تشیم کمنیم ابهچندی سم رز وهم حبت با نابهچندی مفروض برست میآید

جون وطرف رابر ٣ تقسيم من ماصل ميثود ٢٠٠٠ × ×

واکرد وطرف ایمچندیرا در عد دمنفی ضرب یا مرعد دمنفی تفسیم کسنیم میدایم که جبت ناجمچن دی تغییر میکند و ناجمچندی حاصل سمسم ارز با ناجمچندی مفروض خواج

مثلاً أكرد وطرف الميجندي المنظم المنظ

x > -0

و ہمچنین اگر در اہمچیندی ۱۲ - ﴿ ۲ ٣ - دوطرف رابر ۳ - تقسیم سیم این کید

بست ميآيه على x

عاعا۔ ناہمچندی مکت مجمولی درجدا ول ۔ ہرگاہ طبی بی اسپیندی را سک طرف معلوم لل رابطرف و گیرسبہ یم و ہرطرف را سادہ کنیم اگر ناہمچندی ط سکال زووصورت علی (معدول علی مقدار الله علی عدول یہ وراید (کدوران مدوج مقدار اللی عدد

معلومی بهتندی آن ناهمچند سرا ناهمچندی کیک محمولی درجهٔ آول گوست.

حَلّ الْبِهِجندى كَيْ مِحْمُولى _حَلْ الْبِحِندى كَيْ مِحْبُولى بِسَبَّ وردن علا المئيت كه چون مجاى مجول آن نا جمچندى گذار د ەشورتشكىل نا مسا وى عددى در

14

ست حل ما همچت دی چ (ده . برای تعیین جوابهای بن همچندی کافی ا که دوطرت را بره (ضریب یع) تقشیم نائیم د و حالت اتفاق میا فتداکره مثبت با شد جواب نا همچندی خیب راست هجه (یع و اگر به منفی با شد حال

 $x \left\langle \frac{-\ell}{\alpha} \right\rangle$

مثال ا- البجن مي ۲×+ (۵- ۲× مثال ا- البجن مي المستد : اوّل مجول را بيك طرف ومعلو مها را بطرف د گيرميب بريم نمتي مشود : اوّل المراح ال

شبصرهٔ ۲- برگاه سب ازبرون جله ای مجول سک طرف جموع آنها عفر (ریمی مددی مشود که اکران ایمی مددی مشود که اکران است و درغیرانیاست ایمی دی مستود که اکران اسسا وی درست اشد تمام عدد یا جواب نابهی دی ست و درغیرانیاست ایمی دی میشود که اکران علاوست .

مثال ـ این همچذیراه کسنید

Ymx -Y Xx + sm

که درآن × مجنول و سهر نمالیش مقدا رمعلومی ست

يه رابطرف ول و ٧ رابطرف ووم بروه ساده يحت عاصل مشود:

 $(1) \qquad (Ym-Y)X < \delta m + Y$

حون مد يتواند مقدار في مختلف بكيرو سدحالت اتفاق ميا فد:

ا ول ار م م سام باشدینی م (سر جواب المجندی الاجنین ست

د و م کمن ست به که بیره باشد در منصورت ارتفتیم د وطردن ایمچندی (۱) بر ۳- سر ۲ حبت ابهچندی تعینب رسکیند نیا براین حواس نا بهچندی شیود:

 $x > \frac{V + \Delta m}{V^m - V}$

سوم مکن ست تا به سرو در منصورت ضریب د در اجمیت دی (۱) صفرا و دیده میشود که است به سرو می در این از از تا به ساه می در در میشود که این از از تا به ساه می در این از از تا به می در این از از تا به می در این این از از تا به می در این این از از تا به می در این این اشد

لمرين

حند نامسا وی برلخواه مرکزیده خواص زیر را تحقیق کنسید:

۱- درحبند امسا وی مجموع طرفهای بزرگتر بزرگتراست ارمحبسوع طرفهای کو کنیز. ۲- برگاه حبت و نامسا وی مختلف باشدا گرطرف راست نامسا وی وم دانولر راست نامسا وی و آل وطرف چپ آیز ۱۱ زطرف چپ امسا وی و ل کو کمکنیم دومانده تنگیل کیت اسا وی میب دیم مجت با نا مسا وی اول.

از است را در بهم طرب کنیم با بین معنی که طرفهای را است را در بیم طرب کنیم با بین معنی که طرفهای را است را در بیم طرب کنیم با بین معنی که طرفهای به در برطرک است می به در برطرک است می به در برطرک از فراکه و دارا در بیم طرب بوده و طرفهای این این بیشبت باشند. د و حاصل ضرب تسکیل کیک نا مسا وی بیم حبت بوده و طرفهای این مساوی بیم حبت بوده و طرفهای بین میم مین به در و حاصل صرب تسکیل کیک نا مسا وی مید به که حبت شرخالف جهت آین است میموانوش میسا در این میموانوش میسا در این میسا دی مید به که حبت شرخالف جهت آین است میموانوش میسا در این میسا در این میسا دی مید به که حبت شرخالف جهت آین است میموانوش میسا در این می

$$\frac{r - \frac{Yx}{r} + \frac{V}{r}}{r} + \frac{rx - \Delta}{r} \left\langle r - x + \frac{x}{r} \right\rangle$$

$$\frac{-x}{v} - 1 - y(x - y) > 0 - y(x - \frac{1}{y})$$

$$(x-1)(x+7) (x-7)(x+6)$$

ax +c) Ex+d

ه مع + م - ال ح ح ح ح (× - م) + ال
$$\frac{\alpha x + \beta}{\alpha - \beta} - 1$$
 $\frac{\alpha x + \beta}{\alpha - \beta} - 1$
 $\frac{\alpha x - \beta}{\alpha + \beta} + 1$
 $4 + \frac{\beta}{\alpha + \beta} + 1$
 $4 + \frac{\beta}{\gamma} + 1$
 $4 + \frac{\gamma}{\gamma} + 1$
 $4 + \frac{\gamma}$

مقدار به مساوی ع است ولی اگر یه نمساه ی صفر بخت ما رشود جمیخدی ا مسترح غلط است وجوالی میرا می × نمیتوان یا نت زیرا حاصل ضرب مبرعد و درصفرمنیا صفرمشو د نه مساوی ۳

ع عهد مجت بمجندی حرقی هے یہ درمیال ول معلوم سد لد بھیلا ۲ سیر دارای جواب است گر وقستیکه سرمسا وی صفر اخت یارشود که در نیجا بت بمچندی کاشد کی دمنغ : است و درشال و قرم آگر سرراصفر کمیریم بمچندی جوابجب می مشیار وار و و درغیرا نیجالت کیک جواب معین دارد از برو میتوان مجث بمچندی می آثری می ترقیب تعریف کر و : تعربی - بحث در «وجود» ریشه لای همچیت می حرفی عبارت ازانیکه مقدار لای مخلف حرف ایر وفت معلوم به بازار خطر کذرانده به نبیم بازارچه مقدار لای از حرفض می معلوم بهمچندی دارای جوآ و با زارچه مقدار لای از حرفهای معلوم بهمچندی نشد بی و یا جواب مهم است

راه على براى بجث بمجندى لا ى حسر فى درخه اوّل انيت كه أوّل به به حرفى رابعورت كلّى على عدد راور ده ومعلوم كنسيم بازارچ مقدار (يا مقدار لا ي عسلوم كي از دوضريب هه و عهو يا مردوصفر اي ميّو ند وظلاصة بحث چينن ست :

اگر ، به به به دارای جوآن منین کے دی است تصوص کر ، دی باشد این جواب صفرات اگر ، ده به باشد دو حالت آتفاق می فت د: اگر ، به جه باشد بخدی فاشد منیت و جواب ندارد واگر جه بهم صفر با شد جواب بهمچندی مشیار وجود مبهم به است

ax = & Gistis

(m'-1)x = m(m-1)

(m-1)(m+1) = m(m-1)

در نیم رکشه مای ۱۵ سینی صرب x) است ایست ایس ۱- سر ۱- سری در نیم در نیم ایس می شد با براین محت ایس می در در شد مای در نیم در ایس می شد با براین محت ایس می در در نیم در

حيث ميثود:

واكر ١٠ = ١٠ إشد جم ضرب ١٠ وجم طرنت معلوم برد وصفف وميوند

1 = (x-6)=2

x-a + 6 x-1

$$\frac{a - bx}{b} = \frac{ax - b}{a} \quad (m - \frac{x}{n}) = b(n - \frac{x}{n})$$

$$\frac{1x - a}{b} = \frac{b - 1x}{a} = \frac{a' - b'}{ab}$$

$$\frac{a}{b} (a - x) + a(b - x) + \frac{1 - ax}{a} + \frac{ab - x}{b} = \frac{a'}{b}$$

$$\frac{a}{b} (1 - \frac{a}{x}) + \frac{b}{a} (1 - \frac{b}{x}) = 1$$

$$((a' - b') x - 1) + (xabx - 1)' = ((a' + b') x + 1)$$

$$\frac{b - x}{a + x} + \frac{1 - x}{a - x} = \frac{a(1 - ix)}{a' - xi}$$

$$\frac{ax + b}{ax - b} = \frac{ax}{ax - b} - \frac{(ax' - xb)b}{ab - b'}$$

$$\frac{a' - b'}{a' + b'} = \frac{a(x - b') + b(a' - x)}{a(x - b') - b(a' - x)}$$

$$\frac{a + 1}{b} = \frac{a(x - b') + b(a' - x)}{a + b} = \frac{a + b}{a + b} + 1$$

$$\frac{a(x - a)}{b + c} + \frac{b(x - b)}{a + c} + \frac{c(x - c)}{a + b} = x$$

$$\frac{x + a}{a + b} = \frac{x - b}{a - b} = \frac{a + b}{a + b} = \frac{x + yab}{a + b - c} + \frac{yab - x}{a + b - c}$$

$$\frac{x + yab}{a + b - c} + \frac{x - yab}{a - b + c} = \frac{x + yab}{a + b - c} + \frac{yab - x}{a + b - c}$$

$$\frac{x - ia}{a + b - c} + \frac{x - yab}{a + c - b} + \frac{x - yc}{a + b - c} = \frac{x + yab}{a + b - c} = \frac{x + yab}{a + b - c}$$

العث مَصَلِيمَ مُسَنِّعُهُ الله في مَا يَسَعِمُوْلِي وَرَجُهُ وَلَى مَا الله مَعْمِولُ مِعْمِولًا مُعْمِولًا مُعْمِلًا مُعْمِولًا مُعِمِلًا مُعْمِولًا مُعْمِلًا مُعْمِولًا مُعْمِولًا مُعْمِولًا مُعْمِولًا مُعْمِولًا مُعْمِلًا مُعْمِلًا مُعْمِلًا مُعْمِعُولًا مُعْمِلًا مُعْمِعُولًا مُعْمِلًا مُعْمِلًا مُعْمِلًا مُعْمِعُمُولًا مُعْمِعُ مُعْمِعُ مُعْمِعُمُ مُعْمِعُ مُعْمِلًا مُعْمِلًا مُعْمِعُمُ مُعْمِعُ مُعْمِعُمُ م

مثلاً: د مزد روزانهٔ کارگری ۷ رایل ست بسیار ۱۵ روز مزد او چذیک میشود؟) مشله الیست که معسانو مهای آن مزد روزانه و مذت کا رومچویش مزد این مذت است

بمچنین در میسهٔ ملد: و و زا و پامنعثی ۱۵۰ و ۱۵۰ و ست زا و پرستوم را حساب کنید به معاولهای این ست ملد و و زا و پرمثلث و معمول آن مقدا رزا و پرمثلث الله را بین کمست در مسلکه گفته نشد و و ما خو و میسه دا نیم ، و مجمول آن مقدا رزا و پرسته و مهرول با محمولها می در مسلد است از روی معلولها

جنا کدمید ا نیم برگاه مخوا بیم کیٺ مسلد راار راه حسا ساحل کسنیم برا برست اور دن مجمول علمهانی برروی معلوم اینا خام میدسیم یا در میخوا بیمها مجمول برست آید برون آمن که خود مجمول دیا مجمول دیا مجمول دین علمها دخام وا ده شود . ولی درجرلعکسس از اول مجول را درعلها دخالت مید بیم برین تر. که آیزا مجرفی نو ده و با نیذمعلوم درنظرمکیریم و برروی آن ومعلولها علها لی را که و بسئله گفت مشده انجام میتوسیم با نیذمسئله بای زیر :

مشكدً ا - الم بولى به مينوا يا ن داده شدٌو ١٨٢٠ ريال زآن بول الده

تا م يول جيدراست ؟

معلومها ی این سند به و ۱۸۲۰ است و مجول آن تا م پول است خل - تا م بول را که نیداینم چند است × ریال میکیریم نا براین مبلنی که بن فوا نقیم شده است بنه و ریال بوده و آنچه ما نده است (به و یسی می ریال میاشد با بفرض مشاد مید اینم که این ما نده ۱۸۲۰ ریال است بن فواهیم ا

x = 9 x = 117.

وين شا وي را جمجيد مي سستمله نا مند وازحل آن عد و إسبغ بول مست مياته

x= 7 ... J.

مسلد ۲- درسگوشنه ع ۸۵ پیلوی ع۵ = ۵ = ۱۵ متر وارتفاع میلوی ع۵ = ۵ امتر وارتفاع میلوی ع۸ و ۱۵ متر است بچ فا صلداز مارک (رأس) هم طقی موازی بیلوی که رسسه کینم آگدای از آن که وروی سگوشهٔ است بدرازا

معلوفها می سنگلی ۱۵ د ۹ و ۵ و فاصیتی ست کدار خطرواری کت بهاه درسه کوشه ب دانیشوه

مجهول - فاصلهٔ این طهوازی از مارک A است .

صل مجمول بینی فاصلهٔ آن که خطاز تا رک هر را که منیب دانیم به به مترمینهایم اربیم این که خطموا رسی سه کوسشهٔ دکیری پدیا میشو دسشبید سه کوشهٔ اول که قاعد داش پنج متردارتفاعش بد متراست .

درین سند علا و ه برمعلومها ئیکه دا د ه شد ه ت به این و سه کوت مرا نیر با بداخر گرفت که بد و ن رعامیت کن کسنده کلیشو د ازر دی مهین تشا به خواهیم داشت

 $\frac{\Delta}{1\Delta} = \frac{x}{9}$

كالمجذى سلداست وازحل أن يد يا فاصله مست ممايد:

X = F

برمشس يشفاي

۱- نیمت کت جد کتاب ه ه ریال است بهای سر جد از بهان کتاب چدریال سن . ۲- نیمت و جد کتاب ه ریال ست بهای سر حد از بهان کتاب چدریال میشود . ۲- بین راست گوشه ای هه هی سر مربع است و در از ای ن ه سراست بینا و برابون آن چند مراست . ۴۵ وو ترن در کیت آن زالینسگایی به دوسوی مختصف حرکت کردند تندی آن برتب ۴۵ میم مشد و هرسبیدند تنبیکند. محیار مشد و . ع کیلومتر در ساعت است میل زسد ساعت بدوشیر ۹ و هرسبیدند تنبیکند. فاصلهٔ آن و وشهر را از آن ایستگاه دانر کید کیر .

ع ـ أكر شخصي كنون بع سال داست ته باشد ۱۵ - بع چرمينا لي ميد م ؟ د جمينيين هذا ي برجوند ت عبسيت ؟

X + 7 = 1 (X - 16)

۱۰ مشخی درج دفیقه مراه میرد دمعلوم کسنیدمقدا ردای را که درج ما خوا به رفت دمیمی درج و با است برای می دن که متر داه و کرک جنب برای می دن که متر داه و کرک جنب برای می دن که متر داه و کرک جنب برای می دن که متر داه و کرک جنب برای می دن برای در که متر داه و می داشت در که می در برای در می داشت در که و تی در برد قیقه دوج خدموا رد که کیلومتر از بیا د و حبوا فیاده آن می شدی با د و در برد قیقه حبار متر از می می با د و در ای که کیلومتر در ساعت بگیریم تندی و دی خوا ای در برد قیقه حبار می با د و در ای که کیلومتر در ساعت بگیریم تندی و دی خوا ای در این در می در می می با د و در این که کیلومتر در ساعت بگیریم تندی و دی خوا این در می در می می با د و در این که کیلومتر در ساعت بگیریم تندی و دی خوا این در می در می می با د و در این که کیلومتر در ساعت بگیریم تندی و دی خوا این در می در در می در در می در م

حيدرمشو و م

۱۰ و و چرخ سوار و پیاده ای زو و نقطهٔ ۱۹ و ۱۳ بغا صدهٔ ۱۹ ه میرسرد کیف آن الفرت ایم حرکت می کنند کار و چرخ سوار الفرت بیم حرکت می کنند ندی و چرخ سوار می کند بیم حرکت می کنند کار و چرخ سوار می کند بیر در احداب کسند.

۱۱- قاعدهٔ سه کومشای ۱۶ مترو بلندگیش ۶ متراست اگرار قاعده ۴ مترکم شود چدر ۱ بد بر البندی افزو د ه شو د تا بیند تغییر کمند

ارط سند مای بالا قاعد و کلی برای طرمسند مای کفری کیف مجولی بهت میآید:

۵۰ - قاعده - اوّل - با ید صورت مسئله را با دقت زیادی خوانم
و تما م معلوم با می سئله را درنظر گرفت و از تمام معلومها می سئله برگ

د قوم میمجول مسئلدرا بحرفی ما نند بد نمانسیش و ۱ ده مسئله راحل شده تصوّر کرد و ۱ زر وی فرض سئله را بطه ای مین معلومها و مجول تسکیل و ۱ دکه آن را همچندی مسئله کو نید . سوّم میمچندی مسئله را با پیرحل کرد .

سر گاه همچندی سنگدای از درجهٔ اوّل بشد آن مسئله رانسبت آن مجول از درجهٔ

ا وَلُ بُوسِنِهِ ،

شبصرهٔ ۱- کا ه ممکن ست بعنی سندهٔ دارای د و بجول با شد و با دجود این بتوان اردی کی از بجولها ومعده عهای سنده مجمول و گیرراسها ب کردینی حلّ بن سندهٔ د دمجولیرامجل مندنهٔ کیت مجولی شدیل مؤو بازند مسئله ای زمر ا

مسئلهٔ ۱ ـ زمین است است گوشهٔ درا زای آن ۴۶ مترمیش زبینای ن میبا بست و رید درا زا دبیب ای آن را درصور رستیکه پرامون آن ۴۵ مترمیشهٔ چنا نکه می سیسینم این مسئله دا رای و و مجمول ست که درا زا دبیب ای زمین پیاشند و لی پندا نیم این مسئله را مبتدل مب نمازیک مجمولی کسنیم از نیقرا ر ؛

چون پیپ می زمین را به عوشر نبائیم درا زای آن د مجنول دیگر ، موجب مسله (۱۳۵۶) مشرخوا به بود و میدا نیم که پیرامون را ست گومشه مساوی د د برا برمجموع پینا و درازالا بنا براین خوامیم داشت .

تمرين - بين سندروس كنيد وقت يكدورا زانمول الشتياركينم.

مستملهٔ ۲ فاصلهٔ ۱ و ۱ و ۲۱ کیلومتراست دو چرخه سواری از نفطهٔ ۹ و پایده ای از نفطهٔ ۹ قیمهٔ و پایده ای از نفطهٔ ۵ وریک آن حرکت می کنسنهٔ گرسطرون بهم آبید سپس از ۳ و قیمهٔ و اگر مبرو و در تیمبت حرکت کنند بطور که د د جرخه سوار بدنبال پایده با شدپس از ۳ و قیمهٔ میم میرست ندمعلوم کهنید تندی مبرکیان را :

ها منظمیشو دکداین سند دا رای و وجولست د تندی پایوه و تندی و وچرخد اس و میتوانیم آن را بیک مجول حل کسنیم از نیقرار:

چون تندی د وچرخد سوا ررا در یک و فیقه به کیاد متر فرض کمنیم را بیکدد. ۲۵ وقیقیدد ؟ به ۲۵ کیاد مترخوا بد بو د نبا براین را جسی کدیاره و در نیدت رفتدد و ۲۱-۲۱)

محياه مترميب شدى ساده د مجول دوم ، محول ما معرف ميا و ه مجول دوم ،

(× - سيل) كيلومترفشوو

حال گرم رکیت ۳۶ و قیقه در جهت از ۸ نبعت ۵ را ه روند د و چرخه موار بهاده میرسد بینی را بهبیک د و چرخه موار در نیم ت می بیاید ۱۲ کیلومتر بیش زرا بی ب که پاید و در نیم ت بیاید و در نیم و د و و لی را بی که د و چرخه موار و پیاد ه در سری و قیقه بهیو د و اند بنرش بینی است به سری کیلومتر و (با سی که تیم تینی ست به سری کیلومتر و (با سی که کیلومتر و (با سی کیلومتر و اید می کیلومتر و اید می بیم تینی ست میآید :

54x-41=54(4-x)

که از خل آن تمن دی د و چرخه سوار حمینین میشو د 🔻 👱 کیلومتر در د قیقه و یا ۲۸ کیلومتر درساعت بنا براین تنسندی بیاده (<u>۷ یه ۱ مل</u>) یه به مسلومتر در وقیقه و یا ۸ کیلومترورساعت مبشو د .

غرین - درح این سند تندی بیاده را به گیریه ومسکه راح کسید تتبصرهٔ ۲ - درحل تعضی مسئله لا میتوان مجای محبول مسئله مجول د مگیری را بد . ا و ر د وا زروی آن محبول مسله را حساب کر دمکن ست مین کار در بعضی مسله از اسان شدن حلّ مسٰله مشود.

مثال ا ـ سوا رامن پیرای اینکه درموقع مُعیّنی مقصد مرسدا زمرکزمانگ ساعتی ۱۲ کیلومتر حرکت کروچون ۱۲ کیلومتر را ویمو و با مورشد ایت تن زندامیرا بمركز ببر درسس ازانجام ما موریت برای اکینه در بهان موقع معین مفصد مرسد چار شدساعتی ع کیلومتر برتسندی خود بیفرا برمعلوم سید فاصله مقصدش راار را چون فاصلهٔ مطلوب را به × نبائیم درد فعدًا وْل موارا مِن فاصله دادومهٔ يد ساعت و در د فعدُ د وم در مدت مج ساعت مي سايرا ما تفاوت اين ا بَدَّت مْسَاء ي مْدَتَى است كه سوار ۱۲ كيلومتر رفست و بعد جان راه را برشت

يني مساوي الما المعادية المستانين مجذى مشاهيني مت

كدا زحل أن مّدت و دنیچه فاصلهٔ مركزا زمقصد بدست میآید

المت باعث المالا على المالا على المالا على المالا المالا

ازین رومی پینیم کدراه د و م کمی آساً تراز راه اُ وَل است .

مثال ۲ مسئله ۲ ارتبصرهٔ ۱- دراین سئله تندی د و چرخه سوار و تندی پایی جهرل بود به سبتوانیم بجای انیکه ستمقالین و مجولرا حیاب بسنیم را بههائیراکه پایده و د و چرخه سوار در ۳ ء و قیقه بهید و ه اندمجول گرفت رآبنا را برست آ دریم داردو آنها ته ندمی و مجول ۱ را) حیاکینیم

فرض می تنسیم را بی که پیاده در تدت ۴۶ و قیقه پمید و ه ۶ کیاومتر باشدیس را بی که و وچرخه سوار دارنیدت رفته (۶ ۴ + ۴) کیاومتر میشو و نبا براین ته ندی مرکب بتر تیب چنین ست به بی سمیدتر فیشت و به به ۲۱ کیوند قیقت پس را بی که در ۴۵ و قیقه یمیو د و اند نبر تیب حینین میشو و ۱ $\frac{2}{9} (1) + x = \frac{70(1) + x}{97}, \quad \frac{2}{9} = \frac{70 \times 70}{97} = \frac{70 \times 70}{97}$ $= \frac{70 \times 70}{97} = \frac{70$

3x + 3 (11 + x) = 11

که انبط آن بر بیست میآیی به ۱ = ۱ مر مر محملومتر

بنا براین شندی پیاده م ۱۷ و ۲ مربیومتردر دقیمند میشود.

و تبذی د وجرخه سوار $\frac{4 \sqrt{k+1}}{\sqrt{k+1}} = \frac{V}{10}$ کیلومتر در قیقه خوا بربود .

چون بن دو را ه حلّ را با بم سبخيم كرچه ا زحيث عل مبر د و كيسا ن بنظر ميّا نيد وليميّم

كه ازراه د تو محيت دي مشله آسانتريد ست ميآيد .

تمرين

مند ای زیرراحل سند:

ا- مجموع سه عدد تا ق متوالي ۲۱ است كن سه عدد كداممند

۲- ۱۵۸ ریال را به سه نفر مخش کت پداه که که سهم دومی ۷ ریال سیش از سها ولی باشد د بنومی عوریال سیشیترا زود می کمیر د

۱۶۹۰ و ۱۶۹۰ ریال همپنده تر ۱۶ بوت متری مه ۱۵ ریال احبیند منرفا ستونی متری از ۱۵ میال احبیند منرفا ستونی متری ا ۱۸ دیال میستوان خرید بنا برآنکه ۱۶ بوت دومتر میشین زفا متونی مورولزوم باشد! ۱۷ میاد ۱۶۰ مت متری ۱۰ داریای و فامستونی شری ۱۸ ریال مست! ۱۴۰ از مرکب چند مترسیستوان حزید نبا برانگه د و برا بر ما بهوت فامستویی لازم باشد ؟ ۱ - ۵ - ۲ ۱۳ ریال را به سه نفرنخش کسنسید بطور کیسهم ا دّلی د و برا بر د دّ می وسهم ، دُمی سیم باشد ،

ع مشخی از و باغی خرید برروی بسم ۱۹۴۸ ریال معلوم کمنید بهای برکن را درصورت که بهای باغ ۹ برا بربهای خانداست

۷- د و چرخه سواری با تندی ساعتی ۱۶ کیلومتر حرکت نو و ۲ ساعت بعد و چرخه سوا کمری با نستندی ۲۰ کیلومتر به نبال و رفت بس از چند ساحت با وخوا به برسسید ؟ ۸- پنشه مرتبی ۲۵ متر مربع سبش از پینهٔ مربع و کیراست اگر میسلوی م تع آولگیر مش از بیلوی مرتبع دوم با شد مینهٔ مرکدام حقد راست ؟

۹ - مجموع و وعد و ۱۹ و تفاصلتان ۲۰ است تعبین تنسید آن دوعد درا ۱۰ - پدری ۲۰ سال نزرکت سرا رئیسرا ست بس ز ۱۶ سال سن پر دمپار رام تن بسرمنو وسن مرکب چند راست ؟

اا- شخصی ۱۷۰ ریال پر حیر بدید نام را متری ۴٫۵ ریال فروخت دیا منا مده مداری دوخت دیا از دوخت بود مداری دیان کروخت به و کداگر نام پارچه را متری ۵ ریال فروخت بود در اشری ۵ ریال فروخت بود در اشری ۵ ریال فروخت بود در اشری تام با ندازهٔ ریان بود مسرومعلوم کمن ید در ازای پارچه را .

را مناحت فروشی ۱۸ ساعت نقره و ۱۳ ساعت طلار ا بردومیم م ۱۳۳۰ را

فروخهٔ است درصورتشیکه بهای برساعت طلاع برابر بهای کیباعث نفرد به بهای مرکب چند راست ؟

۱۳ مرا بر است اگر و طرف پرازآب برروسیم ۱۹۲ بسراست اگر و بسرارطر ۱۰ مل و ۱۲ بسراز طرف د و می برد است شود مقدا رآ کی که درسرد و با تی میاند ش

۱۹ - مبسل نداره ونفر ۷۲۰۰ ریال و ۱۵۰۰ ریال ست برکب^{سایت} ۵۵ ماریال بس ندارمیکنشند معلوم کنید سبس زچند سال بس نداره وی به مبر ۱ ندا زا وی میشود؟

١٧ - بير ر في طبل خود كعنت مبرد و زهر أه خوس و دمشت باشي عدره رال بُونيم ا

و مرر و زیک منرهٔ بد دامشته باشی باید ۱رم ریال بدی سپس ز ۲۱ روز طفل یا ریال بول داشت معلوم کمن پرهنپدر و زیزهٔ خوب است تاست ؟

۱۸ - فاصلهٔ و وشهر ۱۲ ۵ کیومتراست ماشنی با تنذی ۴۰ کیلومتر درساعت د و ساعت بظیرا زشهرا وّل مطرف شهره وّم حرکت مینا ید باشین گیر در موقع فهرا تندی ساعتی ۲۶ کیلومترا زشهر و وّم مشهرا وّل میرو د معلوم کنید بس ار جند ساعت از موقع حر

۱۹ - درازای و قاعد و دوزنقه ای ۵ رو۷ متر و ۵ ر ۲ متر و طبخ دی آن ۲۴ متراست ازایک دک قاعدهٔ کوچکتر خطر استی خیان کمشید تا بقاعد و نزرگتر مرسد و دوزنقه را بدونسمت هم ارزنقیم کند .

۲۰ - درموقع ففرعقر به می سها عتی د ساعت شار و دقیقه شار) بربیم نطبقندمین زجیدسا د گیر د و با ر و بربیم منطبق میشوند د اولین نطبا ق

رابمسنالی - تندی عقر به وقیقه شار ۱۲ برا بر تندی عقر به ساعت شاراست بنا براین کر به ساعت تدت وضمنا قرسی از دایرهٔ ساعت با شد که عقر بهٔ ساعت شار جرای نظیاق به بیاید عقر نه با نیدشار در نیدت قوسی برا بر ۱۲ می بیاید واضح آ که اختلاف ین وسافت یکد دره محط و یا ۱۲ است

الا - مَدْ مَا عَتْ بِعِدْ زَفْراً سِتْ بِسِ زَحِيْدَ عَتْ وَكُرِ عَفْرِهِ لَا بِرَكِيْ الْمَدَاهِ قرار

خور مند کرفت ؟ خور مند کرفت ؟

۱۶ ما شد چون نرانعکس بیست و دسکری که مجموع سکر الیش ۱۲ میباشد چون نرانعکس بیست زیست ند عد د حاصل ۶ ۲ مکدان عد دمطلوب بزرگتراست ،

رابه منه این - اگره لیان و م و به عدو دوسیکری اشد آن عدد مینیان

بنود ٥ و الم الم وعكس ترتيب آن ميثود كا ١٠ ٥٠ .

٢٢-مطوست تعيين عدوى بين ٢٠٠ و ٥٠٠ بطور كيم مجوع كيرايش

٩ باشد وچون ترا بعكس ترتيب نولسيسند عدد صاصل ما عدد مفروض شود .

۲۱۶ ، ریخ اختراع چاپ عد دی است چها رسکری که سکیر د بنگان نصف کیک

ر پیرسد و مساوی مجموع سیسیر ای و مهان و سد کاکآوجون برآ بغد و ۴۹۰م بفیر

مددي كرياف منو ديكس ترفيب عد ومطوب بدست أو ريدان عدورا.

۲۵ - الله ۱۵ م ۱۵ مرال را من سدنفر نخش کسنسید تقسمی که سهما وی مُساوی ع

مهم و قرمی شو د رسیم سوی منسا و ی ۱<u>۷</u> مهم و قومی کرد و .

ع ۲ - ماصل صبيع دو عدد ۲۲ است و اگر برگر را برکو کیکر نشیم کنسند بهر

م و لا لذ و ع است لدو عدد كد المستدع

٧٧ - حدد ١٢ ٥ را د وفر حيا القير استيدك عاصل حسين برمريك ترتيب

مه د ۱۰ برابر ۱۰ برود

۲۸- چرخهای حلوی در شکه ای در بمیودن را بی ه ه ه ۱ دور شیل رخیرهاعی ب چرخیسد و ۱ ندمطلولسبت درا زای را بهی را که در شکه یمیود و نیا بر آنکه قطر حرج طور در . متر وقطر حرخ عقب بک متر باشد .

۲۹ - دیشتی بقا عدهٔ BC = ۵۷ مترولبندی ۱۸ = ۸۸ متر مرتبی محاظ فید بطور کید کی از بهانی مرتبع روی قا عدهٔ BC و اقع با شد.

۰ ۳- چه عددی بربرخه نام و برخه شار ۳۳ افرود و شود نا برخه حاصل برابر الله گردد؟

٣١- چېمقدارېرېرخه نام د برخه شارېرځه تا افروده شود نا برختال ۱۵ از کنکتره شد ؟

۳۳ - برخدای معادل لم منین کنید بطور کدهموع برخه نام و برخه شارش ۱۳۵

۳۳- تعاوت قیمت تی کیتوپ پارچدا ز هیه آن ۳۶ ریال باشد.

کمنید درا زای توپ پارچه را درصورت که قیمت مرمترش ۹ ریال باشد.

۳۳- به بهکاری میستواند ۳۳ درصدوام خود را میرواز داگر ۱۵۰۰ مایل
میسترمیداشت میتوانست تی و اسس راا دا کند تعیین کنسید دا را فی و مبلخ

۳۵ میشین خانه استس را به ۲۸۰۰ را لفروخت با ندا زهٔ ۵ درصدخرید ضرر کر دمعلوم کمن میشیت خانه را

ع ۳ - تاجری مقداری پارچرخریدخیال کردکه اگرمتری ۱۲۵ ریال نفروشد در تام پارچه و ۱۲۹ ریال سود میبرد اتفاقا متری ۵ ر ۹۷ ریال بشترنفرخت در تام پارچه ریال در معلوم کمن ید طول پارچه را و در نیان کرد معلوم کمن ید طول پارچه را و در نیان کرد معلوم کمن ید طول پارچه را و بر این تام کار در معلوم کمن در نظم ها با تندی ۱۸ کیلومتر در ماعت شخص دیگرداکدا رفعلهٔ ها با تندی ۱۸ کیلومتر با شدی ۱۵ کیلومتر با شد در جد فاصله ارتفطهٔ با تندی ۱۹ کیلومتر با شد و دو در بال مین یا در جد فاصله ارتفطهٔ میرسد در صور تیکه ۱۹۵ میلومتر با شد و دو در بال مین با شد و میرسد در صور تیکه ۱۹۵ میلومتر با شد و میرسد در صور تیکه ۱۹۵ میلومتر با شد و در بال مین با شد و میرسد در صور تیکه ۱۹۵ میلومتر با شد و در بال مین با شد و میرسد در صور تیکه از ۱۹۵ میلومتر با شد و در بال مین با شد و میرسد در صور تیکه ۱۹۵ میلومتر با شد و در بال مین با در بال مین بازد با در با در بال مین بازد با در بال مین بازد بال مین بازد بال مین بازد با در بال مین بازد بال بازد بال مین بازد بال بازد بازد بال ب

۳ ۸ - و و چرخه سوا ری برای رسسیدن زننزل بقصدی مبر دقیقه ۱۵۰ متراه می پیاید درموقع برستن بواسطه سراشیبی مبردقیقه ۶۶ مترطی میکند معلوم کمنید دوری مقصدش را از منزل درصور میکه مدت رفت و برسشتن برر وی بهم بمیساعت و ۲۵ قوقیم شد.

۹ ۳ - دوده چرخ سوا را زیک نقطه در تحظهٔ معین حرکت بنو د ند تندی و لی و دلاید درساعت و تندی د و می ۱۳٫۲ کیلومتر درساعت است پرا زسدساعت را و برای و بنید و و می عقب نا ندا و لی شندی خو د را ساعتی د و کیلومتر بنو د معلوم کسنید براخید ا و فرمی با و بی میرسد . . ۴ میشخفی را بمی را با تندی ۱۲ کیلومتر درساعت میرود اگر با تنذی ۸ کیلیس میرفت و رساعت و برترمقصدمیرسسیدمعلوم کمنب پد درا زای را ه را .

۱۶-مطلوبست تعیین ^{زا} دو پهنای راست گوشدای که دورهٔ آن ۳۲۰ متروشهٔ باشد با راست کوشه ایچه درازا دمینالیش ۲۵ مترو ۱۵ متراست .

۲ ع - زارعی سرای خرید ۱۶۰ گا و وگوسفت د ۲۰۰۰ ۱۳۴۸ ریال دا در معلوم کمن پیرفتی سرگا و وگوسفندرا درصور سیکه بدا نیم عِدّ هٔ گوسفند سه سرا بر عدّهٔ گا د بود وقیمت ۲۰ گوسفند معادل قیمت ۳ گا د باشد،

۴ ع- شخصی مقداری پارچیخرید شری ه ریال درموقع فروسش به آنرامگری ه ریال درموقع فروسش به آنرامگری ه در ای و بقیتر را متری و ریال فروخت معلوکم نسید در ازای پارچه را درصورست که بداینم در فروش تمام پارچه ۱۶۶ ریال سود مردون آن ما م پارچه ۱۶۶ ریال سود مردون آن ما م پارچه ۱۶۶ ریال سود مردون آن ما ما عرب ناصله را در ۹ ما عدت و ۴۰ و قیقه پیمو ده با مین طریق کدا زنفظ هم آنقطهٔ ۱ و بین هم و ها با تندی ۲۰ کیلومتر در ساعت حرکت نمود واز ۱ قا ه تندسش ۱ ه کیلومتر در سابعت معلوم کمنسید موضع نقطهٔ ۱ را

ه ع د و کا رگره کید گیر کا رمیکنند مز د کیٺ رو ز کا رگره وّل ۵ ریال مثل ز مز د کک روز کا رکر دوّم است مطلومست مزو روزانه سرکیٺ درصور تیکه بدانیم زد ۲۵ روز کارگرا قبل ۵۶ ریال بیش زمزه ۳۰ روز کارگره قوم است ۶۶ موز کارگره قوم است ۶۶ موز کارگره قوم است ۶۶ موز کارگره قبال برای سزنه قباله بولینی برای تج بها رکشت زار پرداخت و فعهٔ د قوم الم با تیماند و را ۱۰۰ میال کم و د نعد سوم و در موقع تفریغ حساب ۱۰۰ و ال ایمعلوم کن پیدیها رکشت زار و مزمنهٔ و د نغد سوم در در موقع تفریغ حساب ۱۰۰ و ال ایمعلوم کن پیدیها رکشت زار و مزمنهٔ

قاله نولىيى را.

وه و کیت بهر ٔ دا ول با تیج بهرهٔ د و م روی مبسم کردیم بطور کیه مبرهٔ اولی تیج مجبرهٔ دومی و وه کاری مبرهٔ است بهرهٔ

مركب ونداست؟ مواهد و ما ما الما يا ما الما يا ما الما يا الما

ه على كالا بي م ١٣٠ ريال رئيشس دارد آن راحيند بفروسشيم ٢٠ درصد فروسشس سو دبيريم ؟

٤٠ نه سطيني در فروم السين كالالى ١٥٠ درصد خرير سود مراد ولى الكراها در ريال مشير

میفر دخت سو دش ۱۴ درصد فروش میسبو د تبعین گستید سو درا کیت ۵ پشخسی و ساعت سکاری دارد با درشکدای کد در میرساعت ۱۲ کیلوسرحر

میکند کبروشه میرود بین زچه مذت با پیداز درشکه پایده و شده با تندی ع کبدمترورت

بُرُارِهِ وَ } ورمو قع معين لكا رخو ومشغول شو و ١٠

۵۱ به حوضی دا رای د د را ه آنبسته و لی اگر بار با شدخ ص نسیس رع ساسته

بیشود واگرراه آب د و م تها باز باشد حوض دششس اعت پُرمیشود معلوم کمنیداگر حوض خالی باشد و سرد و راه آب اباز نایند در چند ساعت برمیشود؟

۵۲ حوضی و راه آب دارد که چون با بهم با زباستندوض دیکساعت ۱ آفیم پرمیشود ولی راه آب به تنها بی توض را درسد ساعت پرمیکندمعلوم کمن پدرا آبی بیم به تنالی حرض را چهند ساعته برمیکند ۲

۵۳ شخفی برسرایه اش حیب ریک آنراا فرو و وسال دوم براین سرمانیعیث نج کیک آنراا ضافه کرد و سال سوّم براین سرماییحب دیشش کیک آنراا فرو د برای سال حیا رم ۷۱۴۰ ریال سرمایه د اشت معلوم کنید سرماینرسال وّل را ،

۴ میشخشی ۲۲ رسه داگت و نیم) زمیسنی راجریپی ۱۲۵۰ ریال و باقی را جریپی ۱۲۵۰ ریال و باقی را جریپی ۱۱۲۵ ریال میفروخت ۲۲۳۰۰ ریال میفروخت ریال ریال ریال میفروخت ریال زیال میکردمعلو م کمنسید فروش زمین مساحت آنزا.

۵۵ - فرنی دا رای ۱۵ من سرکه بود که مرکب من آن ۵ ر۴ ریال میا رزید قدر آ آب درآن رخیت بیم قمیت مخاوط صدی مبیت کم شدمعین کنسیدوزن آب را .

۱۹۶ مواجب سالیا نه نوکری ۹۰۰ ریال کیدست نباس ست نوکریس از ده ماه کا را زخدمت معافت شد درین مدت ۷۲۰ ریال و کیدست نباس گزفته بود

معلوم مسيد قيمة لباس را

۷ ۵ - دارانی د دنفرروییم ۱۶۰۰ ریال ست اگرا قولی په وارانی خود را د د وی پی دارانی خورمشس را خرج نمایند دارانی آن د وبرا برمیشود - د ارائی سرکیه چنداست ؟

و تع برین خط دجبت ۱۹۵۰ کیلومترو ۱۱ کیلومترو ۲۵ کیلومتراست ، متحک میکنند تندی آنها بترتیب ۲۵ کیلومترو ۱۱ کیلومترو ۲۵ کیلومتراست ، متحک اقل ساعت ۹ صبح حرکت میکنند معلوم کمنسیدس انجیتر منحرک و بی بیات فاصلداز دو متحرک د کیرخوا به بود درصور تیکه میدانیم ۱۹۵ و کوکیومتراست ، منحرک و کیومتراست ،

ا ع مشخفی می دارانی خو د را از قرار ۴ بر و با نی را از قرار ۵ بر به بیره کاری در برگرا میکذه رور و پیم مود سا دیا شاش ۴۹۴۰ ریال شد داست دا را نی اوجیت د بوده و؟ ۲۴ مشخصی سریا یه بهشس راکد ۲۴۰۰ ریال تست بدو تسمت نود و کیک قسمت را از قرار ۴٫۵ بر دباقی رااز قرار ۶ بر به بیره کاری میسگذار دسو د سایی نه اش با ندازهٔ سود تام سره به از قرار ۴٫۵ است مرکب ز د وقسمت سرما پیچند بو د ه است ؟

۴۶- منود نوسرماید که یکی ۴۰۰۰۰ ه دریال و دگیری ۴۲۰۰۰ ریال ست بس از ۱۲۶ روز روییم ۸۲ باشد نرخ هر کیت ۲۰۹ ریال شده است اگر د و نرخ روی بیم ۸٪ باشد نرخ هر کیت چنداست ؟

عویشفی سراییا شراکد ۲۱۸۰۰ ریال ست بدو قسمت میناید پاره ای زازا از قرار ۲۲٫۲ نروپارهٔ دیگررااز قراره ۲٫۷ نرببره کاری سیناید بیل زه ۳ روزو پارهٔ اقل ۲۹۵۵ ریال بشیل زسود پارهٔ دقه میشود مرقسمت چذاست؟ ۶۵ - سررسید ۱موعد) دو برات یکی کیسال و دقه می که مبلغ آن ۵۰۰۰ و بارای مینی را زادلی است ۱۸ ما ۱۵ است اگر نرخ میرد و ۲۹۴ با شد دست نزیل آنها روی می مین زادلی است ۱۸ ما ۱۵ است اگر نرخ میرد و ۲۹۴ با شد دست نزیل داخلی و خارجی) ۵ را ۲۰۱۸ ریال شود مبلغ اسسی میرکیک چنداست؟ (بتنزیل داخلی و خارجی) عوی - دو برات یکی عوی روزه و دیگری ۴۵ روزه است مبلغ فعلی نها بین از قرار ۵ بر و ۱۶ روزه و دیگری ۴۵ دور است مبلغ فعلی نها بین از قرار ۵ بر و ۱۶ ریال باشد د بیرد و تنزیل).

۷۶-براتی ۱۲٫۷ د زه است و مبلغ نغلی نه تیزیل داخلی ۱۴٫۷ ریالی پُ ازمبلغ فعلی ن به تنزیل خارجسیت گرنرخ ۵ بر با شدمبلغ اسسی برات چسیت ؟ د و جهدر طلا ومن را با بعم با میزیم تا ۵۰ کرم شن بعیار ۹ رو بدست آید؟ ۹ ع شمشی ست ارطلا وس بعیار ۹ بر رو و بوزن ۹ ه ۴ کرم چدر طلای خالص برآن با بیر

افرودنا عام خلوط ١٩ بروشود ؟ براه و يواد و به ما الماد و الماد

ر بریم ما اید ، ۲ کیکوکرم آن فقط ، ۸ کرم مکن طعام محلول ست درین محلول جفر آن الله می مردم می داشته با شد؟

درآن بریزیم ان که به ۱۷ میتر شیراست که بهای مرستر آن ۱۵ ریال ست چند آب درآن بریزیم ان که بهای کهند میتر مخاوط کید ریال شود ؟

۷۲- در ۳۰ نشرشیرکه نشری ۱۹۹ را ریال رزش دار دجقد رسشیر نشری کیرال

بريزيم بالمخلوط تيستري الهاريال رزش واستشتا شدج

و ۱۷ - ۱۷ من کیلوگرم آب دریا بک کیلوگرم نکت دارد حقدر آب بی نکت برا بنجرا

مَا يُلد ٢ مِ كِيلُوكُر مِ فِلُوط ١٠ أكرم مُك واشتر باشد؟

١٤٠ يشمثل ست زنقره بعيار ١٨٧٥ مركاه وكلوكرم نقرة خالص بن فرائم عيا

الميزه هدر ميشو د وزن شمش حقد راست ؟

۷۵ شمشی است زنقره بوزن کیک کیگوگرم و بعیار ۸۷ چیدرنقره بعیار ۵۶۷

نآن بياميزيم أهيار آميزه ٧٥ ر. شود ؟

عولا- آميزواميت أنظا ومس بوزن و ٥ م كرم وبعيار ٢ ٩ روجية ومس بران ا

بأعيار آميزه وربشووى

۷۷ - د د امیزه است کی بعیار ۹ رو که چون بوزینای مساوی اندورا بیامیزیم نیار

البزه حاصل ۲ مر بر موه تقبیر کسنسیده یا رآمیز و و مرا و و زن نقر و خالصش تد ۷ مرا دوشمش رنقره ومس وروست بیا رشش و ل ۶ م و و زن نقر و خالصش تد

وزن نقرهٔ خالص ثمث قرم است اگر آن و را بیامیت زند وزن آمیزهٔ حاصل ۱۶۰۰ گرم

وعیا رش عه ع رو میگرد دیشین کسنسید و زن مبر کینه از دوشیش و عیار د دومی را است. شدند. بست این است

۷۹ - دوشمن است ارنقره او بی بوزن ۵۰۰ گرم که چون ۷۰ گرزیقرا نیه برآن بفیزانیدهام ۱.ره بالامیرو دشمش و معیارش ۵۸ ر. که چون ۵۰ گرم نفرهٔ خالص ازآن بگیرندعیارش ۴۰٪

یا منین میرود عیار نشمش و ک^و و زن شمش و محقدراست؟

ه ۱۸ - و زن محضوص طلاا او وُن محضوص فی است آمیزه ایست ازطلا و من بوزن کمرم د بوزن محضوص ۱۵ معلوم کت یداین آمیزه از چندگرم طلا وحیث دکرم سس ساخته شده آیم ۱۸ - تاج بیشرن ای و شاه سیرا کوزد ۲٬۲۶ گیورد ۲۰۰۵ گرم) و زن و اشت

ا رشیدس عالم مشهو رمعلوم کردکه درآب الها و ایوراز و زنشش کاستدمیتو و وازآن رو وزن طلاونقرهٔ آج را بیست ورد ،معین کیشیداین و وزن را درصور کیکه بداینم وزن

محنوس طل غراوا وارتقره ٥١ است.

۱۶۰ مهم وزن قلع درآب کا مشدمیثود و پهروزن مرب میزوابستاز قلع درآب کا مشدمیثود و پهروزن مرب میروابستاز قلع دسترب بوزن ۶۰ کیلوگرم از در زش کاسته میشود - از حب مگرم قلع و چندگرم شرب میشود - از حب مگرم قلع و چندگرم شرب میشود - از حب مگرم قلع و چندگرم شرب میشود - از حب می

۱۰ میل در به این از ۹ به هر که بفاصلهٔ ۵۰ کیلومتراست حرکت نوره پس ارسیك بنقطهٔ هر به برمیگرده چون جمت و زش از از ۹ بطرت هر است مدّت فرق یجساعت کندت برکشتن دوساعت و ۱۵ وقیقد است تعیین کسنسید تمذی بانن در برلوی می حرکت و تمذی با در ۱۰

۸۴- دومتحرک ارتفظهٔ ۸ برمحیط دا نره ای حرکت می کسند ولی تام مجیط را در ۲۷ روز د رومی در له ۳۴۵ روز می بهایند اگر مرد و در یک تحطهٔ و در یک جهت کوت کشند تغیین کمنسیدیس زچهٔ مدت بیکدیمخرخوا بهت درسید ؟

۱۰٫۴۷ علدانیت ازنقره بوزن ۶۴۶ گرم کدوزن ن درآب ۲۹۹ گرم ۲ تعبیر کنسیدعیا رگلدا نرا دیصورت که وزن مضوص نقره ومس تبرتیب ۴۷ مرور و ۱۰٫۴۷ باشد

۱۰۸ - ۱۰۸ گرم د زن دارد اکرسالبر آب خالص درآن بریز ند کین لیتر مخاوط ۱۰۷۰ گرم و زن خوا بد داشت تعین کنید نیجان طرف را ،

خوا بدرسيدج

مت ۱۸ ۸ - پیا ده ای زنفطهٔ ۱۹ و د و چرخه سواری از نفطه ۱۵ د کیک تحطه بطرت به همر میکند پس زچپد ساعت پیا ده از د و چرخه سوار وازنقطهٔ ۱۸ سیک فاصله خوا بد بود درصویر شدی پیا د ه درساعت ۵ کیلومتر و تبذی د و چرخه سوار ۱۵ کیلومتر و فاصلهٔ ۸۵ سی د و

حميلومشر بايشد .

ب سبحث درمسًاله فای فکری درجُهاً وّل

۱۵- چاگده بدیم حل کیئے مسئله کفری درخه اول کیئے مجمولی منجر کجل کیئے ہیجد درخه اول کیئے مجمولی میشوه که جواب آن ہمچین دی درحالت کلی جواب مسئله است کی مکن است که جواب ہمچندی موافق باشر کل می سند نباشده در منصورت جواس بلیم نخوا بدیود ۰

۵۲ - تعریف بیجت در یک مشکه نظری عبارتست! رخفیق درا نیکه حواب یاجوا بها نیکدا زروی جمچندی سئله بدست میآید آیا جواب مشله مهست یا نه برای وشن شدن نیموضوع و نیز برای نیکه درخمن اه علی بحث برست آیر بحلی و بست مسله لمای یرمیسیردا زیم: مسئلهٔ احتما بفروشی ۱۲ جلدگ سجر و مندسه ۱۱۵ ریال خرید درصور مند بدانم قبیت کیت جلد جسسر ۱۲ ریال کیت جلد مندسه ۹ ریال شدمعین که سباز مر کدام چنج جلوغرید است ؟

۱۲- یون شارهٔ کتابهای جبررا بد فرض کسنیم تاره کتابهای بندسه بد ۱۲- بری میشود میشود

Harry X = Y

بحث ميمون جون جواب مسله شاره كتابست نبا براين المدعد و درست المسلم بميحند ى مينى لم نميستواند جواب مسله باشد نبا براين مسله غلط است بعنى با ١١٥ ريال با قيمت لا ميكه ورمسله كفنه شده نميتوان ١٢ جلد كتاب جبرو مهند مسه خريد .

مسئله ۲- پدری ۵۵ سال دار دبیرش ۳۱ سال پس زهیت دسال ب

د و برا مرسال بسرمشو و ؟

حل - مرت مجولرا بع میگیریم سپس زین مرت سال پدر بدید ده د سال سپسر ۱۰۰ ۴۱۰ خوا بربود دا زروی مسئله این همچن دی پدست میآید

30+x = + (+ 1+ x)

بحميشه - ازرون صورت مشاهمين بزميا يركه جواب مساويا بانت

باشد دیون برای × مقدارمنفی بیداشده معلوم میتود مسله با بن تعمی که طرح تسده آ

و لی سیستوان جواب منفی راامیطور تعب بیرنمو د که در ۷ سال میش سال پدر دو برا مر سال سیربود و است

10 = 0 0 + x = 0 0 - Y = 41

۲۴ - ۷ - ۲۱ - ۲ + ۱ ۲ = سالير

مسلنه ۳ مسرکه فروشی و وست مرکد دارد که قیمت کیف ایترا ولی ۱٬۲۵ رال وقیمت کیف ایترو قرمی ۱ ریال ست میخوا بدازین و وقسم مرکه بدر ایتر مخاوط تقیمت مرابیری به ریال ته تیدکند و از مرکدام حیث دانیز بر دارد ؟ حل - اگرشارهٔ ایترای سرکزست آول را بد گیریم شارهٔ ایترای سرکیشم وقیم به - در میشود بنا براین محیدی مشارحین است

1,78 x + (m-x 141 = am

 $x = \frac{m(\alpha - 1)}{4\sqrt{4}}$

كرجواب التيان ست

 $m = \frac{m(a-1)}{o/10} = \frac{m(1,70-a)}{o/70}$

محت - جون واب مسلمه شاره لتراست سابراین ما بد عدوی شد ما

 $\frac{m(1/7\Delta-\alpha)}{\sqrt{n}}$ $\frac{m(\alpha-1)}{\sqrt{n}}$ $\frac{m(\alpha-1)}{\sqrt{n}}$ $\frac{m(\alpha-1)}{\sqrt{n}}$

وقتی حواب مسلد اندکه عدوم شبتی باشند و حون سرمثبت است باید (۱-۵)
و (۵-۵) مردوم ثبت باشند بینی و (۱-۵ و و و ۵ (۵-۵) کدازاد
و (۵-۵) مردوم ثبت باشند بینی و (۱-۵ و و ۱٫۲۵ کدازاد
و (۵ و از د قومی ۱٫۲۵) ۵ نمچه میشود که میتوان گفت برای نیکدسند
دارای جواب باشد باید ۵ دربن و مشیرط صدت کند ۱٫۲۵ ایک از و دستم سرکه صفر با شد در بین صوت
و رطالت محضوص مکمل است شارهٔ لیترای کی از و وستم سرکه صفر با شد در بین صناندا
یا باید ۱ = ۵ و یا باید ۱٫۲۵ = ۵ باشد ولی داخی است کد در بین سندا

سرمونی و چنانگردرسئد بالا دیدیم درسئله بای سنگری که درانها ملوم بحرف بخو ده مشده عمونا سجت منجر مشیو د به تغیین شرطها نی بین علومها برای اینکه مسئله دا رای حجواب بایشد ۰

ند مست که اگر آبسین نقطه ای معلوم با شد موضع آن نقطه برر وی محور کا طامعلوم ا

(زیراا زروی قدم طلق تسبیس فاصله آن نقطه از مبّد، و ازر دی شانه جست! زه بآن نقطه معلوم مثیود) و تعکس

تتبصرُه - بطور کلّی مقدارجری را بهیکه درروی محور بدند از نفطه ای مانند ۸ تا نفطه ای مانند هه پیمیو ده میشود به AB منائیم و واضح است که AB -= BA دیا ه = AB + BA + BA

مسئله - اگر آبسین و نفطهٔ A و B تبرتیب ۵ و گا با شد معلو کم نسید مقار جبری قطعه خط AB را د بینی عت دارجبری را بهیکه با یداز A تا B بیمیود و شود) اقال - اگری و مح مبرد و مثبت با شد بفرض ۵ (کا شکل زیر حاصل میشود

 $\dot{x} \longrightarrow \dot{x}$ $\ddot{O} = \ddot{A} = \ddot{B} = \ddot{O} \quad \ddot{A} = \ddot{B}$ $\ddot{O} = \ddot{A} + \ddot{A} = \ddot{O} \quad \ddot{A} = \ddot$

 $\frac{\partial}{\partial B} + \frac{\partial}{\partial B} = \frac{\partial}{\partial A}$ $\sum_{i=0}^{B} \frac{\partial}{\partial B} + \frac{\partial}{\partial B} = \frac{\partial}{\partial A}$ $\sum_{i=0}^{B} \frac{\partial}{\partial B} + \frac{\partial}{\partial B} = \frac{\partial}{\partial A}$

ویا ه = BA + ع وجون AB = = AB است بس خوامیم داشت م = AB + ع کر اوان سنجد مشود ه - ع = BA بعنی دنیجالت بهم مان ت وی دا، برقراراست تانیاً - اگر ه و ح مردومنفی باشند باز ، نند بالا تا بت خوا بدشد که

AB = 6-a

منل بين كل عدم هم الله المنظل المنظل

جوابهم داشت $\overline{AO} = \overline{AO} + \overline{OB} = \overline{AB}$ وجون $\overline{AO} = \overline{OB}$ است

بس جمق م AB = 8 م وبا م AB = 0 م ان تساوی ارا ۱ ا

پل بن نسا وی بیشه برقرارا ه - *B = B - a* یعنی

ع۵ مقدارجبری قطعهٔ ظ AB که برمحوری دا قع است مسالوسیت با تسبیر انتها د نقطهٔ ه) منهای انسیر میده (نقطهٔ A)

مسئله ۴ مثلث ع هم داده شده است برضلع AB انقطه ای مانند هر مسئله ۴ مثلث ع مع داره شده است برضلع AB انقطه علی مازات ع در می شود و نقطه تقاطعش را با ع مرانم شود و نقط تقاطعش را با در مرانم شود و نقط تقاطعش را

برای کل سند ازراه جرموری نظبت بر AB ببد، B بختیاری نیم. فرص می کنیم میت میت این محوران B به به به مان مقدار جبری B و می به بیم بین می میت میت میت این محوران B به A به بین به میت میت میت میت این محوران A و A و می A به بین بین به بین بین به و می باید به می نشانه باست ند و می باید به می نشانه باست ند و می باید به می نشانه باست د و باید به می میت و باید به می میت و باید به بین به به بین به بی بین به بین ب

نفظه هر مِن ه و A خوا بربود . اگر هے که باشد ید منفی مشود در نجالت نقطهٔ هدر نفظه ای اند کاخوا بربود بعنی عدد درخارح مثلث میافتد .

در حالت محضوص هه و هم مقدار بد صفر و نقطه هر بر همنطبق ميثود

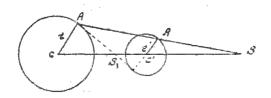
ا زر وى شكل سنية رنبچه أين سجث را ميتوان تحقيق مود .

تمرین ۱ - بهین سئله را حل کسنید و قتی که حبت منفی از هر به هر باشد . تمرین ۲ - حل کسنید بهین مسئله را وقت یکه مجهول AD باشد ۵ ۵ - شبصره - برای حل کردن مسئله کای بهت دسی زراه جبروقی که مجهول تبوژ

دارای دوسوباشد بهترانسته کوما نیدمسلهٔ بالامحور و مبدرای خستیارکینیم اینکیب

سه اسان شوو

مسئلی و در دو دائرهٔ ی و نی کوشاع برک بتر تیب ی و نی میشد چون نهای وشعاع موازی را بیکه گیر وصل کمن پیم خط ک ی را در نقطه ای مانند کا قطیحیه موضع این نقطه را بیا بید ، برای بیداکردن این نقطه هی را مجمول میکیریم چون این مجمول میستواند دارای دوسو باشد بنا براین محوری بر ۵۵ بمبد دی اختیار مکی نیم و فرض میکینم که جهت مثبت آن زی به نی باشد حال کر ۵۵ را مساوی می مجمیر کیاز شابه دوسه کومت میشد کاری و که کاری و اشت (بفرض که و ۵۵):



 $\frac{x}{x-d} = \frac{\overline{Ac}}{\overline{Ac}} \quad (\Delta F)l_{0} \quad \frac{\overline{CS}}{\overline{CB}} = \frac{\overline{Ac}}{\overline{A'c'}}$ $z = a' - \frac{\overline{Ac}}{\overline{B'c'}} \quad (SI)l_{0}$

عالت اوَل عَم و عَه واراى دوسُوى مخلف ميباشد اكر Ac

را ع + (یا چ -) کمیریم نخه منساوی ع- ایا ع+)خوا بهشدسی

 $x = a \frac{2}{3 + 2}$

محت ورنجات مد و قدى جيندشبت و الله كوطِمراست من الفظر

ی و ای قرار میگیرد (ما مند نقطهٔ ای ورسکل)

مالت وم Ac و Ac وارای کت جمت بیام شند- رنیمور

 $x = d = \frac{2}{d}$

بحث - اگر نے (ج باشد ید مثبت از که بزرگتراست نبا برا نِقطهٔ کار درانظرف ک میافتد

واگر کے کے باشد کد منفی مشود بین نقطهٔ کلد در آنظرف ن قرار سکیرد ، بینی شیر مرکز دایر هٔ کو حکیر واقع میشو د بین کرندائرهٔ بزرگست روید د بینی نقطه ای که امتدا د خطوال بین نهای د و شعاع موازی بهم هبت خط و و مرکز را قطع میکندی

طالت سوّم ما حالت مخضوص قت ميكه ع = ع باشد- دريفورت

ع ليني سندجواب ندارد

در نیجالت به و دایر ه مسا و منید و خطی که انتهای و شعاع موازی هم حبت را وصل میکند فور خط عُه میشو د و سیداست نقطهٔ تلاقی ندار د

سرگا ه فرخ کمنیم درعالت می اید یا ها علی کو چکتر سدریج بزرگ شود در منصورت می اید یا تعدیج کو چکت شده بسمت صفر میل کیف و لذا قدر طلق می در منصورت می اید یکی میشود بعنی نقطهٔ می از ی و ورمیشود بطور یکه و قتی نع مساوی عیشو داری نقطه درخا صله مینمایت د و را زنقطهٔ ی و اقع میشو د در بیجالت است کود

خطموا زی شده و کوئیم کر نقطهٔ لما قی انها در میناست د و رواقع است . تمرین

۱- متحرکی برمحور معدد ازمب دو با تندی مد ستردنا نید حرکت میکندسپس رده آینه با تندی مدر راه میرو دمعلوم کنیدس زچند اینه بفاصلهٔ می از نقطهٔ ۵ و اقع میتود ؟

۷- د و چرخه سوا ری ابت ندی مه کیلومتر درساعت میخوا بدیتحرکی کدی کیلومترا زو د و را بت و با تندی مه کیلومتر درساعت حرکت میکند سرسدسپس از چه نت با و خوا بررسید ؟

رانېسنىمانى بىراين خطامىرىمېبىد ، 0 اختيارنو د ە فاصلەمجول 1900 رامنسا دى مىكىرىم .

۶- درست. گوشدای که قاعده واش بدرازای ۵ متر دارتفاع وار د براین قاعده بدرازای هجر متراست راست گوشدای محاط کسنید که پیرامونش بدر ۶ متر با بشد .

۵- درسه کوشه مسئند چش را ست کو شای گاکسنید که تفاصل و بهلویش می متربا ۶- از دو زنشدای و و قاعد و وارتفاع معلوم است برمسانی قاصله نقطه نقاطع دو

ساق رااز مرقاعده .

۷- صنامهای سگومشهای بدرازای ۵ و ح و ۱ است نقطه ای بربهای ۵ طوری پیداکنید که چوخ د و قطعه این د و طوری پیداکنید که چون از آن تقطیم و خط بوازات د و صلع د گیررسه کنیم مجموع د و قطعه این د و خط و اقع در در و دن سگوشه بدرازای معلوم ح باشد .

۸ - A و ه و ی سه نقطه از یک خطند تا بت کسنسیدکه اگرروی ن خطبه مخواه یک نقطه ه گیریم خواهیم داشت :

OA'. BC + OB' CA + OC' AB + AB . BC . CA = .

۹_د ونقطهٔ A و B در کیطرف خطراست که جه و بفاصلهٔ ای ه و کا از آن واقعیت برخط که چه نقطه ای مانند ت طوری پیداکسنید که پینهٔ سه کوشهٔ ABC مساوی ۲ به به شود .

را مبنما لی به برخط جه محوری اخت با رنوه و دموقع عمو دنقطهٔ جم را مبد رآن میکیریم فاصلهٔ فقطهٔ راا زاین مبند که مجمولست بد فرض کین یم و فاصلهٔ و وعمو و جم و جه را لهمیگینم قصل حمیارم الف عَل وَسَمَّا مِهَا خِيْرِي جَبُولِي جَبُولِي اللهِ

ع ۵ - ممکن ست بعضی سنده ای کفری درخیا وّل میْل از کیب مجمول دامشته باشد . برای حَلّ نها ازراه جسبرچون موافق قاعده (۵۰) کلکنیم عمو ما بیک یا چید جمچندی درجهٔ

ا ول میرسیم که میش زکیت مجمول دا رند ما نندمسئله ^{با}ی زیر !

مسئله اقیمت د مترا بهوت و سه سرفاستونی برر وی بهم ۱۲۶۰ ریال ا

معلوم کمن پدفتمیت گیتر مبر کدام را ۰

چون قمیت کیب متر ما جوت را بو ریال وقیمت کیمتر فاستونیر ا بور یال فرط کینیم ازروی فرض مسلماین همجنیدی برست میآید

(1) 3x+ry=1r+.

. لد بک^ت جمچندی د و مجهولسیت

المُرفِرضُ كَنْيِمِ قِيتَ كِنْ سَرَا بِوتْ ١٨٠ ريال إشديعني ١٨٠ ع بهجِندى دومجولي ١١٠ ع ٢٠٠١ ويا

يع - ١٨٠ يال عني إلياء عد - ١٨١ ميال

ی یا ۱۲۰ ریال ست این و عدد را جواب جمچندی ۱۱ مگویند همچنین الرقمیت کمیتر ما جوت را ۱۵۰ ریال گبسیت ریم تعنی سرسی ۱۵ و ۱۵ ریال

جمچندی دا، تبدیل بیک جمچندی کی مجهولی ۱۲۶۰ = بو ۲۴ + ۵۰ و یا است ۱۲۶۰ - ۲۵۰ میشود که در نصورت قیمت بخیمترفاستونی چنین ست

مو = ١٧٠ ريال ليني بازاء عد ع ١٥٠ ريال مو = ١٧٠ ليال

این و عد دنیز کین جواب برای تمحیت دی (۱) پیمبامشند

مهین طریق با زار مهرمقدار کمه به بد بدمهیم مرای مع مقداری پیدامیشود واین و قطر کمک حواب جمچندی (۱) است و چون x اختیار ست مینی میتوانیم سجای آن مهرعددی که بخوابسیم مگذاریم نیا براین جمچین دی (۱) دارای حوابهای میتیارا

هر فارد می از بخواه تصلیم مبد ازیم ب برای میت دی (۱) دارد می جواب می بهارد ممکن است در جمچندی (۱) هم لینی قمیت کیمتر فاستو نی را معلوم کمیریم در بیضاورت تفدیم سازی برای

ع يعنى قميت كيك مترما هبوت بدست ميآيه .

ا زمستناه الامعکوم شیودکه: پنهمچندی د ومجهولی درجهٔ اوّل جوا بهای میتهاردارد با معناکه اگرمب کی زو ومجهول جمچندی مقداری خست بیا ری دیم محبول د گیرازروی آن معلوم میشو د

۵x + و عده - برائ ترایم ترینی و دمجولی ۵۷ - ۵۷ - و برائ ترینی ترومجولی ۲۰۰۱ - ۵۷ - ۵۷ از وی از روی از در آن چه و کارونی از در آن چه و کارونی از در ان چان ۲۰ در آن چه و کارونی از در و کارونی و کارون

مست سیاید عصوری و اضح است که درمقابل برمقداری از ید مقداری از ید مقداری بن پیدا میشود .

واگر من رامعلوم کمیریم مد ازروی آن حساب میشود می می در در می می می در می از می می از می می می می می نظیر میرمقداری از من می می شفا می می شفا می

۱- جمچندیهای زیرراحل سنید و تستیکه به عد مرتبا عدد ای ا و ۱- و ا

مع ... واوه مشوو . عها ... واوه مشوو .

TX-TY=Y 3 X= +9 + A.

ry=vx-1, 1rx-ry-d=0

۲- درمسئلهٔ الاعدد ارام بور بدبید وجمیندیها راح کسنید.

۳ - د جیندیهای زیرمعین کمنید مدد اینکه جوی برجمین دی نوشه شده جواب ایمین

ستانیت (عددا وّل بجای یو د عدد و وَ م بجای بو)

rx - ty = t | Y | -1 | -10 | 1

Tx-2 = y

ع- درمر کیا زیمچذیهای زیره و عد دیدا کمنسیدکه جواب آن بمچندی باشد و د و عد د نبویسید كدحواب نباشده

rx - ry = .

0 x + Ty = Y

۲ = ۲ × × ۵ × ۲ = ۲ × ۵ میل رکیځ مول داشته باشدوار ۱ ۸ میل دارو جوا بهای مشاراست

مثلاً کات ہجندی سمجھولی کھ = cx + روع + xx (بفرض + c) الا

جوا بهائ یا داست و قاعد هٔ حل آن مینت که بجای و ومجبول آن عدو مانی اختیا^ی معملذارده ومجهول سوّم راا زروی مناحسا کبنیم

تمرين شفا ہي

۱-اگریای مد عدد ۱- و بای مو عدد ۲ گذاریم می دادر برکنا ایجیدا

زیر بید*اکسنی*د:

x + y - 2 = + 1 x - 1 x + 0 = y

y+ 1 2- = x

۲- در بمین محب دیما این عدد فی راامتحاک سید ا

کرجواب بستندیان (اولی بجای ید ودوّمی بجای بدر سوی بجای ند)

10V,0 (x < 1777 .

برای این که جرابهای جمچندی ۱۰ و در مسئله صدق کند با ید قیمت کیمتر با بوت را زیا و تراز ۵ را ۱۵۷ ریال و کمنراز ۲۴۲ ریال نشیا کرمنیم آخیت فاستونی از ۵ ه ریال بیشتر شود و از قیمت ایموت کمتر با و در مالات محضوص کرخیمیت کیمتر فاجوت را مساوی ۵ را ۷ در این کجیسه ریم قیمت کیمتر فامستونی نیزمنه وی ۵ را ۷ در این مشود و اگر قیمیت کیمتر فاتنو هم را ۷ در این مشود و اگر قیمیت کیمتر فاتنو مساوی و ۵ را ۷ در این مشود و اگر قیمیت کیمتر فاتنو مساوی و ۵ را در این میران میران میران مشود و در این در این مشود و در این مشود و در این مشود و در این در این مشود و در این در این مشود و در این مشود و در این در ا

فمرسي

۱- عددى، ويىپىكىرى يىداكىنىيە كەمجىزغ دوپىكىرى ۋ با شد .

۲ ـ با و ه ای دا بی را در مدّت د و رساعت بمو و ه در از ای را ه و تندی متوسطش را صا کبنید .

٣- أكر قميت يك جلد كنا ب جبر ١٥ ريال وقميت يك جلد بهندسه ١٢ ريال بشد ميخواجم با

١٤٥ ربال زين كتا بها بخريم أزهركدام حيث دجله با ميدمند.

را مبنما تی _شارهٔ که بها باید عدد درست مشبت! شد

عه- و ہقانی بسبلغ ٥٠٠ ء ربال منچ ۱ برچند کا و وکوسفند بخرد اگرقمیت سرکا و ٥٠٠ ء ریال و

مركوسفن د ، ٧ ريال بند با ين سبلغ حيد كا و و چندگوسفند ميتواند مخرد؟

راتبمسنمانی مشارة كا و اوكوسفت دا بايد درست ومثبت باشد

مستنگه ۲ قیمت ۵ سرما بهوت مساسر فی بر روی بسم ۱۲۶۰ ریال ست علوم قیم نیم مرکدام را درصورت که قیمت و دمتر ما بهوت ۲۴۰ ریال زخیمت ۵ سرفاستونی کمتر ماشد

ت هرادام را درصورت مین دوسر ما بهوت ۴۴۰ ریان رهیت ۵ مرفاحسو می ممراه اسد حل مین قبمت یک مترا موت را عد ریال قیمت مجترفا مستونیرا مهر ریال کمیریم

ا زر دی فرض سنداین د د بهجیدی برست میآید:

$$\begin{cases} \Delta x + ry = 175. \\ rx = \Delta y - rf. \end{cases}$$

درمېر د وېمچېن د ککيست پې خوامېيم داشت ؛

Yx+740 1750-0x

که کیت بمچن دی کیت مجمولی از ورجه اقراست وجواب آن × = ۱۸۰ ریال ا که ازروی قیمت کین مترفامستونی نو = ۱۲۰ ریال برست میآید

. ع-ازروی مسکنه بالا بد وجمحیندی ۱۲۶۰ = پو۳ + × ۵ و

۲۶۰ - بو ۵ = ۲۷ رسیدیم . گونیداین د وهمچندی شکیل مکید شبکا دهمچنیدی

و و مجمولی درجهٔ اقل رامید بهند و آن راچنین نوئیسند:

(x = 0 y - 7 + 0

ا ۶- تتبصره - انرسسندهٔ بالامعلو م سینود که مهرکدام ازمجهولهای کمیدسته گاه در تام جمچین دربیای آن سنگاه نمالیش بحید داست (خیانکه درجمچندیهای پیگاه

ال × = ۱۸ و بو = ۱۲۰ است)

۷ ع صل کورستگاه حل کیرستگاه پیدا کردن ند داویا عبارتها میست کم که د همچینه دیهای دستگاه صد ق کندیعنی چون بر کیک از آنغدو با یا عبارتها را بجا محول نظیرخه وش کهذارند همچندیهای آن دست کاه مبتها و بههای عددی یا تحاد شدیل شود و این ند د نایا عبارت فی را جواست دستگاه گویند با نند بد مه ۱۸۸

سبديل سود والمين خدرة يا عبارت را جواسب وسنا و حوا مرين بهيرو والمين

$$\begin{cases} 0 \times + y = 1750 \\ 1 \times = 0 \text{ y} - 1750 \end{cases}$$

Name of Street

۳۶ و تو یک جواب برست میآید درصورت که مبرک از بهجندیهای دست گاه آلی ۳ د تو یک جواب برست میآید درصورت که مبرک از بهجندیهای دست گاه آلی جوابهای میشا راست و معلوم میشود که مین این جوابها فقط یحد د برای بد و مکن عد برای تو یا فت میشو د که درمبرد و بهجندی دست گاه صدق می کنندیسی عمو ما مکیتگاه د و بهجندی د و مجولی درجهٔ اول دا رای مکت جوابست

بمرین شفا ہی

۱- رسیدگیکنسیدکه عدولی کی ایجاب کدام کیا زوستا بهای براست

$$\begin{cases} 7x - 1 = y \\ 5x - y = y \end{cases}$$

$$\begin{cases} x - 1y = y \\ x - y = y \end{cases}$$

$$\begin{cases} x - \frac{1}{y} = y \\ y - \frac{1}{y} = y \end{cases}$$

$$\begin{cases} 7x - 3y = 79 \\ \frac{x}{r} + 7y = \frac{1}{r} \end{cases}$$

٧- دروست کا بهای زیررسیدگی کسنیدا یا عدد نا سیکه جنوی بروستگاه نوشته شده جواب

ان دمسکا دہست یا نمیت

$$\begin{cases} \frac{x}{r} - 1 = \frac{y}{r} - 1 \\ (x + ry = 0) \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{x}{r} + \frac{y}{r} = 0 \\ \frac{x}{r} + \frac{y}{r} = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{x}{r} + \frac{y}{r} = 0 \\ (x - 0) = ry + \frac{1}{r} \\ (x - \frac{1}{0}) = y - 1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{x}{r} + \frac{y}{r} = 0 \\ \frac{x}{r} + \frac{y}{r} = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{x}{r} + \frac{y}{r} = 0 \\ \frac{x}{r} + \frac{y}{r} = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{x}{r} + \frac{y}{r} = 0 \\ \frac{x}{r} + \frac{y}{r} = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{x}{r} + \frac{y}{r} = 0 \\ \frac{x}{r} + \frac{y}{r} = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{x}{r} + \frac{y}{r} = 0 \\ \frac{x}{r} + \frac{y}{r} = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{x}{r} + \frac{y}{r} = 0 \\ \frac{x}{r} + \frac{y}{r} = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{x}{r} + \frac{y}{r} = 0 \\ \frac{x}{r} + \frac{y}{r} = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{x}{r} + \frac{y}{r} = 0 \\ \frac{x}{r} + \frac{y}{r} = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{x}{r} + \frac{y}{r} = 0 \\ \frac{x}{r} + \frac{y}{r} = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{x}{r} + \frac{y}{r} = 0 \\ \frac{x}{r} + \frac{y}{r} = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{x}{r} + \frac{y}{r} = 0 \\ \frac{x}{r} + \frac{y}{r} = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{x}{r} + \frac{y}{r} = 0 \\ \frac{x}{r} + \frac{y}{r} = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{x}{r} + \frac{y}{r} = 0 \\ \frac{x}{r} + \frac{y}{r} = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{x}{r} + \frac{y}{r} = 0 \\ \frac{x}{r} + \frac{y}{r} = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{x}{r} + \frac{y}{r} = 0 \\ \frac{x}{r} + \frac{y}{r} = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{x}{r} + \frac{y}{r} = 0 \\ \frac{x}{r} + \frac{y}{r} = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{x}{r} + \frac{y}{r} = 0 \\ \frac{x}{r} + \frac{y}{r} = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{x}{r} + \frac{y}{r} = 0 \\ \frac{x}{r} + \frac{y}{r} = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{x}{r} + \frac{y}{r} = 0 \\ \frac{x}{r} + \frac{y}{r} = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{x}{r} + \frac{y}{r} = 0 \\ \frac{x}{r} + \frac{y}{r} = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{x}{r} + \frac{y}{r} = 0 \\ \frac{x}{r} + \frac{y}{r} = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{x}{r} + \frac{y}{r} = 0 \\ \frac{x}{r} + \frac{y}{r} = 0 \end{cases}$$

ع ع ع ح صل کردن کیدشگاه و دبمچندی د و مجنولی خیا کرگفت پیم د شار و که به پیدا کردن ع اب د شگاه است مینی عدد ما یا عبا رتها لی که سرگاه مجای مجولها گذارده شو د مزجمحیت دی د شگاه بهیک تساوی عددی یا یک اتحاد تبدیل شود.

سو دہر حبت ہی دستاہ بیات سا وی عددی یا ایٹ ایجا د تبدیل سود . ه ء ۔ قاعد محل ۔ قاعد کالی ترای حل ملک سیکی او سیجی دی دو

مجمولی (یاحب د مجیندی چندمجمولی) آنت کدا زر و ی ن سگاهجندی با کی کت مجمولی بیدانسنیم بطور یکه جواب ن همچند تھے۔ اجواب شرگاه

برای مین منطفه را در نظر میکیریم که جواب مبر مجول عد دیا عبار بنت که در تا مجمحیت در بهای دستگاه صد ق کند .

مثال ۱- دسته گاه د وسمچندی د ومجولی:

$$\begin{cases} rx - ry = \varphi \\ rx + y = V \end{cases}$$

پیدا سیسود $1=\frac{v_0}{e}$ و بیم از دو جمچندی دست کا ه (مثلاً جمچندی دوم) عدد دا) و بیم نی پر در کی از دو جمچندی دست کا در سیم بین که از آن آن که در که و بیم در که در که و بیم در که در که در که و بیم در که و بیم در که در که در که شده در که در که و بیم در که و بیم در که و بیم در که در ک

$$\begin{cases} \mathbf{r} \times -\mathbf{r} \mathbf{y} = 1 \\ -\mathbf{r} \times + \mathbf{a} \mathbf{y} = -\mathbf{y} \end{cases}$$

برای پداکردن کیک جمچندی کیک مجبولی برحسنب رد با بدمجبول x راحدت کرد در نیجاد و طرف جمچندی وّل را در ۲ و دوطرف جمچندی دوّم را در۳ ضرّ میکینماین دستگاه حاصل مثیود

ازين ومثال بن قاعده بدست ميآيد ؛

عود قا عدهٔ اقل یخست جله ای تث به دوطرف راجمنیمیم بطور کمه مبرمحبول درمبرمحبی در مجله باشد تا دسگاه دومهمچندی و مجهولی بسطور کمه مبرمحبول درمبرمحبیث دی در مجله باشد تا دسگاه دومهمچندی و مجهولی

 $\begin{cases}
\alpha x + \theta y = c \\
\phi x + \theta y = c
\end{cases}$ $c(x + \theta y = c)$

يس رآن براي سَلَ بِين وسَمْكًا ه بابد درصورت لرُوم مركيت إز و وسجيذي وشكاه را درعد دى مناسب صرب عنيم اقدر طلق ضربها ي كي رجبولها (مجهوليراكه منيحاميم حذف كنيم) در دومهجيندي مساوي شود . بيراران این وضریب دا را می یک نشا نه باشند د و همچن دی حاصل رااز هم م مين م واكرزة الخارا بالم م معنيم ما يك مجندى مك مجبولي سبه مجبول نکر) برست آید میون این مجیت ری کافتم ولیرا کننیم کمیه محبول سیسیدامی شود وازروی آن محبول گیر پرست میآید. تنصره ممکن ست که مجول و مرا نیز بوسیلهٔ حذف مجول ول برست و و و قت يكه نخوا بيم فقط كمي ا رو ومجولرا باينا عده حذب سيم مبتراست مجبولي راحت كييركدمسا وى كردن ضربها يش سانتر باشد . مثال ميخواسم دسكاه

 $(1) \begin{cases} ax + by = c \\ ax + by = c \end{cases}$

استازروي بن قاعده حركمنيم

حل-برای سید اکردن x مجول بو را حدث میکینم. کافیست و طرف بمچندی اول را در کا و ضرب بو در بمچندی دوم) و دوطرف بمچندی دوم

ورمی (ضرب مجول مو درمجین دی اول) ضرب یم این دستاه بست میآید
$$(abx + bby' = cb')$$

$$(abx + b$$

$$x = \frac{cc' - bc'}{5c' + 5c'}$$

اگریجای مد در کی از دوبهجندی جواب مدراقرار دسیم ویااسین که مدراد د و بهجینندی دستگاه حذف کینم کین جمچندی کین مجبولی برحسب رو برست میآیدگدار حل آن مرحص می به به به بین می بین جواب دستگاه (۱) چنین آ

$$\begin{cases} x = \frac{cb' - bc'}{ab' - ba'} \\ y = \frac{ac' - ca'}{ab' - ba'} \end{cases}$$

متبصره - برای مسا وی گرون صریباًی کیت مجمول جنا که در شال ایا دیدیم فاعد و آمنستگد و وظرف بمجندی ول را در صریبی که آن مجمول در مجاندی دوم دارد و دوطرت بمجندی دوم را در صریب آن مجبول در مجیت دی ول صرب کنیم دل برای ساد و شدن کل مهترانست کدمین صریبهای آن مجبول کوکینترین مصرب بیدا بلوده د وطرفت مرهمچندی را درمبرای کو حکیترین مضرسب برضریب آن مجبول در آن همچندی ضرب کینم.

 $\begin{cases} x - 1\lambda y = 1 \end{cases}$ حذت $\begin{cases} x + 1 + y = 1 \end{cases}$ حذت $\begin{cases} x + 1 + y = 0 \end{cases}$

کینم کوچکترین صفرب صربهای من (عدد تای ۱۸ و ۱۲ و ۱۲ است.

براین دوطرف جمچندی و آل را در ۲۲ = ۴ و دوطرف جمچندی دوّم را در

۳۲ - ۳ ضرب میکنیم! بین دستگاه پیدامیثود!

تمرين

ا وَّلا برا ي عَلِّ وستمَّا بهاى زير بقاعد هُ ا وَّل معاد مُكسنيداً ياكد ام كينا رْد ومجهول را

حذف كمن يم مبتراست؟

اً يَا بركت رابقا عده بالاحلكسنيد

 $\begin{cases} x + y = -\Delta \\ x - y = \gamma \end{cases} \begin{cases} x + y = \frac{1}{r} \\ x + ry = 1 \end{cases}$

$$\begin{cases} x-y = \frac{Y}{\Delta} \\ 1x+y = \frac{A}{\Delta} \end{cases}$$

$$\begin{cases} x+y=1, \Delta \\ 1x+y=-1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x+y=1, \Delta \\ 1x+y=-1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x+y=1, \Delta \\ 1x-y=-1, \beta \end{cases}$$

$$\begin{cases} x+y=-1, \Delta \\ 1x-y=-1, \Delta \end{cases}$$

$$\begin{cases} x+y=-1, \Delta \\ 1x-y=-1,$$

$$x + y = 1$$
 مثال ا این دسکاه د ومجمولی $x + y = -0$

مركنيد .

حل - میتوانیم کت جمچندی کیک مجهولی ازین دستگاه بدست آوریم بدستیر.

(۱) x = 1 - y ارتهجیندی و آل مجسب سو پیدامیمنیم x = 1 - y

و سر۳-۱ را بجای ید درجمچپندی د و م میگذاریم این همچندی کیک مجهولی پیدا میشد د :

Y(1-Ty)-y=-0

 $y = 1 \qquad 0 \qquad -Yy = -Y \qquad 0$

اکر ۱ را بجای سو دبهجین دی (۱) گذاریم مد پیدامیشود؛

 $x = 1 - T \times 1 = -T$

مکن و د که یو را برحسب × در کمی از د وسمحیت دی تسگاه پیلیمنو د ه د بهجندی دهمیم

سريم اكك بمجندي كي مجولي برحب x برست آيد .

ا زین مثال قا عده و گیری برای حل وستگاه دومجویی بدست میآید: ۷ ع ـ قا عدهٔ و قوم ـ بس زاگنه دسگاه را بصورت کلی

$$\begin{cases} ax + by = c \\ ax + by' = c' \end{cases}$$

ر آور دیم از کی از دو تیمیت می تولی را (مثلا *) سجسب می و گر مثلاً لا)

پیدا کرده در تیمیت دی د کمر جائی ن مجبول (بینی *) میکداریم اکیت جمچندی

کی مجبولی برحسب مجبول دگیر (بینی پو) برست آید .

از حلّ این تیمیندی مجبول د گیر د بینی پو) پیدا و از روی آن مجبول و ل حساس میشود

ما دا دری - برای حَلّ کیت د شگاه باین قاعده بهتر آنست مجبولی راازمیان

ببریم که ضریب سا ده ترا رضریه بای دگیر با شد .

رات کا میں اور میں کا میں اور میں کا میں اور میں کا میں اور میں کا میں میں اور میں کا میں میں

ص دازیکی از دوہمچندی دستگا ، شلاً ارہمچند کی دل کی ز دومجول شلاً × ما اگر ، = ه باشد سرحسب موسیدا میکنسیم <u>سطح - ع</u> = × (۱) داین مقدا ررا بچای ید دہمچندی د توم دستگا ، سیگذاریم این ہمچندی کیٹ مجبو

 $\frac{dx}{dx} = \frac{dy}{dx} + \frac{dy}{dx} + \frac{dy}{dx} = \frac{dy}{dx} + \frac{dy}{dx} + \frac{dy}{dx} = \frac{dy}{dx} + \frac{d$

عدد عدد و (هم محمد) كد بغرض و نوه محمد عدد و محمد عدد الم مجال الم المحمد عدد الم مجال الم المحمد عدد المحمد

مناويش راقزارة يم جواب مد بست ميآيد ا

$$c - \frac{\theta - \alpha e' - c\alpha'}{\alpha e' - \theta \alpha'} = \frac{c e' - \theta e'}{\alpha e' - \epsilon \alpha'}$$

ا دِّلَّا در دمسَّكًا بههای زیر كدام مجول باین قاعده حذف شود تاحل دستگاه آسانترشود

تْ نِيَا سِرِيكِ از دستُل مهها ي زير را با قا عدهُ و وّ م حلكنيد .

$$\begin{cases} x - y = 1 \\ y - y = 1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x + y = 1 \\ x - y = 1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} a - \frac{1}{r}b = -1 \\ b = \frac{a}{r} + 1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} rx - ry = a \\ rx - ry = -1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 7, 0 \times -y = 1, 0 \\ 7, 0 \times -y = 1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} Ym - \psi n = -1 \\ \psi m + Yn = 10 \end{cases} \qquad \begin{cases} y - \psi x = Y \\ y - \psi x = Y \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{V} & \alpha - \frac{1}{V} & \nu = 0 \\ \frac{\Delta}{V} & \alpha - \frac{V}{V} & \nu = -1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{V} & \alpha - \frac{1}{V} & \nu = 0 \\ 1, 0 \times - V & \nu = 1 \end{cases}$$

$$0 = 0 \text{ Since } 0$$

رسگاه دونجیت دی دونجول

$$(7 \times - 79 = 1)$$

 $(3 \times + 7 \times 9 = 17)$

عل سيد.

حل - در دو بمچندی و شگاه کین مجول (مثلاً x) را برحسب مجول دگر پیدا مینم از بمچندی اول محرس + ا = x و از بمچندی دوم محینم از بمخاب دی اول عرص به برای می است بنا بریا از بمفایستداین دومقدار x کین بمچندی یک مجولی برحسب مو بست میآید!

1+ + + - 17 - 17

y = y ارطی آن جواب مو چنین ست y = y = y واز آنجا جواب y = y میشود:

ازین شال بن قاعده برست میآید:

(ax + 3) = c
(ax + 3) = c

ويجنيها ي وسكاد كيف تجول وشل من البحسب مجول الدين

سدامیکنیم وچون د و عبارت که برست میآنید با هم منها و نیدازتها و ی نه ایک همچندی کیئ مجبولی سرصب مجبول گیر (بینی مو) تسکیل میشود و خَلِّ این جواب مجبول دمینی من کی برست میآید و از روی آن مجبول گیر دمینی ») حساب میشود .

مثال - دستگاه دومجولی

 $\begin{cases} ax + by = c \\ ax + by = c' \end{cases}$

وكسيد

عل ۔ یو را در مرجمی ندی برحسب سے پیدا می سنیم دہمیندی اوّل

 $x = \frac{c' - b'_y}{a'} \qquad \begin{cases} c'_y = \frac{c'_y}{a'} \end{cases}$

ازمقالیند دومقدار بر این بحیندی بین مجولی مست میآید

 $\frac{c - by}{a} = \frac{c' - by}{a'}$

كدارة آن جواب مو جنن مشود <u>عد عد عد عد م</u> وازروى

 $x = \frac{cB' - bc'}{aB' - ba'} \qquad x = \frac{cB' - bc'}{aB' - ba'}$

لمرين

ا بن وستكا بها را بقا عدة سوّم حلكسنيد:

17"X

$$\begin{cases} x-y=1 \\ x-y=1 \end{cases} \qquad \begin{cases} \alpha+y=y \\ y\alpha-y=1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x-y=\frac{1}{y} \\ x+y=\frac{1}{y} \end{cases} \qquad \begin{cases} \frac{x}{y}-\frac{y}{y}=\frac{1}{y} \\ \frac{x}{y}+\frac{y}{y}=0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x-y=\frac{1}{y} \\ x+y=1 \end{cases} \qquad \begin{cases} x-y=\frac{1}{y} \\ x+y=1 \end{cases} \qquad \begin{cases} x-1=\frac{y}{y} \\ x=y-1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x-y=\frac{1}{y} \\ x=y-1 \end{cases} \qquad \begin{cases} x-1=\frac{y+y}{y} \\ x=y-1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x-y=\frac{1}{y} \\ x=y=1 \end{cases} \qquad \begin{cases} x-1=\frac{y+y}{y} \\ x=y=1 \end{cases} \qquad \begin{cases} x-y=\frac{y+y}{y} \\ x=y=1 \end{cases} \qquad$$

میتوان زروی دین دستور نا نیز دستگاه دو جمچندی دو مجهولی راحل نو دبرت طریق کدا و آندسگاه را لصورت دستگاه کلی بالا درآ ورده (یعنی تقسمی که جله بای مجبول بیک طرف و معلوم بطرف دیگیر برده شو و و درد و جمچیف دی بد تا زیریم و بولا نیززیز سسم نوشته شود) بعد درین دست و را بجای صربهای ۵ و ۵ و ۵ و ۵ و محوه ۵ و ۵ مقد ا را می نظیر بهرکیف را قرا ر دا ده جواب مجلوارا حساب کنیم

 $|||_{Y(x-Y)+\delta(y-1)=19} \begin{cases} \delta(x+y)-y=y(y+1) & \text{obs} \\ \gamma(x-y)+\delta(y-1)=19 \end{cases}$

ر وی دستورهٔ ی کرا مرحل کمنید

نخنت این دستگاهرا سا و ه می کنیم نا بامنصورت درآید:

y = 17 y = 7

برا زآن در دستور هم ی کرا مربی بی صریها مقدار همی نظیرشان را قرار میمیم تاجواب بعد و بور بدست آید:

$$x = \frac{cb - bc}{ab - ba} = \frac{19 \times 0 - (-7) \times 7^{\circ}}{6 \times 0 - (-7) \times 7} = \frac{1 \cdot 19^{\circ}}{10 + 19^{\circ}} = \frac{17^{\circ}}{10^{\circ}} = 6$$

 $y = \frac{ac' ca'}{6\pi^2} = \frac{\Delta x r \circ -19 x r}{\Delta x \circ -19 x r} = \frac{10 \circ -61}{70 + 9} = r$ $\frac{1 \circ r}{70 + 9} = r$

× و بو برد و دارای کی برخه ما م میامشند که ارضرسهای می المانستیل شده است باین ترتیب که ضریب به جمیدی ول را درضرس بو جمیدی دوم وین ضربب بر همچندی ول را درضریب بهمچندی د وم ضرب کشیم و دوحاصل ضربرا اربهم نم مكنسيم اين تفاضل بهان برخه نام x و y است (فط - عه في عه منه) وبرايتميس برخه شارم محول كافست كه ورمرخه نام ي مصرسها ي نجول مقدار علوم نطيراً نرا كبدا ريم شلاً اكر برخه نام ا عه - وع مگیریم برخد شار بد این طور بدست میآید که درین عبارت کای ه و نه ترمتب و و م را گیذاریم ما نهم بست آید $x = \frac{cb' - bc'}{cb' - bc'} = \frac{bc' - cb'}{bc' - cb'}$ 4 $y = \frac{ac' - ca'}{ac'} = \frac{ca' - ac'}{fa' - ac'}$ تنبيه - و اضح است كه مردستگاه و وجمحت دى د ومجو يې راميستوال روق سرکا زقا عده نای بالاحل کرد ولی عمومًا ازروی یکی از مین قاعد و نا زودتر جواب بدست ميآيد . با دانش موزاست كه درخل بردسته گاه قاعده " اتا نرابط ديرد.

۱ سر کیٹ (وسستری سه می زیر رو مهرسه کا عد و توسیعین از دو فی شاؤی کی دوجا کمنیدا

$$\begin{cases} x + y = y \\ y = y$$

تْا نْيَا ازروى آن فَا عده آن دَسْتُكَا ، را حَلَكَسْيد .

(r)
$$\begin{cases} \frac{1}{r} x - ry = 1 \\ \frac{1}{r} x - y = 0 \end{cases}$$
 (1)
$$\begin{cases} \frac{1}{r} x = \frac{1}{r} y + 1 \\ \frac{1}{r} x = \frac{r}{r} y - 10 \end{cases}$$

(درین و وشال مبترا مینت که مبرخه ما مها راا زمین نبریم زیرا چون و وظرت بمچندی و ل دستگا و (۱) را بریتیم ا کمنیم در و و بمچندی دستگا و مع میسولت حذت میشود و بمچنین گرو وظرت بمچندی قرم د و (۲) را در بیسنر کمنیم مو بسولت حذت میشودی

$$\begin{cases} \frac{1}{r} \times + \frac{r}{h} y = \frac{1}{r} \end{cases} \qquad \begin{cases} r \frac{1}{r} \times + \frac{r}{h} y + r \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 19 \end{cases} \qquad \begin{cases} r \frac{1}{h} \times - r \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 19 \end{cases} \qquad \begin{cases} r \frac{1}{h} \times - r \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{r}{h} \times + \frac{r}{h} y = 19 \end{cases} \qquad \begin{cases} r \frac{1}{h} \times - r \end{cases}$$

$$\begin{cases} 0 \times -4, 9y = 1 \\ 1, 0 \times -4y + 1 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} r, v + r, s y = \lambda, \lambda \\ v + x + r, r y = r, r \end{cases} \begin{cases} rv, r - r, a y = 1 \\ r, r - r, a y = 1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} a(x+r) - r(y+1) = rr \\ r(x-r) + a(y-1) = 17 \end{cases}$$

این تسا وی کیسسگاه دوجمخپدی دومجمولی است ارتقرار:

$$\begin{cases} \frac{x+y}{y+1} = \frac{y}{y} \\ \frac{y+1}{x-y} = \frac{y}{3} \\ (x-y)!(y+1)!(x+y-y) = y!f!a \end{cases}$$

$$\begin{cases} (x-y)!(y+y) = (x-y)(y+y) \\ (x+a)!(y-y) = (x+y)!(y-1) \end{cases}$$

$$\begin{cases} (x+a)!(y-y) = (x+y)!(y-1) \\ (x+y)!(y+y) = (x+y)!(y-y) \end{cases}$$

$$\begin{cases} (x+y)!(y+y) = (x+y)!(y+y) \\ (x+y)!(y+y) = (x+y)!(y+y) \end{cases}$$

۷- بسیاری از دستگا ه همچندی تا ی د و مجولی سپس از سا د ه کردن داز

ن سردن برخه نا دما وسع حله للى تنشابه) از درجه لاى غیرا قال میشوند ولی سبا اتنا قی مها فید که مرا و سا د و ای حل تعضی از آنها را مجل کی یا چید وست سگاه

> د همچند.ی د ومجهولی درجنهٔ اوّل تبدیل نمو د ۰ مثّال امه رسته کا د د وهمچندی د ومجهول

$$\begin{cases} \frac{F}{x} - \frac{F}{y} = 1 \\ \frac{F}{x} + \frac{7}{y} = F \end{cases}$$

راط لينسد

حل - چون برخه نا جها رااز بین سریم باین دسته گاه د و مجهولی درجهٔ دومیریم

(1) $\frac{1}{x} = X$ $\frac{1}{y} = Y$

YX+9Y=+

یشود که نسبت به X و Y دستسگاه کی ز درخها و ل ست که چون گزاییکی ز قاعده پیش حل کسنیم X و Y بیدامیشود X = 1 X = 4

 $\begin{cases} \frac{1}{x} = 1 \\ \frac{1}{y} = \frac{1}{y} \end{cases}$

یس ۱= x و x= y شصره - تعکس اگردشگا ہی بصورت

$$\begin{cases} ay + bx = cxy \\ ay + bx = cxy \end{cases}$$

$$\begin{cases} ay + bx = cxy \\ ay + bx = cxy \end{cases}$$

$$\begin{cases} ay + bx = cxy \\ xy + xy = cxy \end{cases}$$

$$\begin{cases} ay + bx = cxy \\ xy + xy = cxy \end{cases}$$

$$\begin{cases} ay + bx = cxy \\ xy + xy = cxy \end{cases}$$

$$\begin{cases} ay + bx = cxy \\ xy + xy = cxy \end{cases}$$

$$\begin{cases} ay + bx = cxy \\ xy + xy = cxy \end{cases}$$

$$\begin{cases} ay + bx = cxy \\ xy = cxy \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{\alpha}{x} + \frac{\beta}{y} = c \\ \frac{\alpha}{x} + \frac{\beta'}{y} = c \\ \frac{\alpha}{x} + \frac{\beta'}{y} = c \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{\alpha}{x} + \frac{\beta'}{y} = c \\ \frac{\beta}{x} + \frac{\beta'}{y} = c \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{\alpha}{x} + \frac{\beta'}{y} = c \\ \frac{\beta}{x} + \frac{\beta'}{y} = c \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{\alpha}{x} + \frac{\beta'}{y} = c \\ \frac{\beta}{x} + \frac{\beta'}{y} = c \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{\alpha}{x} + \frac{\beta'}{y} = c \\ \frac{\beta}{x} + \frac{\beta'}{y} = c \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{\alpha}{x} + \frac{\beta'}{y} = c \\ \frac{\beta}{x} + \frac{\beta'}{y} = c \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{\alpha}{x} + \frac{\beta'}{y} = c \\ \frac{\beta}{x} + \frac{\beta'}{y} = c \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{\alpha}{x} + \frac{\beta'}{y} = c \\ \frac{\beta}{x} + \frac{\beta'}{y} = c \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{\alpha}{x} + \frac{\beta'}{y} = c \\ \frac{\beta}{x} + \frac{\beta'}{y} = c \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{\alpha}{x} + \frac{\beta'}{y} = c \\ \frac{\beta}{x} + \frac{\beta'}{y} = c \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{\alpha}{x} + \frac{\beta'}{y} = c \\ \frac{\beta}{x} + \frac{\beta'}{y} = c \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{\alpha}{x} + \frac{\beta'}{y} = c \\ \frac{\beta}{x} + \frac{\beta'}{y} = c \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{\alpha}{x} + \frac{\beta'}{y} = c \\ \frac{\beta}{x} + \frac{\beta'}{y} = c \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{\alpha}{x} + \frac{\beta'}{y} = c \\ \frac{\beta}{x} + \frac{\beta'}{y} = c \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{\alpha}{x} + \frac{\beta'}{y} = c \\ \frac{\beta}{x} + \frac{\beta'}{y} = c \end{cases}$$

یر و حو نیزمشل بر و بو مجمولند مرای پیداکردن نها با درنظر کرفتن دستگاه ۲۰ دستگاه ۱۱) را میتوان حینین نوشت

$$\begin{cases} \psi u - v = \frac{1}{V} \\ \psi u + \psi v = \frac{\Delta}{V} \end{cases}$$

ا رَصِّلِ مِن وَ مِن وَ مِن بَرْسَتَمِينَّ ﴿ = مِن وَ مِنْ الْجُونُ الْمُولِينَ مِنْ الْمُرَارِدِ مِنْ وَسَكَاه

$$\begin{cases} \frac{1}{x+y} = \frac{1}{y^{n}} \\ \frac{1}{y^{n}} = \frac{1}{y^{n}} \end{cases}$$

برست میآید که جون آن راسا د گهنیم مبکت دستگاه د ومجمولی درجهٔ اول تبدل برست میآید که جون آن راسا د گهنیم مبکت دستگاه د ومجمولی درجهٔ اول تبدل

میشود وا رَصِّلِ ن حِواب دستگاه دا ، بیست میآید ۲ = × و ۱ = بو

مثال ۳- دسگاه د و همچندی د و مجولی زیر راحل کسنید:

$$\begin{cases} 1 & \text{if } x = 1 \\ \text{for } x = 1 \end{cases}$$

طرف چپ جمچندی وّل وستگاه برطرف چپ جمچندی دوّم وسگاه بخش پررا زیرا دستگاه دا ، را میتوان چین نوشت

$$(Y) \begin{cases} (Y \sqrt{y} - Y \sqrt{x})(Y \sqrt{y} + Y \sqrt{x}) = Y \\ Y \sqrt{x} - Y \sqrt{y} = -1 \end{cases}$$

$$(Y) = -1$$

$$(Y)$$

182-38 = 1,8

 $\begin{cases} \frac{r}{x} + \frac{\lambda}{y} = r \\ \frac{10}{x} - \frac{r}{y} = r \end{cases}$

$$\begin{cases} \frac{1}{x-Y} + \frac{1}{y-w} = V \\ \frac{\Delta}{x-Y} - \frac{\varphi}{y} = Y \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{\Delta}{x} + \frac{\varphi}{y} = Y \\ \frac{1}{y} + \frac{2}{y} = Y \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{\varphi x}{Yx-Yy+1} - \frac{Yy}{x+y-1} = Y \\ \frac{x}{Yx-Yy+1} + \frac{yy}{x+y-1} = \frac{1}{Y} \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{\varphi x}{Yx-Yy+1} + \frac{yy}{x+y-1} = \frac{1}{Y} \\ \frac{x}{Yx-Yy+1} + \frac{yy}{x+y-1} = \frac{1}{Y} \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{1}{y} = \Delta \\ \frac{1}{x} + \frac{1}{y} = \Delta \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{1}{y} = \Delta \\ \frac{x}{Y} + \frac{y}{Y} = Yxy \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{y}{y} = Xy \\ \frac{1}{x} + \frac{y}{Y} = Yxy \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{y}{y} = Xy \\ \frac{1}{x} + \frac{y}{y} = Yxy \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{y}{y} = Xy \\ \frac{1}{x} + \frac{y}{y} = Yxy \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{y}{y} = Xy \\ \frac{1}{x} + \frac{y}{y} = Yxy \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{y}{y} = Xy \\ \frac{1}{x} + \frac{y}{y} = Yxy \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{y}{y} = Xy \\ \frac{1}{x} + \frac{y}{y} = Yxy \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{y}{y} = Xy \\ \frac{1}{x} + \frac{y}{y} = Yxy \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{y}{y} = Xy \\ \frac{1}{x} + \frac{y}{y} = Xy \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{y}{y} = Xy \\ \frac{y}{y} + \frac{y}{y} = Xy \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{y}{y} = Xy \\ \frac{y}{y} + \frac{y}{y} = Xy \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{y}{y} = Xy \\ \frac{y}{y} + \frac{y}{y} = Xy \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{y}{y} = Xy \\ \frac{y}{y} + \frac{y}{y} = Xy \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{y}{y} = Xy \\ \frac{y}{y} + \frac{y}{y} = Xy \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{y}{y} = Xy \\ \frac{y}{y} + \frac{y}{y} = Xy \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{y}{y} = Xy \\ \frac{y}{y} + \frac{y}{y} = Xy \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{y}{y} = Xy \\ \frac{y}{y} + \frac{y}{y} = Xy \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{y}{y} = Xy \\ \frac{y}{y} + \frac{y}{y} = Xy \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{y}{y} = Xy \\ \frac{y}{y} + \frac{y}{y} = Xy \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{y}{y} = Xy \\ \frac{y}{y} + \frac{y}{y} = Xy \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{y}{y} = Xy \\ \frac{y}{y} + \frac{y}{y} = Xy \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{y}{y} = Xy \\ \frac{y}{y} + \frac{y}{y} = Xy \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{y}{y} = Xy \\ \frac{y}{y} + \frac{y}{y} = Xy \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{y}{y} = Xy \\ \frac{y}{y} + \frac{y}{y} = Xy \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{y}{y} = Xy \\ \frac{y}{y} + \frac{y}{y} = Xy \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{y}{y} = Xy \\ \frac{y}{y} + \frac{y}{y} = Xy \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{y}{y} = Xy \\ \frac{y}{y} + \frac{y}{y} = Xy \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{y}{y} = Xy \\ \frac{y}{y} + \frac{y}{y} = Xy \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{y}{y} + \frac{y}{y} = Xy \\ \frac{y}{y} + \frac{y}{y} = Xy \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{y}{y} + \frac{y}{y} = Xy \\ \frac{y}{y} + \frac{y}{y} = Xy \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{y}{y} + \frac{y}{y} + \frac{y}{y} = Xy \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{y}$$

$$(A) \begin{cases} \mathbf{r} \times -\mathbf{r} \mathbf{y} = \mathbf{1} \\ \mathbf{r} \mathbf{x} - \mathbf{r} \mathbf{y} = \mathbf{r} \end{cases}$$

 $4x \frac{1+ry}{r} - sy = r$

۲= بوع- بوع+ ۲ درین همچندی کیک مجهولی ضرب بو و مقدار معلوم مبرو و صفراست بعنی ه = بو × « پس موجب (شارهٔ عه) بو دارای بها مشیراست و بازا د مرمقداری از بوجه الی برای × از بهچندی (۱) برست میا « پس دست کیا ه (۹) دارای جوابهای بیشا راست .

مستقاً بهم میتوانستیم این طلب را پیش پنگسنیم زیرا بهجیدی و م دسگاه (۹) بهان محبیت دی قول سنگاه است که طریبها بیش در یک عدو رعدو ۲ ب طرب شد و بس در حقیقت این وست مگاه شایل کیت بهجندی دو مجولی است و چنا کند میدا نیم شار و و چوه کیک بهجندی درجهٔ اقول دو مجولی جوابهای مشیار دارد در ا بست و رد ن ن حوابها میستوان مجای کی از دو مجول عددی اختیاری کارو به مدان کیر داحسا سبانو د نیا براین شال حیث بین برمیا بدکد:

این وتسا وی برقرارباشد
$$\begin{cases} \alpha x + by = c \\ \alpha x + b y = c \end{cases}$$

عنی ضریبهای مرمجهول جمیمینی معلومهای بهرمجهول جمیمینی معلومهای بهرمجهول جمیمینی معلومهای بهرمجهول به می ازدو به بهرخد بهای دستگاه نظیر مناسب باست نداین دستگاه بسی ارست به به به بخدی خودش تبدیل میشود و بنا براین دا رای جوابهای مشار ۱ ستگاه دو مجهولی را حاکمت بد

$$(B) \begin{cases} x-y = y \\ y = -\hat{y}y = 1 \end{cases}$$

برای حلّ دسگاه × را حذن میکینیم بدین طریق که د وطرف جمچندی وّل را درّ صرب منیا نیم با دسته گاه چنین شو و

$$\begin{cases} xx - yy = 9 \\ xx - yy = 1 \end{cases}$$

از تفریق این دو محیندی مو هم حدث شده حاصل مشود ۸ = ، کذشت پر معلوم میثو دخو د دستگاه نیز نا شدنی میباشد با بین عنی که نمیتوان دو عد دبیداکرد کدچون بجای مجولهای دستگاه گذاست تدشود د و نساوی عددی بیست آید ملاحظه می نینم کرسبب حذب شدن مو تمناسب بودن صنریههای د و مجول (* و

ی در و همچندی است وعِلِت نا نشد نی امنِست که حله مای معلوم دو همچندی تماسب با ضرسپای مجولهای دو همچندی نبود ه ست پس باین پتحدِمیرسیم: ۲۳-مبرگاه در دستگاه دوهبمچندی دومجهولی

$$\begin{cases} ax + by = c \\ ax + by = c \end{cases}$$

عدور کی بوده و مخالف سنبت بین دومعلوم باشد دستگاه ناشدنی برده و دارای جواب منیت

تنبصره - ازروی دستگاه (۱) که بهم ارز دستگاه (۵) است بخوبی میپینم که دستگاه (۵) نانشد نمیت زیرانمیشود کیدفعه برع- ۴ برابر ۹ و کیدفعه

> برا بر ۱ باشد خلاصهٔ بحث با لا را میتوان جینن نوشت!

۷۴- حالت اول - سرگاه در دسته کاه د د جمچندی د ومجولی

$$\begin{cases} ax + 5y = c \\ ax + 5y = c \end{cases}$$

صربياى مرمجول نطير تبضير مناسب إمعلوفها إشد

$$\frac{a}{a'} = \frac{g}{g} \neq \frac{c}{c}$$
 $\frac{a}{a'} = \frac{g}{g} = \frac{a}{g}$
 $\frac{a}{g} = \frac{a}{g}$

حالت سوّم - درغيراين و حالت يني وقت يكه ع ب ج (۴) با شدد تسگاه دارای کن جواب معبراست

$$(0) \begin{cases} x = \frac{cb' - bc'}{ab' - ba'} \\ y = \frac{ac' - ca'}{ab' - ba'} \end{cases}$$

سبصره منتخه سح<u>ت</u> بالاراا زروی عبارت جوا بها نیزمتوان مست^{ارو}

اگر دستسگاه دا) دارای جواب با شدحوال نصورت (۵) است درو وسُگاه ۱۱) دارای کی جواب معین ست که برخه نام ۴۰ خ۵ - ۵۶ با شدکه ازان شیجه میشود می از می و یا می باشد که ازان شیجه میشود می از می ليني ع الشدوسگاه ناشدن

ر در نخالت ع - ع نیر نخالف صفراست . چرا ؟) (در نوالت عه - نه نرصفراست و جرا ؟) مثال ۱ به دستگاه د وجمچند ی د ومجمولی $\begin{cases} (Y - \lambda) \times + y = \lambda + \beta \\ (\lambda + \beta) \times + (Y\lambda + Y)y = A - Y\lambda \end{cases}$ راحل منو و ه و ورازا دمقدار في مختلف 🖈 در وجود حوا 🖵 ن محبث کښد اگریه کا مخالف صفراشد دینی ۸ اگریه مخالف صفراشد دینی ۸ نه صفر با شدونه ۱) ورمنصورت و سگاه دارای یک حواب مُعَیّن ت $y = \frac{Y(\lambda - \Delta)}{1 - \lambda}$ $\Rightarrow x = \frac{\lambda + V}{1 - \lambda}$ ر مالت یک مد کا اید کا شد کا ماد حالت أول م من ورمضورت acia ca' مرصفر مشود وودكاه حنین مثو د

یعنی ضربهای مرمحبول و مقدار با می معلوم تنا سنبد در نیجالت دسگاه دارای جوابهای مثیارند

عالت ووم ا= λ درنیالت ac'- ca' مالف صفرا و درسگاه بصورت ناشدنی

$$\begin{cases} x + y = 0 \\ 0x + 0y = 1 \end{cases}$$

$$(ax + 0y = 1)$$

$$(ax + 0y = 1)$$

شال ۲- بجای به و در چه عدد نانی کبذاریم نااین دستگاه مبرشود؟

(1)
$$\begin{cases} (\alpha - \beta) x + (\alpha - \beta) y = \gamma \alpha \beta \\ (\alpha + \beta) x + (\beta - \gamma) y = \gamma \alpha \beta \end{cases}$$

برای ایک وسکاه مهم ستود باید <u>ع</u> = و باید دسکاه مهم ستود باید

$$\frac{\alpha - \beta}{\alpha + \beta} = \frac{\beta - \beta}{\beta - \gamma} = \frac{\beta - \beta}{\beta - \beta} = \frac{1}{\beta}$$

ازیرت وی کیدشگاه د و جمچندی د و مجهولی برحسب به و حر برست میآید

$$\begin{cases} \frac{1}{\alpha + \beta} = \frac{1}{r} \\ \frac{r\alpha - \Delta}{\beta - \gamma} = \frac{1}{r} \end{cases}$$

جواباین دسگاه چنین شت
$$\frac{31}{17} = \infty$$
 و $\frac{\Lambda}{17} = \infty$ از او

آنها دستگاه (۱) مهم و باینصورت میشود

 $\begin{cases} \frac{\Lambda}{1V} \times - \frac{V}{1V}y = \left(\frac{15}{1V}\right)^{V} \\ \frac{V}{1V} \times - \frac{111}{1V}y = V\left(\frac{15}{1V}\right)^{V} \end{cases}$ $C = \frac{V}{1V} \times \frac{11}{1V}y = V\left(\frac{15}{1V}\right)^{V}$ $C = \frac{V}{1V} \times \frac{11}{1V}y = V\left(\frac{15}{1V}\right)^{V}$

۱- اوّلًا مِیْنِ اَعِلْ معلوم کِنْ یدکدام کِنْ از بستنگا بهای زیرمهرد کدام کین اشدنی وکدام کِنْ دا رای کِنْ جواب معینی است

 $\begin{cases} x - y = r \\ rx = r^{y} \end{cases} \qquad \begin{cases} rx - 1 = y \\ ry = rx + r \end{cases}$

 $\begin{cases} y = x - r \\ y = \frac{r}{r} x + \frac{r}{r} \end{cases}$

 $\begin{cases} x+y=1 \\ y-x=y \end{cases} \qquad \begin{cases} xx-y=1 \\ yx-y=-1 \end{cases}$

نَّهُ نَيَّا الْدُويُ قُلِّ سِرِيَتُ نِيرُورُ وَجُودُ جُوابُ أَنْ فَاتَّحْسَيْنَ كَعْيْدٍ *

٢- كيد سكا ونبهم و كيك د مسكا ذا شد في درست كمنسيد .

عې - جمچندې و د مړې ين ومنتځا و لا رو ټوليسېد بښو ر کېد د منځا جها يا شد يې با شدامي د ننيا گومنسپدگه د رستځا جهام بهم لا شد و په مرکېت و د را چې کې چوه ب معټنې لېمشند .

dx + cy = cd + d

 $\begin{cases} \ell x + ay = a^r + rab^r \ell^r \end{cases}$

$$\begin{cases} x + y = \frac{a^{7} + b^{7}}{ab} \\ \begin{cases} \frac{x}{a} + \frac{y}{b} = 1 \\ ax + b^{7} = a^{7} + by \end{cases} \qquad \begin{cases} \frac{x}{a} + \frac{y}{b} = c \\ \frac{x}{a^{7}} + \frac{y}{b^{7}} = c \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{x-a}{y} + \frac{y-b}{y} = a \\ \frac{x-b}{y} + \frac{y-a}{y} = b \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{x-b}{a+b} + \frac{y-a}{a-b} = \frac{1}{a+b} \\ \frac{x}{a+b} - \frac{y}{a-b} = \frac{1}{a+b} \end{cases}$$

$$\begin{cases} (a-b)x + (a+b)y = a+b \\ \frac{x}{a+b} - \frac{y}{a-b} = \frac{1}{a+b} \end{cases}$$

$$\begin{cases} (a^y+b^y)(x-1) = ab(yx-y) \\ (a^y+b^y)(x-1) = ab(yx-y) \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{x-a}{y-a} = \frac{a-b}{a+b} \\ \frac{x}{y-a} = \frac{a-b}{a+b} \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{x-a}{y-a} = \frac{a-b}{a+b} \\ \frac{x}{y-a} = \frac{a-b}{a+b} \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{x+b}{y-a} = \frac{a-b}{a+b} \\ \frac{x+b}{y-a} = \frac{a-b}{a+b} \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{x+1}{y-1} = \frac{a+b}{a-b} \\ \frac{x-1}{y+1} = \frac{a-b}{a+b} \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{x-1}{y-1} = \frac{a-b}{a+b} \end{cases}$$

بقدار به

$$\begin{cases} x + my = -ra \\ x + my = -ra \end{cases}$$

$$\begin{cases} (\alpha - 1) \times - y = 11 \\ f \alpha x + (y \alpha + y) y = 1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} (\alpha + \gamma) \times + (1 + \alpha \alpha) \mathcal{Y} = 10 \\ (\alpha - \gamma \alpha) \times + (1 - 1 \cdot \alpha) \mathcal{Y} = 9 \end{cases}$$

چ عدوى بجاى مدكذاريم ما رابطه زيرمن بيشه لا برقرار اشد ؛

$$\begin{cases} 1 \times + (x - x) \hat{\lambda} = -x < + x \hat{a} \end{cases}$$

په راطوري پيداکت پيدکه وشڪا همېم شوه ويا ناشدني کرد د ويا حواب بد با بعي منسا وي شود

پل زساده کردن ۵ = ۱۲ + ۲۷ م می و یا موافق (شارهٔ ۱۲۴ تجزیکا ابال) بصورت ۵ = (۲ + ۲۰) (۲ - ۲۰) میشود که اگر ۲۰ = ۲۰ باشد دستگاه میم واگر

$$\begin{cases} Y \times -Y Y = 1 \\ (Y + 0) \times + (Y + 0) Y = 1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} ax - (\beta - 1)y + 1 = 0 \\ fx + y + y = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} (r\alpha - \alpha\beta + \alpha) \times + (\lambda\alpha - r\beta - \beta)y = 10\beta^{-1} \beta - \lambda \\ (r\alpha - r\beta + \alpha) \times + (r\alpha - \beta)y = r \end{cases}$$

۷۵- مرگاه مجولهای مد و پو و چه وغیره درحبند بهمچندی درخهاوّل صدق کسنندان چند بهجندی شبل گیدسگاه چند مجهولی درجهٔ اوّل رامید مهندشلااگر

این سنهمچندی تشکیل کیک وستگا و سهمچندی سهمجولی درجهٔ اوّل رامیدند

$$\begin{cases} 7 \times -y + j = 1 \end{cases}$$

والزاحنن نوبسيه ندا

همچنیراست وشکاه دوهبچندی سه محبولی

 $\begin{cases} Y \times + \mathcal{Y} - \Delta = \mathbf{j} \\ x - \mathcal{Y} + Y \mathbf{j} = Y \end{cases}$

جواب کیدشگاه عددنا یا عبارتها مئیت که چون بجای مجمولهای نظیرخود در بهای دبینگاه قرار دبیج آریهجن را متهان با برخی میابیش ما تا

درهمچن دیهای دستگاه قرار دهیم آن همچندیها نبسا ویهای عددی ایتحاد با تبدیل ش

حَلَ كَلِيرَت كُلَّاه بِيداكره نِ حِوابٌ ندستُكاه است

۷۶- قا عدهٔ کلی برای تَلِی کیدسگاه سه بهجیذی سه مجبولی درخاوّل نخست بهتراکت تکه مرکیک از جمچیزی با می وستگاه را سا ده پنیمس سه سرکاه را سا ده پنیمس

ازان کی از مجبولها را سکی از قاعده کا نیکه پیشگفنت مرشاره ی و و ـ ۷۶ و ۶۸) در همچند کھیا ی دسگاه حذب کینم شکا کمن مجهول رااز

یک همچندی برحسب مجهولهای گیرسپداکرده بجای خودش در دوهمچندی مگ همچندی برحسب مجهولهای گیرسپداکرده بجای خودش در دوهمچندی . مگرگذاری تا ده بهجندی ده و محد از مدرس سرس سرس سرس و محد ایرا

وگیرگذاریم ما دوههمچندی د و مجهولی برست آید . آن دسگاه و مجهولی ایکی زقا عده ما نیکه مسید اینم حل می کنیم و مجهول سوتم را ازر و ی آن ا میکی زقا عده ما نیکه مسید اینم حل می کنیم و مجهول سوتم را ازر و ی آن ا مست میآ و رسم .

مثال ۱- دستنكاه سه بمجندى سه مجولى زيررا حركت يد ؛

$$\begin{cases} r(r+y-z)+ry-rz=-r\\ (r+y-z)+ry+rz=11 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \Delta y-\Delta z=-\varsigma$$

مثال ۲- دستگاه سه بمجندی سه مجهولی زیر راحل کن بید ا

$$\begin{cases} rx - \delta y = r \\ rx - ry + z = \delta \end{cases}$$

$$\begin{cases} rx + ry - z = 1 \end{cases}$$

صل - چون بمچن دی اقل کی بمچندی د و مجولی است برحسب x و بو

کافی است که در دو همچندی دگیری را حذت کنیم آ انیکه یک بهمچندی د کمرسب « و بو برست آیر ، برای این کار کافی است د و بهمچندی د قوم وسوّم را با بهم جمع کمنیم ادستگا بهی برجسب ید و بو برست آید .

$$\begin{cases} \mathbf{r} \times - \Delta \mathbf{y} = \mathbf{r} \\ \Delta \mathbf{x} = \mathbf{v} = \mathbf{e} \end{cases}$$

ازروی مین دستگاه بعرو بو پیدا میشود که چون در کمی از دو همچندی دوم یا سوم دستگاه ۱۱، سریم بیر بدست میآید .

$$\begin{cases} x - y + x = 0 \\ x - y - y - y = 1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x - y + x = 0 \\ x - y - y - y = 1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x - y + x = 0 \\ -y - y - y - y = 0 \end{cases}$$

صل - برای حذف کی ازمجولها مثلاً × میتوان صنریب × را دردو تیجید اول و دوم و بعد در و همچندی ول وسوم مساوی منود به میطری که کیدفعه در طر همچندی ول را در ۳ و کیدفعه در ۲ ضرب منوده و همچندیهای دوم وسوم را مبر ازانها کم کنیم د و همچندی حاصل تسکیل کیدسگاه د و مجهولی برحسب به و بد میدمهند حذف × در د و همچندی اقل و دوم

$$\begin{cases} x \times -\varphi y + \pi z = 0 \\ x \times -\pi y - Yz = 1 \\ -\pi y + \Delta z = -1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x \times -\varphi y + \varphi z = 0 \\ + + + -1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x \times -\varphi y + \varphi z = 0 \\ x \times + y - \Delta z = \pi \\ -\Delta y + Yz = -\pi \end{cases}$$

$$\begin{cases} -\alpha y + \alpha z = -1 \\ -\alpha y + \alpha z = -1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} -\pi y + \Delta z = -1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} -\pi y + \Delta z = -1 \end{cases}$$

که از حَلِ مِن دُسته گاه مع و مع و ازروی آنها x بست میآید :

معنوم بردند پست ن ۱۱ را در ۲ و بمچندی د قوم را در ۳ - صرب بنوداد و بمچند پرا اگر بمچندی آل سگاه ۲۰ ، را در ۲ و بمچندی د قوم را در ۳ - صرب بنوداد و بمچند پرا حمع کسنسیم بمچندی ۲۰ ، برست میآیی سب معلوم بستود این بمچندی ناودی ست یعنی با واکشتن دستگاه ۲۰ مذت کرون به در دو همچندی و قوم و سوّم لروی ندارد بهجندی به طور کلی اگر کین مجهول را در دو همچندی مروی که و هر و همچندی کلی اگر کین مجهول را در دو همچندی هر و ی مرفت کرویم در گیرلازم نمیت آن مجهول را در دو همچندی هر و ی حذف نماینم:

برای این که بمچندی زیا وی پیدانشو و برای حذف کیت مجول بهتراین است که کمی ایمی بهتراین است که کمی ایمی بهتای دستگاه را درنظر گرفت جشریب آن مجبولرا در آن بمچندی کیک کیت بهچندی به ای درستگاه مثال ۲ جمچندی ول ا کیت بهچندیهای دکیرمسا وی نماینم د چاکذ با در دستگاه مثال ۲ جمچندی ول ا تبرتیب ایمچندی د قرم و بعد با جمچندی سوم درنظر کرفتیم) تبرتیب ایمچندی د قرم و بعد با جمچندی سوم درنظر کرفتیم)

دستها بهای زیررا حرکت ید:

 $\begin{cases} Y \times + Y \times = 1Y \\ Y \times + Y \times = 11 \\ Y \times + Y \times = 11 \end{cases}$ $\begin{cases} Y \times + Y \times = 1Y \\ Y \times + Y \times = 1Y \end{cases}$ $\begin{cases} Y \times + Y \times = 1Y \\ Y \times + Y \times = 1Y \end{cases}$ $\begin{cases} Y \times + Y \times = 1Y \\ Y \times + Y \times = 1Y \end{cases}$ $\begin{cases} Y \times + Y \times = 1Y \\ Y \times + Y \times = 1Y \end{cases}$ $\begin{cases} X \times + Y \times = 1Y \\ Y \times + X \times = 1Y \end{cases}$ $\begin{cases} X \times + Y \times = 1Y \\ Y \times + X \times = 1Y \end{cases}$ $\begin{cases} X \times + Y \times = 1Y \\ Y \times + X \times = 1Y \end{cases}$ $\begin{cases} X \times + Y \times = 1Y \\ Y \times + X \times = 1Y \end{cases}$ $\begin{cases} X \times + Y \times = 1Y \\ Y \times + X \times = 1Y \end{cases}$ $\begin{cases} X \times + Y \times = 1Y \\ Y \times + X \times = 1Y \end{cases}$ $\begin{cases} X \times + Y \times = 1Y \\ Y \times + X \times = 1Y \end{cases}$ $\begin{cases} X \times + Y \times = 1Y \\ Y \times + X \times = 1Y \end{cases}$ $\begin{cases} X \times + Y \times = 1Y \\ Y \times + X \times = 1Y \end{cases}$ $\begin{cases} X \times + Y \times = 1Y \\ Y \times + X \times = 1Y \end{cases}$ $\begin{cases} X \times + Y \times = 1Y \\ Y \times + X \times = 1Y \end{cases}$ $\begin{cases} X \times + Y \times = 1Y \\ Y \times + X \times = 1Y \end{cases}$ $\begin{cases} X \times + Y \times = 1Y \\ Y \times + X \times = 1Y \end{cases}$ $\begin{cases} X \times + Y \times = 1Y \\ Y \times + X \times = 1Y \end{cases}$ $\begin{cases} X \times + Y \times = 1Y \\ Y \times + Y \times = 1Y \end{cases}$ $\begin{cases} X \times + Y \times = 1Y \\ Y \times + Y \times = 1Y \end{cases}$ $\begin{cases} X \times + Y \times = 1Y \\ Y \times + Y \times = 1Y \end{cases}$ $\begin{cases} X \times + Y \times = 1Y \\ Y \times + Y \times = 1Y \end{cases}$ $\begin{cases} X \times + Y \times = 1Y \\ Y \times + Y \times = 1Y \end{cases}$ $\begin{cases} X \times + Y \times = 1Y \\ Y \times + Y \times = 1Y \end{cases}$ $\begin{cases} X \times + Y \times = 1Y \\ Y \times + Y \times = 1Y \end{cases}$ $\begin{cases} X \times + Y \times = 1Y \\ Y \times + Y \times = 1Y \end{cases}$ $\begin{cases} X \times + Y \times = 1Y \\ Y \times + Y \times = 1Y \end{cases}$ $\begin{cases} X \times + Y \times = 1Y \\ Y \times + Y \times = 1Y \end{cases}$ $\begin{cases} X \times + Y \times = 1Y \\ Y \times + Y \times = 1Y \end{cases}$

$$\frac{c}{dA} = 2A + \frac{d}{RA} - \frac{d}{AA}$$

$$10 = 2 + RA - 2A$$

$$11 = 2 + RA - 2A$$

$$11 = 2 + RA - 2A$$

$$12 = 2 + RA - 2A$$

$$13 = 2 + RA - 2A$$

$$14 = 2 + RA - 2A$$

$$15 = 2 + RA - 2A$$

$$16 = 2 + RA - 2A$$

$$17 = 2 + RA - 2A$$

$$26 = 2 + RA + 2A$$

$$26 = 2 + RA + 2A$$

$$26 = 2 + RA + 2A$$

$$27 = 2 + RA$$

$$\frac{x}{Y} - Yy - Z - Y = \frac{x}{Y} - Yy - \frac{YZ}{Y} - Y$$

$$x + y - \frac{1}{Y} = Y \times - \frac{y}{Y} + Z \times Y \times Y$$

$$\frac{x+1}{y+1} = Y$$

$$\frac{y+1}{x+1} = Y$$

$$\frac{x+y}{y+z} = Y$$

$$\frac{x+y}{y+z} = Y$$

$$\frac{x+y}{y+z} = Y$$

$$\frac{x+z}{z+y} = Y$$

$$\frac{x+z}{z+z} = Y$$

 $\frac{x}{y-x} - \frac{1}{1} = \frac{\theta}{a-\theta}$ ٨٧٠ قا عدهٔ كليّ برايخُل كدسگاه ٢ بهجندي ١ مجولي درجُها ول_ شخست مرکیک زمیجندبها می سکا ه راسا دم تحین پیرس زآن ما نید حل کمیشگاه سنبهجندى سنمجهولي درجرا ول كي رمجولها راحذن مي كنيم ما دستي بسيت آیددارای ۱- مهمچندی و ۱- مرمجول ، درین دستگا و نیزگیار مجهولها را حذف سيئيم إين طريق باز كيث بهجين دي و يك مجهول كم ميثود و این کارراآ نقدر تخرا رمی سنیم تا با لاخر ، بیات سجندی کیس محولی رسیم ارحلّ این تمحیت دی آن محبول سدا میشود چون آیزا در کیل ز د وهمچت دی ا د ومجهولی آخرین مسکا ه سریم محهو ك كمریبا مشو د دا زر دی نین مجهول مجهول نمیر حيات منود الآخر ، مثال - ومستسكاه چا جهاری چارمجولی زیر را حركمت بد :

 $\begin{cases} x + y + z + z = y \\ x + y + z - q \cdot z = z \\ x + y + z - z + z = z \end{cases}$

صل - چون × را درین دستگاه حذف کمشیم د اسانترمساوی کرو ضرسیا است اربعایت تبصره ۷۷) باین ترمت که بات بهجیذی دمسته گاه مثلاً جمچیذی ول^ا درنظر ارشه و با کت کی همچندی نای و گیرضرس x را مساوی محسنیمار حذف x ور دوجمچندی ول و وم جمچندی (T) \ Fy + A Z + TH = YT. ، المارم ، (-y+92+14=41 برست میا بداین سه بمچند ی تشکیل کمیسکا ه سهمجمولی ۲۰) را مید به دحون درین دستگا ه مجهول یو را حذف نیم دستگاه د ومجهولی (۳) بدست میآید از دشگاه (۳) نخست به ویس زان به حیاب میشود ۴ = به ۵ رع = تد که حون اینا را در کی از جمحیت دیهای دستگاه ۲۰ بسریم ۷ = سو

x=1,0

بدست میآید و آزروی کمی از بهجندیهای دستگاه (۱) × حساب میشود ۱

ممرتين

وستنكابهای حیدمجولی زیررا حرکمت پد:

میتوان برای حل پرستسگاه قاعد ٔه کلی را بکاربر دولی درین مثال می سینیم که اگر سهمچندی را با بهم حمع کنیم خوامیم داشت :

Y(x+y+x)=a+b+c

ویا طال کرمبر کیا 'رجمچندی کی دستگاه (۱) رااز بهمچندی این کمکنیم محبول بست میآید از کاستن میجندی اقول ارجمچندی (۲) پر بیدا میشود

 $z = \frac{a+b+c}{r} - a = \frac{b+c-a}{r}$

 $x = \frac{\alpha + c - \beta}{2}$

y = \frac{a + \theta - c}{4} , \quad \text{p} .

مثال ۲- این دسته گاه را حرکه نبید :

 $\begin{cases} \frac{x}{1} = \frac{z}{1} = \frac{z}{2} = u \\ \frac{x}{1} + \frac{z}{1} + z + u = 1 \end{cases}$

برونتی (تمرین ۲ صفحهٔ ۱ ع) میتوان چینین نوشت

X 2 4 2 2 2 4 2 1

جله ثما بت صفر الشد حل منود
$$c = c$$

$$ax + by = c$$

$$\frac{x}{e^{2}} = \frac{y}{-a'} = \frac{ax + \frac{by}{ab' - \frac{ba'}{ab'}}}{ab' - \frac{ba'}{ab'}}$$

$$e^{2} = \frac{y}{-a'} = \frac{ax + \frac{by}{ab'}}{ab' - \frac{ba'}{ab'}}$$

$$e^{2} = \frac{y}{-a'} = \frac{ax + \frac{by}{ab'}}{ab' - \frac{ba'}{ab'}}$$

$$\frac{x}{\theta'} = \frac{y}{-a'} = \frac{c}{a\theta' - \theta a'}$$

$$y = \frac{-ca'}{a\theta' - \theta a'} \quad , \quad x = \frac{c\theta'}{a\theta - \theta a'} \quad \text{with}$$

$$x = \frac{c\theta'}{a\theta' - \theta a'} \quad \text{with}$$

$$x = \frac{c\theta'}{a\theta' - \theta a'} \quad \text{with}$$

(1)
$$\begin{cases} \frac{1}{x+y} - \frac{7}{x-x} = 0 \\ \frac{7}{x+y} + \frac{1}{y-x} = 1 \\ \frac{7}{y-x} + \frac{7}{x-x} = \frac{1}{7} \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{1}{x+y} = t \\ \frac{1}{x-y} = v \\ \frac{1}{y-x} = u \end{cases}$$

$$\begin{cases} t - \gamma v = 0 \\ \gamma t + t \ell = 1 \\ \gamma \ell + \gamma \nu = -1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x + y = 1 \\ x - x = 1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x - x = 1 \\ y - x = -1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x = 1 \\ x = 1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x = 1 \\ x = 1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x = 1 \\ x = 1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x = 1 \\ x = 1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x = 1 \\ x = 1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x = 1 \\ x = 1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} y + x - x = 0 \\ z + x - y = 0 \\ x + y - x = 0 \end{cases}$$

$$(x + y + x = 0)$$

$$\begin{cases} x + y + z = 99 \\ \frac{x}{6} = \frac{y}{r} = z \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{\varphi}{x} - \frac{\varphi}{y} = 1 \\ \frac{\varphi}{x} + \frac{\varphi}{z} = \varphi \\ \frac{\varphi}{y} - \frac{1}{z} = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{xy}{\varphi - \varphi x} = 10 \\ \frac{yz}{\varphi y - \Delta z} = 11 \end{cases}$$

 $\begin{cases} x + y' = yy \\ x + x' = ya \end{cases}$

$$\frac{xy}{x+y} = \frac{1}{2}$$

$$\frac{xz}{x+z} = \frac{1}{2}$$

$$\frac{yz}{y+z} = \frac{1}{2}$$

$$\frac{yx}{y+x} = \frac{1}{V}$$

$$\frac{yx}{x^2 - \Delta x} = 1V$$

__

$$\begin{cases} x + y = q \\ x + 2y = y \\ y + 2y = -y \end{cases}$$

ارْحَلِ دو تبحیب دی و ل دستگاه خواهیم داشت ۴ = ید و ۴ = پو می سینهم که این و عد د درجمی نب دی سوتم دستگاه تصد قرمکیب د :

Y Y W _ A X Y = 9-10 = -+

بُا بِرا بِن حِوابِ دستگاه ۱۱) است

ولی اگر بهمچین دی سقِ م دستگاه ۱۱، حمپنیین بود:

TX-04=

دسگاه بدون حواب میشد زیرا ۲ × ۵ - ۲ × ۳ نمساوی با کیک نمست تمرین تیحیتن کمٹ پر کیک زسانمچندی دست کا ۱۱۵ رامیتوال زوجیند مرسن سیمیست کست پر که میر کیک زسانمچندی دست کا ۱۱۵ رامیتوال زوجیند

دگیر برست ورد (برشارهٔ ۷۷ مراجعه شود) . ۸۱ - نتیجه - از انچه در بالاگفت به شدچنین برمیآیی که مهر وقت یکدسگاه سه

همچندی و محبولی دارای حواب با شد هر کیک از سایمچندی دستگاه را میتوان از بهمچندی د گیر بدست ورد .

بهين مطلب را دربارهٔ مردسگا بي كه شارهٔ مهجند مياليش مثل زشاره مجولهايش

باشدميت وان اداكرد

۲۸ حَلَّ فِي مَعْجَبِ مِن مِهِ مِن در و مِبْجِند ئ سَكَا وَيَا رَسْمِ اللهِ عَلَى اللهِ مِهِ الرَا حذف كنسيم كيت بمجندى دومجولى برست ميآيد و چنا كذبيب بدائيم اين بمجندي ها بهاى بشيار دار دو بنا براين دستگاه مبهم است في بمينطور است مردستگا بمي كه درآن شمارهٔ بمچند مئ كمترا زشارهٔ مجولها باشد مثال - وستگاه

 $\begin{cases} xx - y + z = r \\ x + y - rz = 1 \end{cases}$

از حذف مجمول من این بحیدی بدست میآیه ع = ع - ۲ م

کیت بمچندی ومجولیت جوابهای پشاردار د چنا کنداگری رامها وی ۲ اختیار کنیم به مساوی ۲ میشود وازانجای مساوی ۳ میگرد و واگری را هجمیسیم

ه این امر ۳ میشود وازروی آن بی_{ز برا}بر ۱۲ میگرد د دغیره « برابر ۳ میشود وازروی آن بی_ز برابر ۱۲ میگرد د دغیره

نرين أ

$$\begin{cases} \gamma \times + y - z = r \\ \gamma y - x + r z = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \gamma \times - x + r z = 0 \\ 10x - r0y - r = 10z \end{cases}$$

$$\begin{cases} \gamma \times - x + r z = r \\ -x + r y + x z = r \end{cases}$$

$$\begin{cases} \chi - y = z - x \\ \gamma \times - x = r y - 1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} r \times -r \lambda y + r z = ir \\ \lambda x + \alpha \times -r z = -1\alpha \\ r \times +r y - \alpha \lambda z = r \end{cases}$$

ا دَلًا ﴾ را چان تعیین کسنسید که و سنگاه و ارای کیت جواب با شد ^شانیّا بازا رچینفلر ۸ دستسگاه مهیم مثیود؟

۳ - بجای 🖈 عدوی مگذارید آماین دستسکا دمبهم شود

$$\begin{cases} (\lambda - 1)x - y = 0 \\ 1\lambda x + y - yz = 0 \\ (\lambda + 1)x + y - yz = 0 \end{cases}$$

ع- بجای سه چه عدد لم کی کمذاریم ما دسگاه

$$\begin{cases} x + y = m \\ dx + \beta y = m \end{cases}$$

$$dx + \beta y = m$$

دارای کیٺ جواب مُعیّن ابند دسر سر سر مرون

۵ ـ ثابت كمن يدكر كيلي زيمين ديهاي دسگا ،

$$\begin{cases} ay + bx = ab \\ ax + by = (a - b)^{T} \\ ay + bx = T ab \end{cases}$$

رامیستوان (دو پمچذی دگر بهستاً درد ب چکاتم سئیله با می منگری چیز د محمولی مارک شده می سیستان با می سند میکند. این می می

۸۳- بان طورکه در شارهٔ (۵۰) راجع تحلِّ مسلد بای کفری کی مجولی

معيم، المعنى إلى يصورت مسلدرا با دقت خوا ند ومجولها ي مسلم راأتاب

د قدم ازره ی سندراجه ای راکه بایدین مجول ومعلومه باشد نیوسیم وی رابطه ارامیجیت می بای سندگریند که دشکاه چندمجول رانشگیل میدند سوّه بایداین دسگاه راحل نمو د بین جواب آن را بدست ورد . چهارم باید دید آیا جواب دسگاه جواب مسلد بهست یا نمیت . عهر مسمره - هرگاه دستگاه از درخراق ال باشد مسئلدرااز درخرا و لگونید با درخها فقط بحق مسئلد بای فکری درخرا و لهمیپردازیم . مسئله آم مجموع دو عد دید و به برابری است و تفاض نها بعنی ید به برابری است آن و عد درا برست و رید . حل - این سند دارای دو مجول ست که درخود مشله به یو بو نموده

طل- این مسئله دارای دوجهون ست که درخو دستگه به ی و بر عمود سه داند ازر دی مسئله پین بنا و معلومها این ابطه برقراراست :

> ص (سے اسے کے سے اسے میں اسے میں اسے میں اسے میں اسٹ میں اسٹ

عسنداکتاب قل) - دراینجاچون مجهولها د و عدد ند و سرمقدا ری میتوانندگیرند بس سند جواب دار د سرحیه با شد در و به

مسلهٔ ۲- فاصله هرو هر بسیت کیک کیلومتراست و وچرخه سواری نفطهٔ مسلهٔ ۲- فاصله هرو هر بسیت کیک کیلومتراست و وچرخه سواری نفطهٔ

A و پاه وای ز ه در کی خطه حرکت مینا نید اگر بطرف بهم آید رسیل ز ۲۵ قبیته

داگر در کیت جمت حرکت کنند بطور کید د و چرخه سوا ر ۹ به نبال پیا و ه با شدیس ا ز ۳۶ د قیقه بهم میرسدند معلوم کمنید تندی هر کک را ،

حل یشدی دو چرخه سوا ررا بر کیاد متر در دقیفه و تبذی پیاده را بر کیگیر در دقیقهٔ میگیریم سپس از ۳۵ دقیقه را بی که مبر یک پیموده مترمتیب ۲۵ و ۲۵ و ۲۵ میشود میشود وازر دی مسئلهاین همچندی بدست میآید؛

 $(1) \qquad rax + ray = r1$

وهمچنین اسیکه مرکب زایان در مدت ۴۶ و قیقه میمود اند تبرتب ۴۶ ۶

و سن ۴ ع میشود و با زا زر و می سسنلداین بمچندی حاصل سگیرد د :

r, 9"x-9"y = 11

ا بن و مبچندی سپس از سا ده کردن شیل دمستگاه زیررامید بهند:

 $x + y = \frac{\pi}{3}$

- y = +

که جواب آن نیست بد نه که کیلومتر و بد = ۲ کیلومتر و مکن سیجاب این تشکا دراازروی دست در ای مسئله مش بست آورد)

جواب این سند که شدیهای بن و تحرک باشد باید عد دای شبتها شدومی

جواب وسكاء عدواى شبساست بالرائين بين عدد اجواب مشارب بالله

مستنگه ۳ سدآمیره ازطلائوسس بعیار بای ۸۰۰ ره و ۷۲۰ و ۴۷۰ و ۴۵۰ و ۴

صل - چون زن بن سیشش را بترمتب ید و یو و به گرم فرخگ نیم طلای ویژه شمش ول بعد مره کرم و طلای ویژه شمش سوّم ۴۵۶ و گرم میشود چون این و شمش را با بهم ممروج کست بیم از طرفی طلای ویژه اشس (بعد ۸ د و + بعد ۲۵ و ۱۰) گرم است وازطرنی وزن مین ممزوج (x + x) گرم وعیارش ۶۹۵ رست به طلای نیره اسس ه ۶۹ ره (x + x)گرم سیب باشد بسیای همچندی سبت میاید .

۳×= ۷ %

۴ y - ۵ x = - x .

۱۰ x + ۲ y = ۲۵ x

چون ین ستگا ه راحک شیم وزن مبتمش بست میآیدازین قرار :

ید = ۱۲۰ گرم و یو جه ۱۲۰ می و یو در ۱۲۰ می کرم و یک = ۱۲۰ می کرم مسئله ۱۲۰ می کرشدای فیا مسئله ۱۲۰ می کرشدای فیا می که داران می و بینای که باشد کست یک در از ای جه در از ای که در از ای که باشد می می تا که در از ای در از

ا محمر م ارت به و وسموشد ABC و ABF فواجهم داشت $\frac{EF}{AC} = \frac{AH}{AH}$ $DE = y \quad DE = x$ $C \quad x = \frac{x^2 - x^2}{2}$ $C \quad x = \frac{x^2 - x^2}{2}$ مت به باراست گوشای شب بررازای ح و بهت ی به بس به محیندی این د ومهجت میسکنل د سگاه د ومجهولی زیر رامیب د مبند: $\begin{cases} \frac{x}{a} = \frac{h \cdot y}{h} \\ \frac{x}{h} = \frac{y}{d} \end{cases}$ از حلّ این رستگاه بد و بو بدست می آید بد نظرین:

چون و جمچندی شکاه را بر بم تفت یم نیم بدا زمین میرود و جمچندی مک مجولی زیر برحسب بو بدست میآید؛

 $\frac{\ell}{a} = \frac{d(k-y)}{ky}$ $y = \frac{adk}{ad+\ell k}$ $x = \frac{a\ell k}{k}$

تتبصره - ورَحلِّ إِي سُلد درا زائ استُ كوشُهُ محاطی راموا زی قاعدهٔ هرگرفیتم اگر درازای نزاموا زی رتفاع سدکوشهٔ کمیریم دنیصورت فقط در محبن دی ول دسگاه باید جای مد و سی را با مسلم عوض نمود ،

سجت - درم صورت برائ سنکه جوابهای دسگاه درسنایه صدق کند باید سرکت مثبت باشند واگر در از اموازی قاعدهٔ ۱۹۵۶ ست باید کوچکرازه شبک در خیال بهین می است گوشه نیز باید کوچکراز چه باشد ، از مقالیسهٔ در از ابا ه و بینا با چه معلوم میشود که این سشر طها بر قرا راست نبا براین جوابهای شگاه جوابهای سند میباشد ،

المرين

ا ۱۰۷ نوشته شده و و باره طی این میمولی را که درصفه ای تا ۱۰۷ نوشته شده و و باره طی میستید در ازراه چیدمجمولی ۲

۱۶ د به تفکت مچه وی ژوه شایی و دونیا ری هد د نیا ری پانبردهٔ یال یازده شای هم شده بود شارهٔ خچ و نیا ری (۱۶ د ۱ نداز شارهٔ د ده شایی کامتر بوده شارهٔ د د د زیارهٔ کی کی زیادت از د و میامید ده شای مجود و از منبست مینه داند در گذات بود و است ؟

مهاسته با میشود روست کوشده می میسته کم کوکه دو رووش مهده و سه کنینده ورزایش در در ساختهاند در در در بازید میستهای و ترباش از مقرمیشود و در در باید کی حاجهاسته ای على سرمانيشفى و ۵ ريال ست كه يار ه اى زان رابقرار عزر ويار ه د گيرر ا از قرار عزم به منفعت او ه روى بهسم . ۲ ۸ ريال در کيسال سودميسبرد پهر کيٺ از دو يار ه چېنسه بود ه م ؟

ع- مرگاه پیکرنای ۱ رقهای) یک عدد دوپیکری را برخود آن سفرانیم ۱۵ میشود و سرگاه آنزااز عدد بکابسیم ۹ میشود آنغد دکدام است ؟

این سند را بد و را و حل کنید کی است که خو د عد د وجموع بیکر^{با}یش ^{را مجو}ل گبیرید و کی اینکه د و پیکم سه ایز الجول کبیب مید ب

۷ - اگر میوشنگ ۵۰ ریال به پیژن بدیه پیژن چا ر برابر میوشگ خوا به داشت پیل ا اگر بیژن ۲۰۰۰ ریال به بیوشک د بد نقط د و برا برا دخوا بد داشت به پیل زداد و شد سرک چند دارند؟

رور ۸ د و و نفراگر با جم کارکنسند کا ری را چها رر د زه انجام مید سند ولی سپس ازا بنگه ای با با جم کا رکر د ندا ته می کا ررا رنا و د و د می به شها نی د نبال کا ررا گزشه به ۷ روز د گیراً مزاانجا م میدم مرکی ازین و نفرم تنها نی تام کا ررا چندروز ه انجام خوا مهند کرد ؟ ۹ شخصی کیار ۱۱ مترپارخ الرئیسی و ۷ مترها بوت فرید سه ۱۱۴ ریال برد وم ۹ متر پارچه الرئیسی و ۱۳ مترها بوت خرید به ۱۹۶۰ ریال طونست قمیت متر سرکیک ،

۱۱ - و و عد د برست آ دریه خپانگه در تفسیم نام کید گیر بهر ۷ و ماند د ۵ باشد و در تفسیم سه برابر بزرگست مربر د و برا برکو مچتر بسر ۱۱ و ماند ه ع شود .

۱۶ موا - کدام د و عدد ندکه تفاضل خاصل ضرب و بهرا بنا ، نسبت آبنا) کی ست ؟ ۱۳۰ - د وچرخد سواری شیش خود حساب میکرد که اگر مرساعت ۶ کیاد سر شد ترمیرفت د و ساعت مرود تررسسیده و د و اگر مرساعت ۶ کیلومترکٹ د ترمیرفت سدساعت دیرتر برسیده و د درازی را میکدیم د و و د و و تندی و حیابی قرواست ؟

۱۶۵ - فرید و ن به بهوشکنگفت گرده ریال بهن بدی د و برا برتوخوا بهم داشته به شکنه چه دا د که تو پنجر بال مهن بد و تا مبرد و کیک ندازه و دستنه باشیم - مرکد ام حبین بددارند؟

۱۵ يشخشي بر در بهشش ميگفت تقيمن مبن توبوه م ده برا برسال تورا د مشتم و دقتی توبر بين ا چرسي و پيسسم به بو سال خراييم دا ششت برگيب چندسال دارند؟

ع در دو نفرگذانها و مند مزد رو زاد آمنا في مزد دو ق دست با جم كار مكست مين آماتی آن محم بغروز زیار ترار دول کار دولمدریال دو گرفتند و دومی . تو ریال ، مزد ، در از شرکت میدست. ۱۷ - ووظرف هر کیک مقداری مشیر دارد اگر از طرف و آل که شیرش شیتراست بقدرشیر طرف قوم مرد است در دومی بریزیم و دو و باره از دو می بقدری که درا و کی مانده درا و کی بریزیم و بارسوم از طرف و قل مقدر آنچه در طرف و قرم مانده برد است ته در دومی بریزیم هر کیک از دوطرف ع التیرشرخوا بدواشت - در میرکیک از دو ظرف چند لیترشیر بوده است ؟

۱۸ سودسره به ای پس از پا ۱۸ م ۱۸ ریال ست اگره ۱۵ و ۱۸ میزیم و برنرخ نیز نیج کیک ن فرد د ه مشود سو د سه با به ۱۳۲۰ ریال خوا بدشد - سره یهٔ و نرخ چست ؟ ۱۹ - سودسالیا نه د و سره اید که نرخ آنها بترنیب ۱۳۸۵ برا بر و ۱۵ ر۵ بر است روییم ۳۰۲۵ بر ریال مشود ولی کر بترمیب نرخها عوض شود سود آنها ۱۸ ه ۳ ریال خوا بد بود - بیر کمی نا زد د سره تا

۲۲ مینغ فعلی د و برات بینبت ۳ و ۴ است مُعیْن کنید مبنغ اسی آن د و را درصور سیّه اگر نرخ بهرد دا زقرا ر ۴٪ و موعد ۶ دی ۱۲۰ روز و از دوی ۸ روز باشد رویهم دوست نیل

۵ را ۲۵ ریال میشود ۰

۲۳ - سود و ومسسره یه با نرخهای مساوی سیس از ۶ سال تبرقیب ۱۷۲۸ ریال و ۱۰۰۸ ریال ست برست آ در په سره یه و نرخ را درصورت که سره یه تا روی جم ۲۵۰۰۰ ییل شنج ۲۴ - تبزیل نمارجی براتی از قرار دایر ۵ ر۲۰۷ ریال و تبزیل دا خلی جان برات از قرام جمان نرخ ۲۰۰ ریال ست تمت و مبلغ مسمی برات چقدرت ؟

۱۲۸ ه. و بخشر است بعیار بای ۱۷ و ۱۸ ره کو نسبت میان و زنهای آنها ته است سرگاه این و ششره ایشش بخش بخش که بعیار ۱۸ ه ره و و زن ما و اگر تشییا سنزیم عیار مناصل ۱۸ مره منزود و زن سرگیات (رو شش میتبده ست ؟ ۲۹- دوشش است بیک زن گرا و بی را با جها ریک و می بیا میزیم عیا رآمیزهٔ حاصل ۹۳و ده بشو دو اگرا و بی را بانصف و می سب میزیم عیا رآمیزهٔ حاصل ۹۲ ره میشو د عیا رهر کمک از دو شمش خقید راست ؟

۳۰ سیشمش است بعیارای ۹۹ ره و ۷ ره و ۲۹ ره ای کیلوازشمش آول بحقدرا زمريك زووشمش قرم ساميزيم اشمشي بوزن ٢٦ ٢٦ كيلووعيار ٩٧، برست آيد ؟ ۳۱ - آمیره نست! زطلا موسر بو زن ۷ ر۱۴ کیلوکه چون دراب و زن شود وزش ۱۳۸۵ كيلواست اكرورمايعي مكيروزن نما فيداز ورسش برع ره كيلوكاست ميشود تبيين كسندورن طلا ومس وزن مضوص مع را درصورت كه وزن محضوص طلاع رو ۱۹ و وزن محضوص م المشر ٣٣ - سه نفر سريك يولى دا رنداكرا ولى الله وسومى الله يوست نرايد ومى بد مهند بول برسه يكي مشود . بول مركب جنداست درصورت كدميدانيم مرروميم ، ع ٣ ريال دارندم ۳ ۳ - مجموع سه عدد ۴۵ است عددا وّل *برا برتفا*ضل عدد سوّم اردوّم است مجمو^ع عد دا وّل د وم ۲۸ است آن سه عد د کدامت د ؟ (این سند جواب ندارد) * ۴ - برای حرضی سه راه است A و B و C اگر A و B با بهما زاشد حوض در کیاعت و دو د قیقه پرمیشود اگر جرو ع با بهم باز باستند حوض در کیساعت و ۲۴ وقیقه برمشود واکر B و C با هم باز بامشند دردو ساعت و ۲۰ وقیقه برمیشود . با هر کیا زسدراه ا محرض حین د وقته نیر میشود؟

۵ ۲ _ شیمش میخدا رطلا دنفر و دمس داریم برین ترمیب : ۵ ۲ _ سیمش میخدا

شمُّن دل ۱۵ گرم طلا و ۲۷ کرم نقره و ۴۰ کرم س دارد

شمر و م م د د د و ۱۹ م م د د ۱۹ م م

شمش سوم ۳۱ م و ۴۷ م م و ۴۶ م ۵

ازبركيك چندگرم بردانسته با بهم بيا ميزيم اشمش طاصل ۲۰ گرم طلا ۳ ع كرم نفر د د م گرم من دانشته باشد.

ع٣- بيند سكوشهٔ قاتم الزاويُه ١٥٠ مترم تع ووترسُس ٢٥ متراست دوبيلوي مجيِّلُ حيا كيمنيد .

۳۷ - نسبت درازای بهلوی کیف سدگوشد قانم الزادتی بیکد مگر ما نند عدد ای ۳ و ۳ و ۵ میاشد دیند است ۲۴ سررتع است بهلو ایش راسا ب کمنسید .

אין - וישלב ב AA ב שנט Be ב פונשל AA - אר פונים

شد وخطَّى موارى چھينان كېشپدكه پينه دو زنقهٔ حاصل 🚁 بينه سُركوشهُ كردد .

بین ۱۳۹ سره ست گوشدای پیدا مسید هشمیکه چوان و ومتر سربینا نسیش مفره نیم و ۲،۵ اروازا

عظاميم ببسياش تغيير فسندوق أكرو ومترمروراز البشن فزدوه شودوه وهرامتراز بينا بثاكات

محكه ودازينه اش دع مترمرتع كمشود ،

، على ووود نروبه شعاعدي على والعروفظة ومركزي واووشدونظه اليبت

ته ورید که درازی ماسهای دارد اران نقطه نا برو د وامره کی باشد .

* على - كره البت بشعاع مع بحيه فاصله ارسطح كره د ورشويم با است كه مساحتى راكه بينم حديا شد د مساحت سطح منطقه مرابر است با حاصل ضرب محيط دايرً وعظيمة رارتفاع منطقه) فضان تقطه ونودر مخصّات نقطه ونودر

ع ٨ - چنا کند میداینم مرحب دی دکست) قابل فرایش کاست بنابریا چند بهانعینسیر پذیرند ما نند زمان که در تینیراست و بهجنین جرا رت در زمانها مختلف وشاره شاکردان کلاسها مجنسیره

مملن ست که د و تیغیر په بر به بم بنگی داشد با شند ما نند پهنه کیک مربع و درازا پهلولا می ن د ضلعهای آن که بهم بنگی دارند زیرا تغییر کی موجب تعینیرد گیری ست چنا کمه اگر درازای جیب لوی نمرتیج ۲ متر با شد بهب نه آن چها رمتر فرتیج میشود و اگر درازای پلو شش مترشو د پهنه ۳۶ متر مرتبع خوا به شد بعنی برگاه درازای بپلوتعین برگذر پهنه نیز تعینیر میکند و تعکسس اگر پهنه عوا متر مرتبع با شد درازای بپلوع مترخوا بد بود و اگر پهنه ۲۰ متر شده مرتبع با شد درازای بپلوسیش برا بر ۲۰۰۰ متر میشو د تعینی مبرگاه بهبت نه مربع تعینیر کند درازای بخیب لونیز تعینیرخوا به کردد ۰

بچینی است حرا رت جاق و مقدا رسوخت آن که بهم سبه گی دارند و معین سرایه و سود آن میجنین فخی کیت قار د مقدا رفث رآن .

هرگاه و دونغیسر ندینشب می باشند که تغییر کی موجب تینسرد کیری کرو دیکی ا زانها را مرگاه و دونغیسر ندینشب می باشند که تغییر کی موجب تینسرد کیری کرو دیکی ا زانها را

في بيل موار وتعنيرات بن تعنير بذير في رانسگل في في سنها يند كه انهارا

بره

ه منودا را میست کدا زروی ن با سانی نتینرات تینیریزیر و نوع این با

كسنيم درجهٔ عرارت بهوا درساعتها ی مخلف يحشبانه روز زمستهان

ارجارار	ا عت	<i>w</i>	ت. راج کرار	عت	L
å	Hills	ىنج ىبىسە بەخ يېسىد	40	بج	۱۰ ص
۴	s	ρ	4,0	*	33
٣	į.	Y	పే	,	طنر
1	. #	Å	0,4	بعدا زلمز	ايك
-9 à	,	9	۶,۳	*	۲
- r°	e	10	څو	6.	٣
r,a		11	مُرْدَ		۴

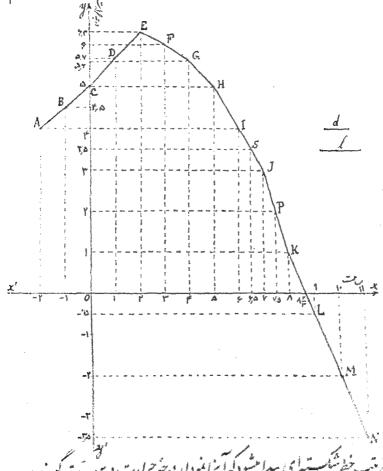
ازروی مین جدول می سینیم کدار و صبح تا و و بعدا زطر درخه حرارت مرتبار ۴ تا ۳ رع بالارفته وازآن بها پین مره تا درساعت یا زده بعدا زطر کتره تا-رسید است.

برای نیکداین تینیرات بهترویده شو د آنرامعمولاً بوسسیلهٔ یک نمردار

منها ينده

برای یک رووآسه د مور برجم عمود کینسندما نند دوآسهٔ عه و بوه دبر روی بر آسدنقطهٔ ه راد عنمولا خاست کا و د مبدار ، میگیرند .

حال گرمر کیدر مان راد کیساعت ، بیکت کیخطی شانی بدرازای که رو کیسهٔ عود نباینم سیستواینم ساعتها می شلفت را برروی این سد بوسب یکه کیخطها کی نبایم مثالی برانجاش و درساعت بعده زهنر نبا برا کدهزرا فاشگاه زیان و زمانهای بغاز



فأبير وتمووار- ازروى نووارتينيرات درخرارت فحسوس تراست زيرا وتنتى ورحباهن رستها لامرو ونقطشه تأيش وتنسيب بالأميرو وتعني مودار بالاميرو دلعكس وقعی که درجهٔ حرارت یا میرمیت بدنمود ارنیز یا مین میآید سیا کیت نگاه مرروی نبودار مى سنيم كه ما ووساعت بعار داخر بهوا رو مكبر مى است وسيس أرآن ما ساعت لا مُرتّبا سرومشود علا و ه مراین زروی بن نمو دارتقریباً میتوان معلوم کردکه در بخسا معینی درخه حرارت چه بوده و یا درجه ساعتی درخه حرارت میزان میستی رسیده ست. مثلًا أكرنجو أبسيهم ورجة حرارت را درساعت هرء بعدا زخرمعلوم كنيم ارتفظه هرو + ر وی آسهٔ یوه خطی موا زی آسهٔ بره می شیم ما منو دار را درنقطه ۶ قطع کند ونقطهٔ نظیر ی روی آسدوه درجهٔ حرارت آن ساعت را عامید بدکه تقرباً ۵ رسم است جمین ميتوان قصة يمياً معلوم كرد ساعتى راكد دران وقت درخ حرارت ۴ + بوده است · برای بن کارازنقطهٔ ۲+ مرروی آسته به خطتی موازی سهٔ بده رسم می کنیم مانوداررا قطع كذر ونقطهٔ P بنست آيد . نظيراين نقطه روى آسهٔ ٥٠ انساعت را باميد به د تقریباً ساعت ۷٫۵)

بخصوص از وی نمودار دیده میشود که درساعت ۸ و ۴۰ وقیقه درجُر حرارت بر صفرشده وا زان سبعد زمرصفراست .

می پنیم که مهر نقطهٔ ما نند A نمایش درجهٔ حرارت درز ما ن معین ست که مهرات بیک عدد جبری منود ه میشونداین و و عدد جبری را مختصرات نقطه کوست. بیک عدد جبری منود ه میشونداین و و عدد جبری را مختصرات نقطه کوست. استگاه مرد و اسدرانقطهٔ ه میکیریم و مهت شتی را روی مرکه نیا رقیمنیم. روی xox جت مثبت زید نسمت یو وروی پوه ئوجت بشت ز نو به یو خوا بدبووحال اگرازنفظهٔ ۸۸ د وخطهموا زی این واسه رئیستهٔ کنیم نایخد را درنقطهای ما نیذ P و

بونو را درنقطه ای مانند به قطع کند OP (اندازهٔ حری OP روی استٔ یدید) را السيس (ا) ما يد نقطه الم وهه (اندازه جبري هه روي استريز) را ارُ و فر(۲) یا بونقطه الکویند عه × = ۵۶ و معلوم است برای منین کرون ندازه ای حری حق و حق با مرسیل زیافت نشاند این درازای مبرکایت را با مکیدای سنج یب د · این کیدمرای د واسیمکن ست مساوی یامختلف

استده يدرا است على استانسيس واستوه ورا است ولما استارونها عاند.

باین ترمیب دیده میشودکه مرنقطه دارای کیک آبسین کیک آردنه بیاشد که استار مختصات این تقطه کویند و دو آسته یدید و بوئو را آسیه مای مختصات این تقطه کویند و دو آسته یدید و بوئو را آسیه مای مختصات این تقطه کویند و دو آسته یدید و بوئو را آسیه مای مختصات این تقطه کویند و دو آسته یدید و بوئو را آسیه مای مختصات این تقطه کویند و دو آسته یدید و بوئو را آسیه مای مختصات این تقطه کویند و دو آسته یدید و بوئو را آسیه مای مختصات این تقطه کویند و دو آسته یدید و بوئو را آسیه مای مختصات این تقطه کویند و دو آسته یدید و بوئو را آسیه مای مختصات این تقطه کویند و دو آسته یدید و بوئو را آسیه مای مختصات این تقطه کویند و دو آسته یدید و بوئو را آسیه مای مختصات این تقطه کویند و دو آسته یدید و بوئو را آسیه مای مختصات این تقطه کویند و دو آسته یدید و بوئو را آسیه مای مختصات این تقطه کویند و دو آسته یدید و بوئو را آسیه مای مختصات این تقطه کویند و دو آسته یدید و بوئو را آسیه مای مختصات این تقطه کویند و دو آسته یدید و بوئو را آسیه مای مختصات این تقطه کویند و دو آسته یدید و بوئو را آسیه مای مختصات این تقطه کویند و دو آسته یدید و بوئو را آسیه مای مختصات این تقطه که دو آسته یک دو آسته یک دو آسته دو آسته یک دو آسیه یک دو آسید و دو آسته یک دو آسیه یک دو آس

مثلاً اگردسکل میش P و برابر به یکه اسهٔ بده دسانتمبر) و ۱ و برابر به یکداسهٔ

بر مُخصّات این نقطه ۲+ و ۳+ است گوئیم ابسیس ۱۸ ۲+ واردنیان ۳+ است و امزاینسن نویسند:

۱۹ - برنقطر برای خود دارای یک اسین یک از و شاست

۱ - برنقطر برای خود دارای یک اسین یک از و شاست

۱ - برنقطر برای خود دارای یک اسین یک از و شاست

۱ - برنقطر برای خود دارای یک اسین یک از و شاست

۱ - برنقطر برای خود دارای یک اسین یک از و شاست

درناحیهٔ I واقع باسشند دارای آبسین آردنه مثبت اند ما ندنقطهٔ M و مثبت ایرا ندنقطهٔ M و مثبت و باردندان بسیست فی ست و باردندان بسیست و باردندان بسیست فی ست و باردندان بسیست فی ست و باردندان بسیست باشد است باین نقطهٔ ۷ است باین نقطهٔ ۷ است باین نقطهٔ ۷

ونقطه لا في كه در ناحية المستشد السيس الردنة أنها مبرد ومنفي ست ما ننذ

R bai

بالاخره نقطه نامی و انع درناحیهٔ ۱۳ ابسیش ن تبت ولی اُردنهٔ آنها منفی آ مانند نقطهٔ حی.

چ - ارونهٔ نقطهٔ کای آسنهٔ بد کا صفراست والبیس تعطه کای سه یو تا میر مفراست .

و - نبابراین تنها نقطه ای کرآبسین و اُردنه اش صفراست خاستگاه ه مینا ه ۹- بعکس کرضفهات نقطه ای را د است ته باشیم میتوانم آن نقطه را دست د د آسد مختصات پیداکسنیم شان ۲۰ میروی آسهٔ به با نظور بیست میا ید که برروی آسهٔ ۲۰ می را مساوی ۲۰ و برروی آسهٔ به با ۵۵ را مساوی ۲۰ میدا می میدا می میابد که و آسهٔ جدا می منسیم د از نقطه بای ۹ و ۲۰ میروی آسهٔ به با و آسهٔ به با و آسهٔ x لا می شیم این دوخط کمد گیررا درنقطه ای ما نید M قطع میکنت دکه آن نقطه جو آ مسله است ، چنا نکه دیده میشو د به لوره مسئله دا رای کیک جوانست .

X' P O X

بهین ترتیب معلوم میشود که میستوان مبرد و عد در امخیصات نقطه ای گرفت.

تمرين

ا-ساکوشای بشتی رسم سنید که مخصّات تارکهایش براس با مینیاشد عالی مینی سند که مخصّات تارکهایش براس با مینیاشد عالی مینیاشد و تا مینیاشد و تا این مینیاشد

۲- ارستواری الاضلاع ABCD مخصات کرلای ABCD و و و راداریم

> . و تحفیل نبید که هر سه روی خط رامستی و اقعند که از خاستگا ه میگذرو .

ع-سه دسته جواب بمجندی ، = ۱ بر را بر نخوا ، پیداک نسید و مردسد را

عو- سەدىسىتەجواب بمچندى ، = ۱ - بو ۳ - × ۲ را بدلخوا د پېداكىنىدە دىر دستەرامخىقىات نقطدا ئىگىرىد وتىتقىتىكىنىيدكدا يىنىقطە ئىرخط رامستى قراردارندكدارغانگاردۇ. نىڭدۇد

أبن خط سراسه را درنقطه اى قطع ميكسند . محتصات اين نقطه رايد اكت يد .

٧ - ورخر دارت بدن اخوشي دريدت ١٧٠ ساعت مرد وساعت بدو ساعت بن

بووه است ؛

لابدئاز	ء بعدارگر	ع بعدا يخز	دويعد راتمر	À	را سبح	E 1	زنان
4 2,	٣9'	۲۸'	۳Ý۵	T\$,0	アガム	TŚ	الدجاور

عُودِ لا رَسِباً مِن لا خَرِشْ رِدُ كِبِثُ يِدٍ -

ا المواقع الم

		-	_7.6_								
10,18	11/11	117,11	11,11	١١/١٠	9	A	γ	ş	۵	JL	
1,9						۵٫۳	۵٫۵	4,0	9,1	رفرستهاده ۱۰۰ ش	

ينوداران را بكشيد .

۹- شارهٔ قبونشد گان نهایی د ورهٔ د و م د سپرستان کشور در سالهای مین ۱۲۹

وه. ١٣٠٥ حنيل ست:

17.0	14-40	14.7	14.4	14-1	7	1799	1891	1881	1895	1490	بال
11.	y y	۵۷	44	49	9	٨	۱۲	1/	11	11	شاره

نو داران رابکشید .

۱۰- شارهٔ قبول شد گان تف انی دورهٔ و و م د پرمستان کشور درسالها ۱۳۰۶

نا ١٣١٧ حني ست:

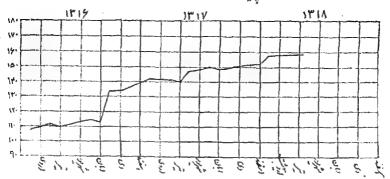
1111	1719	1710	1414	1717	1171	1711	191.	11.9	14.4	14.1	14.5	70
1.15	7 ==	207	1 4 Y	444	5.5	441	444	777	7.5	1 7 7	149	ماره

ينودا را مزا بكشيد .

لا - منو دارمیر مبرنید نشیمین درایران در سالهای ۱۳۱۵ و ۱۳۱۶ و ۱۳۷۰

و ۱۳۱۸ تین ست:





ا زین نمو دا رجیمیهنمید؟

یا ۹ - نمودار نامی و گیر - غیراز نمودار کیکفت بیم تغییرات تغییر پذیر نارا بوسسیانه نمودار نامی و گیری نیز منیا نید

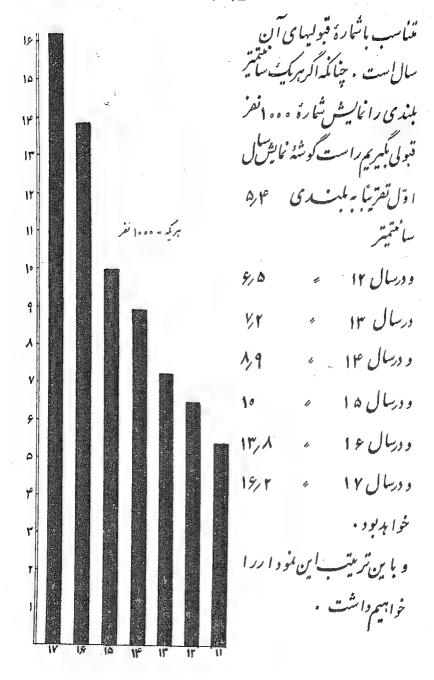
مَثْلًا شَارهُ قَبُولِ شَدْكًا نَتُحْسُ سَالُهُ البَدائيُ ارْسَالَ ١٣١١ تَا ١٣١٧

مطابق این جدول ست ؛

۱Y	15	10	115	15	14	11	JL
18877	181109	1000	1111	Yrar	90 43	0414	شارد

برائی عالیت تغییرات شارهٔ قبول شدگان سب ای درین به سال مکن ست غیرا زهر بیتهٔ میش جین دراه و کیرایئ ربزوه

ممود دار است کوشه بنیایندا است کومت نرمالهای مخلف جمددارای قاعه هٔ متسا دی بهستند و بندی



ازجدول میشین نیر متیوانستیم تعنیرات شارهٔ قبولی را درین مت نفههیم لی مین می می از دری می می این می می این می می خاکه می سیبنیما زروی نمودا را می تعنیرات محسوس تراست واز دروی آن نولی نسبت تقرمی شارهٔ قبولی هرسال با سالهای دگیر مست ساید،

تبصره - بوسسیلای نوع نمود ارمهمولاً حین دیبا نی را با بهم می سنجند که از یک جنس باشد ، مثلاً مقالیسهٔ در از ای را با بین مثلاً مقالیسهٔ در از ای را و آ بهنهای حیث دکشور و بینهٔ حیندکشور و فرشا د و فی محین در از ای را و آ بهنهای حیث دکشور و بینهٔ حیندکشور و فرشا د و فی محین در از ای را و آ

بمرين

۱- مثارهٔ دخران قول شدهٔ دروورهٔ شش سالهٔ دستهان ارسالها ی ۱۳۰۰

ا ۱۳۰۹ جنواست:

14.9	14.1	15.4	15.5	17.0	14.42	18.5	18.9	15.1	17	UL.
1179	1.44	VSY	91° 9	tai	TA	rir	4.4	11.	101	شاره

نوداران را بسشيد .

٧- شارة وخران درمشش ساله المبستان درسالهای ١٣١٠ تا ١٢١٧ چنین تا:

17	١۶	13	٦٣	۱۳	۱r	11	151-	JL
141.	7754	1793	1127	11.99	IVT.	18.4	WAF	

منو داران را کمشید ·

س - شاراً فا رغ التحسيلها على مؤرشكا بها ي ها لى درسالها ي اخر حنيل ست:

17-18	18-10	10-14	14-14	14-14	14-11	11-10	سالتحييلي
441	42×	4.0	114	1.7	110	44	فأرغ أيل

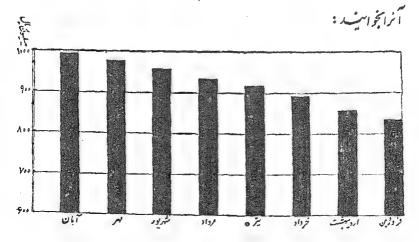
نه دا را نرا بنشید ۰ ا

ع- فرسا والسيسة ايران درسالها ي من ١٢٠٥ و ١٥ حين دوا ا

1918	11911	117.11	17.11	11/10	9	٨	γ	18.5	17.0	سال
FYF	911	109	399	۲۵۵	819	Fri	ayı	FYA	14.4	فرسًا وه بيستيدين

ينودارانرا بمشيد .

۵ - نودار اسکناس عی در دست مرد م ار فرور دین آابان ۱۳۱۸ چنین ۱



منو دار ۲- دائرهٔ ای بشعاع اخت یا ری رسم می سنیم وشارهٔ قبولیهای مهرسال را بقطاع کی زین دائر ه منیا نیم که زا و مئه آن قطاع تنیاسب با شارشانو قبولیهای آن سال - برای معرب با این کار و ۶ ۲ درجه را بسبت شارهٔ قبولیهای این بهفت شارهٔ قبولیهای این بهفت سال خش می شیم.

1418

تغییرات شارهٔ قبولیها دین سالهامعلوم میشو د بعنی درسالی که قطاع آن بزگرست شارهٔ قبولیهای آن سال زیا و تراست و نیزازمقالیئه قوسهای قطباع کامی توالینیت مین سبولی لا رامعلوم کرد .

ازین ہنو دا رنسریاً سا بی

شجسره - این منو دا رسیستره قنی نکاریر دکنج اندنست مین چندیهای محنس را معنی کشند ما نندمقایسته بهند یا ی حین کشور و مقایسته مبزیند ای مختلف کرهٔ رئین مختلف کرهٔ رئین و نامیشو مقد ارفرستاه و دای مختلف کرهٔ رئین و نامیشو مقد ارفرستاه و دای مختلف کیفیف کیشور .

فرسا ده مای ایران بکشور بای نامبرد هٔ زیر درسال اقصا وی ۱۸ ر ۱۸ ر ۱۳ ۱۷ چنن بوده است:

بلبثد	بزكيت	د ا پول	ل والكا دو محدم	بگلس بهدایس	با برزگ بریای	<u>نے</u> اتحا جا ہیر رو	الما ك	مخشور
5,8	7,7	19716	۵۲	サルト	94,9	40,9	4014	مبنع بيلون إل
,	ايتاليا	مبوئبر	بالري اي الري ا	چگوسگو ا	فرانسه	عراق	ببندالميند	كشور
	٣	4,1	Y, 0	۲,۴.	1,9	77.9	٣	مبلغ ببيليون لالل

مُوداراً مِزابَحشيد •

منو وارنی می و گیر فیرازسد منو واربالا نو داره می و گیری نیز معمول آن درین منو وارنی می و گیری نیز معمول آن درین منو وارنا چند کیف را نشکل کا نی شبیدخو و نایش مید بهند با آندا زه کا ی مخلف نقشیمی کداندا زهٔ بهرکدام تناسب است با مقدار حیث می نظیرش مثلاً آگر نخوا بهند در مقدار نفت که نبی که بهرسال درکشور با می مخلف استخراج میشو و با بیم مقایسه کنند مکن ست آنها را به پیت کا نی متث به نمایش و بهند بهر راست گوشد مین این دا به نود و میشود) و بهند بهر راست گوشد مین این مقدار نفت سالها نه آن کشوراست.

میمین برای مقایسهٔ جمعیت کشورهٔ ی مختف جمعیت برکتور را با دی سنسیه باکثریت ا مالی اینا نتالیش مید بهند بطور کید بزرگی و کوچکی اینا اختلاف حمعیت این کشور هٔ رامیرساند . بهجینی ند وخت نه طلاراسکه نای طلاکه شارهٔ آینا مرای مرکشور متناب ۱۱ ند دخت زطلای آن کشوراست مینایند ۰

و و قتی منچوا منسف درکشور لای دریانی گنجائی کشاندا بنا نیدگنجائی کشته لای با زرگانی مرکشورا بیک کشتی نایش مید مهند که بزرگی آن منا. با گنجائی کشتی لای با زرگانی مها ن کشوراست . مجس و قوم مهجندهای کی پیشه مجهولی درخه د وم حصال قبل حلی مجیده میاسی کرمیجه ولی درخه د وم میان مجندی کیشه مجهولی رااز درجهٔ د وم کویئم مرکاه تا جله از میسین به میجندی کیشه مجهولی رااز درجهٔ د وم کویئم مرکاه تا جله از

میک طرف ببریم و سا و هٔ منیم عبارت چند جلد! ی زدرجهٔ و قرم مرجب ب بدست بد مانند به بیخدیهای زیر:

۰ = ۹ - × × که نمجت دی درخه در ومی ست نسبت محمول ،

a + e e d-ra=.

y , , y + b y = s

 $x(x^{T}-yx) = (x^{T}-1)(x^{T}+y)$

د و م است زیرانس ارسا د ه کردن چنین میشو د :

Y x'+ " x - " = 0

وبطور كلَّي مبركاه ، تما مجله لا يجمين دي درجهٔ و وعي را سيك طرف ببريم و آنها راساً

کنیم اگره راضریب درجهٔ دوّم مجبول نهمچندی (مثلاً ×) بگیریم و گهر را در مهیم ان همچندی بیشیود: راضریب درجهٔ اقبل ن و ن راجهٔ معلوم قرار دمهیم آن همچندی پنیشیود: • = + + + + + لحده (شارهٔ ۸۸ جلدا وّل)

که دران a باید میمواره مخالف صفر باشد ، این همچین دی را صورت گلی بهچندیهای درجهٔ د و م گویند .

بابرآنکه ج یا ی ویا بر دوصفرات ندیمچندیهای

ax = . , ax + 6x = 0 , ax + c = 0

برست مياً يدكه مرمك را جمچندى ما قص درجهٔ و قوم كويند ما نند بمجندى

ry = . , rat+ra= . , axt-q = .

بمجندی میم. خست یخلی بهجندیمهای قص ریخردوّم مهالف یحلی و این و این و این و از انجا چون ضرب به مینی ده مفالف صفراست بنا براین و این و از انجا

و و بدر العلي عواسية جيرُو كي صفرها شهر و

ب - طل محیدی . = x ع + العده مشلاً میخوامیم محیدی ٠ × ٢-٣ x مراحك منيم سيون طرف ول راتيخزيك ميميدي مين

صورت ورايد:

که موحب شماره ۱۲۳ جلداوّل یا ۰ × × ویا

که جوابهای نهاصفر و 🍟 است . ی میسینیم برجه با شد ضربیها بمیشه بهجندی وارا مید + ۲x وارا

و وجوابست كريحي ازائها صفرو ديگري عي- است

زیراهمچندی بالارامیتوان چین نوشت ۱ = ۰ ع + x (عبر الهمچندی بالارامیتوان چین نوشت ax + 6 = 0 كدازان يتيم واشت یا ه = بد ویا

 $x = -\frac{\mathcal{E}}{2}$

ا- جوابهای بن بیجندیها را برست ورید:

y= 0 y

1 y + T y = 0 6=-r6

rara=ra r x+ r x = r x

۷- این تمحین دیها را حل کمنید:

$$(7 \times -1)(7 \times +7) = (x + 7)(x - 7)$$
 $(2 - 3)(7 - 7) = 7 - 7 - 7 - 7$
 $(2 - 4)(7 - 7) = 7 - 7 - 7 - 7$
 $(2 - 4)(7 - 7) = 7 - 7 - 7 - 7$
 $(2 - 4)(2 - 7) = 7 - 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 - 7$
 $(3 - 7)(2 - 7) = 7 -$

يرسش على ساده

1- نخست معلوم کسنید کدام کیٹ ازین ہمچند بہا دارا ی جواب ہسنند و کدام کیٹ جواب اُرز سبس نہجند بیائیراکہ دارا ی جواب مہتلۂ حاکم سنید

$$(Y X - Y)(X + A) = X^{Y} + Y X - S$$

 $(X + 1)(X - 1) = (X - 1)^{Y} + X^{Y} + Y X - Y$

$$(r \times + a)(r \times -r) - r \times = (a \times -1)(x+1) - s \times$$

x- " x + " = .

را حاکمنیم . کوشش می کنیم که طرف و لاین بهجیدی را بصورت تفاصل و و توا و دّم در پالوریم ابتواینم است د بهجند میای بالا آن را تنجر به کرد و حاکمت بیم برای بین کار عددی بیدا می کنیم که چون مری ۳۰ - ۲ یو افزو د ه شود حاصل توان

و وّم كك د و حبله شو د آن عدد المراح - عبد است

 $x^{Y}-Y \times + \frac{q}{Y} = \left(x - \frac{Y}{Y}\right)^{Y}$

 $x^{\gamma} - \pi \times = (x - \frac{\pi}{\gamma})^{\gamma} - \frac{q}{\gamma}$ $|(x - \pi)^{\gamma}| = (x - \frac{\pi}{\gamma})^{\gamma} - \frac{q}{\gamma}$

كه چون دېمحېت مي بالاسرېمحينين خوا بدشد:

(x- +) - 9 + = 0

 $\left(x-\frac{r}{r}\right)^r-\frac{1}{r^2}=0$

ر میران را تنجریه نود (بصورت ای مه ای است):

(x- + +)(x- + +) = 0

وبموصي شارة ١٢٣ كناب أول خواجيم واشت:

مُ که ارْصِلّ ہر کیئے پیمجواب برای ہمچندی پیدا میشو دکیس ہمچندی بالا دارای دوجو آ.

مثال دیگر - میخوانسیم بچندی $= 1 + x - 2 \times 1 - 2 \times 1$ راحل کنیم ضریب کد یعنی ۲ راسا زومیگیریم: $= (1 + x + 2 - 2 \times 1)$ کانند

مثال پشین داخل میرا نترزا بصورت تفاصل دو نوان د وم درمیا وریم

$$x^{2} - \frac{\Delta}{Y} \times = (2 - \frac{\Delta}{4})^{2} - \frac{Y\Delta}{4}$$

$$\frac{3}{4} \frac{Y}{4} = (2 - \frac{\Delta}{4})^{2} - \frac{Y}{4} = (2 - \frac{\Delta}{4})^{2} - \frac{Y}{4} = (2 - \frac{\Delta}{4})^{2} + \frac{Y}{$$

$$r\left[\left(x-\frac{\Delta}{P}\right)^{r}-\frac{q}{12}\right]=0$$

$$Y(x-\frac{\Delta}{\varphi}-\frac{\varphi}{\varphi})(x-\frac{\Delta}{\varphi}+\frac{\varphi}{\varphi})=0$$

$$x - \frac{\Delta}{P} + \frac{P}{P} = 0 \quad \text{if } x - \frac{\Delta}{P} - \frac{P}{P} = 0$$

$$x = \frac{1}{\sqrt{2}} \int_{-\infty}^{\infty} x = x \int_{-\infty}$$

$$(x-1)^{r}-1+\Delta=0$$

$$(x-1)^r + r^r = 0$$

می سینیم که طرف چپ مین همچندی تجزیه پذیرلب زه مای درجهٔ اوّل شیت بالزن نیتوان کرا با بین راه حل نمو د ولی واضح است که این همچندی جواب ندا رد زبرا مع مهرچه باشد '(۱- یع) همیشه مثنبت (و یا صفر) است و چون سرع افرود ؟ شو د حاصل جموار همثبت بو د ه و جمیح قت مسا وی صفر نمیشو د .

تمرين

ا- این همخدیها را حل کمنید:

a - 0 a + + = 1

x+ x-9=1

ry - ry - r = 0

€- 6+ r = .

" X - Y X - 9 = 3

Y X + Y X + Y = 1

٣- جوابها ي ين بمجيد ميا را برست وريد

 $(rx-1)(rx-r) = x^r + ax - s$

 $(rx-r)^{r}-vx = (x-1)(x+1)-10x+10$

 $x^{2}-7x+(x-1)^{2}=7x^{2}+7-(x+1)^{2}$

۹۴- صلبیچندی کلی ۵ = ۵ + ۱۲ + مدید و در فر

ا وَلَ بَهُ حَيِثُ مِنْ عَهِ رَا سَازُهُ قَرَا رَوْسِيم بَمْجِنْدِي بَا بِن صورت نوشته ميشود:

(1)
$$\alpha \left(x + \frac{e}{a} x + \frac{e}{a} \right) = 0$$

مِیْوان
$$x = \frac{2}{3} + 7x$$
 را دو حِلْما وَل تُوان دوم کیک و و حِلْم گرفت که ُجلهٔ اوّل آن x با شد نبا براین حلهٔ دوّم آن $\frac{2}{3}$ $= 7$ $= \frac{2}{3}$

خوا بدلوو

$$(x + \frac{\mathcal{C}}{ra})^{r} = x^{r} + \frac{\mathcal{C}}{a}x + \frac{\mathcal{C}r}{rar}$$

$$x^{r} + \frac{\mathcal{C}}{a}x = (x + \frac{\mathcal{C}}{ra})^{r} - \frac{\mathcal{C}r}{rar}$$

$$e^{r} = (x + \frac{\mathcal{C}}{ra})^{r} - \frac{\mathcal{C}r}{rar}$$

$$e^{r} = (x + \frac{\mathcal{C}}{rar})^{r} - \frac{\mathcal{C}r}{rar} + \frac{\mathcal{C}r}{rar}$$

$$\Rightarrow \left((x + \frac{\mathcal{C}}{rar})^{r} - \frac{\mathcal{C}r}{rar} + \frac{\mathcal{C}r}{rar}\right) = 0$$

$$\Rightarrow (x + \frac{\mathcal{C}}{rar})^{r} - \frac{\mathcal{C}r}{rar} + \frac{\mathcal{C}r}{rar}$$

$$\Rightarrow (x + \frac{\mathcal{C}r}{rar})^{r} - \frac{\mathcal{C}r}{rar} + \frac{\mathcal{C}r}{rar}$$

$$\Rightarrow (x + \frac{\mathcal{C}r}{rar})^{r} - \frac{\mathcal{C}r}{rar} + \frac{\mathcal{C}r}{rar}$$

$$\Rightarrow (x + \frac{\mathcal{C}r}{rar})^{r} - \frac{\mathcal{C}r}{rar} + \frac{\mathcal{C}r}{rar}$$

اوّلًا ، عه ۴ مع مریخالت داخل کرشه جمچندی ۲۱، برچ

باشد مد مثبت خوا بدبود زیرا الا چین + مد) بهیشه شبت رویا صفر است و با عدد مثبت میکردد نبا براین

مبیچة تصفر نمیود پس درانیجالت میمچندی جواب ندارد. نمانیاً ، ﴿ عدم ع مِنْ مِنْ ورنصورت میجندی ۲۰) را میتوان نیسین

$$a\left[\left(x+\frac{\mathcal{C}}{\gamma a}\right)^{\gamma}-\left(\frac{\sqrt{\mathcal{C}_{-}\gamma}ac}{\gamma a}\right)^{\gamma}\right]=0$$

كريس أرتجز يكرون طرف ول تصورت زير نوست ترميشود

(٣)
$$\alpha \left(x + \frac{b}{\tau \alpha} - \frac{\sqrt{b^{r}-\tau ac}}{\tau \alpha} \right) \left(x + \frac{b}{\tau \alpha} + \frac{\sqrt{b^{r}-\tau ac}}{\tau \alpha} \right) = 0$$
 $e^{e}_{\tau} e^{b}_{\tau} \alpha e^{b}_{\tau} e$

$$x = \frac{-b + \sqrt{b - \epsilon ac}}{\sqrt{a}} \quad x_{i} = \frac{-b - \sqrt{b - \epsilon ac}}{\sqrt{a}}$$

$$x_{i} = \frac{-b - \sqrt{b - \epsilon ac}}{\sqrt{a}} \quad x_{i} = \frac{-b - \sqrt{b - \epsilon ac}}{\sqrt{a}}$$

$$x_{i} = \frac{-b - \sqrt{b - \epsilon ac}}{\sqrt{a}} \quad x_{i} = \frac{-b - \sqrt{b - \epsilon ac}}{\sqrt{a}}$$

$$x_{i} = \frac{-b - \sqrt{b - \epsilon ac}}{\sqrt{a}} \quad x_{i} = \frac{-b - \sqrt{b - \epsilon ac}}{\sqrt{a}}$$

$$x_{i} = \frac{-b - \sqrt{b - \epsilon ac}}{\sqrt{a}} \quad x_{i} = \frac{-b - \sqrt{b - \epsilon ac}}{\sqrt{a}}$$

$$x_{i} = \frac{-b - \sqrt{b - \epsilon ac}}{\sqrt{a}} \quad x_{i} = \frac{-b - \sqrt{b - \epsilon ac}}{\sqrt{a}}$$

$$x_{i} = \frac{-b - \sqrt{b - \epsilon ac}}{\sqrt{a}} \quad x_{i} = \frac{-b - \sqrt{b - \epsilon ac}}{\sqrt{a}}$$

$$x_{i} = \frac{-b - \sqrt{b - \epsilon ac}}{\sqrt{a}} \quad x_{i} = \frac{-b - \sqrt{b - \epsilon ac}}{\sqrt{a}}$$

$$x_{i} = \frac{-b - \sqrt{b - \epsilon ac}}{\sqrt{a}} \quad x_{i} = \frac{-b - \sqrt{b - \epsilon ac}}{\sqrt{a}}$$

$$x_{i} = \frac{-b - \sqrt{b - \epsilon ac}}{\sqrt{a}} \quad x_{i} = \frac{-b - \sqrt{b - \epsilon ac}}{\sqrt{a}}$$

$$x_{i} = \frac{-b - \sqrt{b - \epsilon ac}}{\sqrt{a}} \quad x_{i} = \frac{-b - \sqrt{b - \epsilon ac}}{\sqrt{a}}$$

$$x_{i} = \frac{-b - \sqrt{b - \epsilon ac}}{\sqrt{a}} \quad x_{i} = \frac{-b - \sqrt{b - \epsilon ac}}{\sqrt{a}}$$

$$x_{i} = \frac{-b - \sqrt{b - \epsilon ac}}{\sqrt{a}} \quad x_{i} = \frac{-b - \sqrt{b - \epsilon ac}}{\sqrt{a}}$$

$$x_{i} = \frac{-b - \sqrt{b - \epsilon ac}}{\sqrt{a}} \quad x_{i} = \frac{-b - \sqrt{b - \epsilon ac}}{\sqrt{a}}$$

$$x_{i} = \frac{-b - \sqrt{b - \epsilon ac}}{\sqrt{a}} \quad x_{i} = \frac{-b - \sqrt{b - \epsilon ac}}{\sqrt{a}}$$

$$x_{i} = \frac{-b - \sqrt{b - \epsilon ac}}{\sqrt{a}} \quad x_{i} = \frac{-b - \sqrt{b - \epsilon ac}}{\sqrt{a}}$$

$$x_{i} = \frac{-b - \sqrt{b - \epsilon ac}}{\sqrt{a}} \quad x_{i} = \frac{-b - \sqrt{b - \epsilon ac}}{\sqrt{a}}$$

$$(7) \qquad x = \frac{-\mathcal{C} \pm \sqrt{\mathcal{C}^{\mathsf{T}} - \mathsf{Foc}}}{\mathsf{Ta}}$$

$$(7) \qquad x = \frac{-\mathcal{C} \pm \sqrt{\mathcal{C}^{\mathsf{T}} - \mathsf{Foc}}}{\mathsf{Ta}}$$

$$(7) \qquad x = \frac{-\mathcal{C} \pm \sqrt{\mathcal{C}^{\mathsf{T}} - \mathsf{Foc}}}{\mathsf{Ta}}$$

$$a(x+\frac{g}{ra})^r=0$$

$$x = -\frac{e}{r\alpha} \quad \dot{y} \quad x + \frac{e}{r\alpha} = 0 \quad \dot{y} \quad$$

در پنجالت بهجندی تنها کیٺ جواب وار د

نترصره - درحالت یکد
$$= 2 - 4 - 79$$
 است بینوان جرا برا از درستوراج) نیز برست آورد $\frac{2}{70} = \frac{1}{70} = x$

جون نصف کا را کا گیریم نعنی کا = $\frac{2}{7}$ و یا کا = کا وانرا (ر وستور (ج) مبریم حینین خوا برشد:

$$x = \frac{-Y \cdot \ell' \pm \sqrt{Y \cdot \ell' - f \cdot \alpha \epsilon}}{2}$$

$$x = \frac{-\gamma \, \ell' \pm \sqrt{\gamma \, (\ell' - \alpha c)}}{2} \qquad \qquad l,$$

$$x = \frac{-Yb' \pm Y\sqrt{b'' - ac}}{Ya}$$

$$(7) \qquad x = \frac{-\ell \pm \sqrt{\ell^{2} - ac}}{a}$$

مثال-برائ ل جمچندی x = x + x + y = 0 بسرامیت که اردو درج، علم بشود

$$x = \frac{\gamma \pm \sqrt{\varphi - \Gamma}}{2} = \gamma \pm 1$$

۹۷ - متبصرة ۲- درحالت يكه عدد ع- ای مثبت است ديدېم كه بمچندى را بصورت (۳) ميتوان نوشت يعني

تجزیه مشود سجا صل ضرب ضرب و رخه و قرم در و و سازهٔ درخه و آن با شد. x - x و x - x و x - x و x - x و x - x و رضا و ناشند. x - x و رضا و ناشند. x - x و رضا و ناشند. x - x و ناشند و ناسند و ن

 $=\alpha(x-x)'=\alpha(x-x)'$

سنى: «رئيالت سه على درخ د وم منها ولسب ما حاصل ضرب صربت درخ د وم درتوان د وم مك د وعملهٔ درخه اول.

مثال ا عبارت ع - × ۲ + ۷ × مرابسازه فای درجان تخریکند.

چون دارای و رست منایر تا در در در مناید با شد با میاشد ب

 $\Delta x^{T} + Vx - G = \Delta (x - \frac{\psi}{\Delta})(x + Y)$ $= (\Delta x - \psi)(x + Y)$

مثال۲- عبارت ۲+ x۲-۲۷۳ راتخریک نید

 $x^{\gamma} - \gamma \sqrt{\gamma} x + \gamma = (x - \sqrt{\gamma})^{\frac{1}{\gamma}}$

. FFF.

تمرين

المهنديها ي زير داحل كنسيد:

" x + 1 + x + 11 = .

メートアメナットロ・

18x - 48 = YIX

+ x + 19 = 10 + x

 $(x-\sqrt{y})(x+\sqrt{a})=0$

 $(x-1)^{r} = a(x^{r}-1)$

برای حلّ بن و جمیت می نباید شربها را انجام دا دیکد از شکل بحیدی بیشه استادت.

TXT = - (x + +) + +xT

abx- (a+f1)x+06=.

abex! - (a'5)+ c')x+ate = =

x' - Y(a' + b') x + (a' - b')' = 3

y-1(a-8)y=(a+8)1

(a'- b') y' 1 (a'+ b') y + a' - b' -.

(a'- 61)(x+1) = + (a+61) x

٣ ـ سعب له ياي زمير راب ازه ياي اول تخريك سد :

7x - 7x - 73

x"+ x VF - #

$$x^{v}-y\times\sqrt{\alpha}+\varphi$$

x+ 50x+ 1

x- (a+b) x+ xb

 $x^{r} - \alpha x^{r} - \gamma \alpha^{r}$, $x^{r} + (\alpha + 1)x + \alpha$

م شبصره - عمومًا اتفاق ميافت دكه ٥٥ ع- حص توان ووّم كالرنميت أير

صورت جوا بهای پمچیندی کنک بوده ومقدار آنها را میتوان با تقربی که منطوراست مست ورد •

مثلاً جوابهای همچندی ه = ۵ + ۸ + ۲ ×۲ چنین است و

 $x = \frac{q \pm \sqrt{11-r_0}}{r_0} = \frac{q \pm \sqrt{r_1}}{r_0}$

ريشه دوم ١ع ، الم تقريب عارع است بي معتدا رتقري جوابها جين ا

 $x_{\mu} + 990$ $x_{\mu} + 7/10$ $x_{\mu} + 990$ $x_{\mu} + 990$

و بواسطهٔ این تقریب ست کداگر مثلا بجای × درجیخدی ۵ = ۵ + × ۹ - ۲ ×۲

عدد ۲٫۸۵ را قرار دبسیم طرف ول صفر نمیشود ولی اگر سجای × مثلاً عدد

<u>المباه</u> را بكذاريم طرف ول صفرخو ا بدشد .

٨ ٩ ـ بعضى همچند بها جمستند كه عَلَ نها منجر محل همچندى درجُه دوم مشود ا

مثال - اينهجينديرا حلكت يد؛

 $\frac{1}{x^{\nu}} - \frac{y^{\nu}}{x} + \frac{5}{x^{\nu}} = y$

این برخه وقتی صفراست که برخه شارش مسا وی صفه و برخه نامش مخانف صفر ا

ينى جواب ہمچندى بالامسا وى حواب ہمچندى

0x - 18x + 4 = 1

 $| v = \frac{1}{\Delta} = \frac{1}{\Delta}$ $| v = \frac{1}{\Delta} = \frac{1}{\Delta}$ $| v = \frac{1}{\Delta} = \frac{1}{\Delta}$

متبصره - ازضرب دوطرف جمچندی دا د ، شده ۱۰ کوچکترین صغرب برخه نامها کت جمچندی سیسیدا میشو د که جوالسش جواب جمچندی دا د ، شدهٔ ست

ا- بمجندی نای زیر را حرکست بد:

 $\frac{9}{x} - \frac{x}{r} = r$ $\frac{x}{x+1} + \frac{x}{x+1^6} = 1$

 $\frac{x+1}{x}+1=\frac{x}{x-1}$

 $\frac{\Delta \times + F}{\Delta \times - F} + \frac{\Delta \times - F}{F} = \frac{1F}{F}$

 $\frac{\lambda+1}{\lambda-1} + \frac{\lambda+1}{\lambda-1} = \frac{(\lambda+1)^n}{\lambda+1}$

TX TX-TO T + TX 10

 $\frac{YX-Y}{X-Y} + \frac{X+1}{X-1} = \frac{YX-11}{X+1}$

$$\frac{y\alpha-1}{\alpha-1} + \frac{y\alpha+1}{\alpha-r} = \frac{b\alpha-p^r}{\alpha-r}$$

$$\frac{\varphi}{y-1} + \frac{1}{y-r} = \frac{y}{y-r} + \frac{r}{y-r}$$

$$\frac{b}{v-\alpha} + \frac{\varphi}{z-\alpha} = \frac{r}{a-\alpha} + \frac{r}{\varphi}$$

$$\frac{x}{x} \pm \frac{\alpha}{x} = \frac{b}{x} \pm \frac{x}{\varphi}$$

$$\frac{x}{x} \pm \frac{1}{x} = \frac{a-b}{a+b} + \frac{a+b}{a-b}$$

$$\frac{(a-x)^r(x-b)}{(a-x)(x-b)} = \frac{\varphi ab}{a^r-\theta^r}$$

$$\frac{(a-x)^r(x-b)}{(a-x)^r(x-b)} = \frac{\varphi ab}{a^r-\theta^r}$$

$$\frac{(a-x)^r(x-b)}{(a-x)^r(x-b)} = \frac{r}{\alpha^r-\theta^r}$$

$$\frac{(a-x)^r(x-b)}{(a-x)^r(x-b)^r(x-b)^r} = \frac{a+x}{a+x}$$

$$\frac{a+x}{a+x} + \frac{a-x}{a+x}$$

$$\frac{(a-x)^r(x-b)^r}{(a-x)^r(x-b)^r} = \frac{a^r+\theta^r}{a^r-\theta^r}$$

$$\frac{(a-x)^{r} + (x-b)^{r}}{(a-x) \cdot (x-b)} = \frac{a^{r} - b^{r}}{a+b}$$

$$\frac{(a-x)^{r} + (x-b)^{r}}{(a-x)^{r} + (x-b)^{r}} = \frac{a^{r} - b^{r}}{a^{r} + b^{r}}$$

$$\frac{a^{r} - b^{r}}{(a-x)^{r} + (x-b)^{r}} = \frac{a^{r} - b^{r}}{a^{r} + b^{r}}$$

$$\frac{a^{r} - b^{r}}{a^{r} + b^{r}}$$

$$\frac{a^{r} - b^{r}}{a^{r} + b^{r}}$$

$$\frac{a^{r} - b^{r}}{a^{r} + b^{r}}$$

x - 7 x - 18 x + + 1 x - + + = 0

است دوجواب ویکران را بدست و رید ·

۳- سر راچان تيسي نسيد کر جمچذي

(m+1) x + mx + m = + = 0

دارای د وجوا ب حقیقی باشد .

ع-مقدام عرر راپیداکسنید بطور کیه ۲- کیلی زجوا بهای می سیمچندیها

+ x + + x x - 1 + /2 x = .

- x - y /x + x + 9 = .

بها زبدستاً ورون چرج انجب ی ایکر بهجندی ای بالارا پیداکنسید .

- 6+ VEIFac - 6 - VET-pac - TE * x = (- b+ \f- + ac)(- b- \f- + ac) $= \frac{b' - (b' - rac)}{ra'} = \frac{b' - b' + rac}{r} = \frac{rac}{rqa}$

ينى: حاصل ضرب وجواب منسا ويست بالنبيت حلم معلوم شرب درجه دوم. مُلاً وبرنجب دی ۱۵ x - y = ۰ ممرع و عاصل ضرب وجواب برو جنین ست ۱

$$x_1 + x_2 = -\frac{8}{3} = \frac{-10}{7} = -3$$

$$x_1 = \frac{2}{3} = -\frac{7}{7}$$

$$x_2 = \frac{2}{3} = -\frac{7}{7}$$

$$x_3 = \frac{2}{3}$$

$$x_4 = \frac{2}{3} = -\frac{7}{7}$$

$$x_4 = \frac{2}{3} = -\frac{7}{3}$$

$$x_5 = \frac{2}{3}$$

$$x_5 = \frac{2}{3$$

۱۰۰- ازروی دو را بطه با لامیستوان پیش از حل کردن بهچندی نشانهٔ دو جواب آن رامعاد مکرد ۰

مثال ا - درجمچندی و ج ۲ × ۵ - ا × ۲ و جون ا با براین جمچندی دا رای دوجوابست و چون ا چه ع ع ع ع مثبت است نبا براین جمچندی دا رای دوجواب برم نشانداندو چه ع ع مثبت است بردوجها سبت ان دوجواب برم نشانداندو ح ع ع منان ما منان منان ما منان منان

و ، ﴿ هِ است نبا براین جمیندی دارای دو جواب ہم نشانه ست ولی ، ﴾ هے - است بس مبرد وجواب منفی ست .

چون می را صل سنیم دوجواب ۱- و یا - برست میآید

 $x'-y \times -y = 0$ $x'-y \times -y = 0$

ه کی است بنا براین بهچندی دارای د وجوابست که بیم نشا زمنیستند، چون بهچین دیراحل کنیم به وجواب ۳ و ۱-میرسیم.

۱۰۱ - شبصره - برگاه في منفي باشد (و یا انیکه ه و ع بهم نشانه نباشند) خا به پندی رسینه وارد لینی عدم آج مشبت است زیرا چون ه و ی بهم نشانسنستند نبا براین ه ی عدم است و ه (عدم- است و

ازانجا ، ﴿ ۴٥٠ - آج ميشود ،

بس در حالتی که ه است جمیندی درخه و قوم دوجوا.
دارد و د وجواب آن بم نشانه نمیستند وا زروی سنشانه مجموع حوابها
بعنی رونشانه هے - نشانه جوابیکه قدر طلقش شیر سیست معلوم میشود ،
بخه جراکر ه = ج باشد د وجواب د و عدد قربنداند ،

 $\frac{e}{\alpha} = \frac{-\gamma}{\alpha} \cup \frac{\varphi}{\alpha} \quad \alpha \times \gamma - \gamma \times -\gamma = 0 \quad \varphi \cup \frac{\varphi}{\alpha} \cup \frac{\varphi}{\alpha}$

منفی ست پسل بن جمچندی دا را نی جواب میا شدکه بم سشانه نیستند و چوج اصل

جمع د وجواب بعنی ﷺ ۔ ۔ ﷺ مثبت ست بنا براین قدر طلق جواب مثبت شیراز قدر مطلق جواب منفی است ،

ارْحل ہمچندی دوجواب ۱ و کیے ۔ بدست ماید ،

مثال ۲- دوجچندی ۵ = ۵ - ۷×۲ چون کا ساوی صفرت

 $x = \pm \sqrt{\frac{1}{2}}$ منفی ست بیجندی دارای دوجواب قریندسیسا شد $\frac{e}{2}$

كمرين

۱- بدون اینکه بمچندیهای زیر را حل کسنید معلوم کسنید سرکد ام حواب داردیا ندارد. د درصورت که حواب داشته باشدت نهٔ حوابها را معلوم کنید .

7x-11 = 0 7x+11= 0

 $-x'+\Delta x-f=0$ $\Delta x'-(Vx+f'=0)$

5 X + 10 X - Y 1 = 0 Y X - 11 X - 9 = 0

 $9x^{7}+17x+6=0$ $3x^{7}-16x+7=0$

۲- درجمچندی ، = ۱ - مر ۲+ x + ۲ مخت مقدارا فی برای م

پد اکنسید تا پیجندی دارای دوجواب غیرمساوی باشد دوّم مقداری به مهر بهسید تا بیجندی دارای کیک جواب مضاعف شود سوّم چهمقدار تانی به مهر بدهیم ا دوجوا بهنچ بد بیمنث نه نباشند ؟

۳- درجهچندی ۵ = ۵ ، پره ۲ - نوع مطلومبت تعین مقدار به بقسی که کی از جواب است مساومی ۴ مشور مساکنید

۲- حالعضی مت نده او مدر نقسی کرمجموشان ۱۰۶ ۱۰۲- مسلنهٔ ا- مطلوست تعتین و عدد نقسی کرمجموشان ۶ و حاصل ضرب ان هر باشد

صل میوانیم این دو عدد راجوابھای کیا جیندی درخ دوم کمبریم کداگر آن ہمچندی درخ دوم رابصورت ۵ = ۵ + بھ + لمه گیریم خواسیم داشت ۵ = چے - و ح = چ پس ۵ = ۵ - ع واشت ۵ = میا براین آن ہمچندی باید پسین بشد:

ax - a &x+ ap = 0

ویا ه = هر بدی - اید از چون ه صفر نمیت) شرط ایک مسلم مکن باشداین ست که ه (۲-۴۵ = ۶۵-۴۵ ای باشد) باشد العنی توان د و م مجموع از چهار برا برحاصل ضرب بزرگترویا لا اقل برا برآن باشد)

ا بن شرط د و عد دمطلوب عبا رسدار:

 $x = \frac{S - \sqrt{S^{1} - FP}}{r}$ $x = \frac{S + \sqrt{SLFP}}{r}$

معلوم باشدآن د و عدد جوا بهای همچیت دی درخه و وی ستندکه درآن ضریب ند یک وضریب به مجموع آن د و عدد بانشانهٔ

مخالف م جلیمعلوم مساوی حاصل ضرب آن د و عدد با شد .

ا - د و عدوینا ن تعیین کنسید که مجموعتها ن ۱۵ و حاصل *طریب*ان عود ایشد.

بخس فرسکه همان د ماه م

 $P = a^{r}$: $S = a\sqrt{s}$

Pager-4at , Sage

Park Safe + F .

Salt s

المورد والمورد المورد المو المورد المورد

بهجندی مطلوب مین ست ۱ = ۲ + ۷ × + ۷ × -۲ = ۱ مطلوب مین ست

x - 0 x -18 = 0 6

لمرين

٧- برك از بهجند بها مگدا زمسنگهٔ بالا بست كنده حل كننيد واز بيرو درستى ابنارا

المنحال كمنيد .

١٥ - مسكله ٣- بمچندي درجه د و مي ل بهيدله چون برم رحوالب عاز

به افرود وشود جوابهائ تیخیدی و ع م بر مین میند. مین اید.

اگر مو و مې راجوابهای بمچندی مطلوب و بد و پد راجوابهای تحیدری

ه و ع م ع الم المرع خواتهم واشت ؛

 $y = x - \alpha$, $y = x - \alpha$

y + y = (x + x) - rd

yy = xx - x (x + x) + x

7 7 = e 7 + 7 = - E

y + y = - (= + ra)

 $yy = \frac{c}{a} + \frac{ba}{a} + a'$

وبوجب مسله له این تحدی برست میآید:

۱- بمجندی درجهٔ د و می شکیل و سیدکه سرجوانبش رجواب بمجندی و ۱ = ۱ مدو که ۲ مدی م

۲ - ندوی پیداکمنسید که چون مرسم کدام از جوابای بیچندی ۱ = ۱ + ۲ - ۲ - ۲ میراکدام از جوابای بیچندی ۱ = ۱ + ۲ میراکدام از خواد د شود جواب بیجندی د = و + ۱ میراکد ۲ میراکد د می

س- بمجندی درجه دوق تیکنیل د بهید که سرکت ازجوا بهائی درم سرابرجوا بجب ی بهجندی ... د ع ب بدکتا به تعده باشد .

چون اندمسنله تا مجموع وحاصل ضرب جوابهای بهچندی مطلوب را پیداکستیم آن بهچندی چنواست ؛

ax + mbx + me = .

۵ ۱۰ مېچندى درخه د ومې شکيل دېيد کنه مړيك ازجوا بهاليشس قرينه جوا بي ارتبچندى ۵ = ۲ + عدگ + ۲ مه باشد

چون مانندمسکنه ۱۲ عمل سنیم و یا اینکه در همچندی سنگیبیش بجای سر عدد ۱-راکذاریم همچندی مطلوب چنین میشو د

ax - tx + c = 0

یعنی ؛ هرگاه در دوبهمچندی درجهٔ دوقه مضربهای درجهٔ اقل قرینهٔ کید کیرباشد وضربهای درجهٔ دقهم با بهم مساوی وجله نای معلو منسب را بهم مساوی باشند جوانهای آن دوبهمچندی مست رینهٔ بهم میباشند

مُلاجِ ابای مجندی و = ۲ - ۵ × ۲ قرند جوابای مجندی

= 1 + x1+0x-1=

ء ۱-مسلهٔ ۱۶- همچندی درجهٔ د و می سنگیا دیمپید که جوابها نیر وانو

 $S = \frac{1}{x} + \frac{1}{x} = \frac{x_1 + x_2}{x_1 + x_2} = \frac{1}{\frac{x_2}{x_1}} = \frac{2}{\frac{x_1}{x_2}} = \frac{2}{\frac{x_2}{x_1}} = \frac{2}{\frac{x_2}{x_2}} = \frac{2}{\frac{x_2}{x_1}} = \frac{2}{\frac{x_2}{x_2}} = \frac{2}{\frac{x_2}{x_$

این همچندی جوا سالسشن ارونهٔ جوابهای همچندی و = + x + c = بدی سنت ازمقایسنداین با بهمنتج معشو و کد!

سرگاه دبهمچندی درجهٔ و تومی جای ضریب درجه د توم ومقدار معلوم را با بهم عوص سب مهمچندی حاصل حوابهاست و ارونهٔ حوابهای آن جمچندی میشود ،

دوره بعثه میان جوه بها و روبطهٔ معلوم شکیل شی بی مید بهند که بیرگاه وجوا بها را و رای وست کاه مدف کمنیم را بجهٔ مطاوب به ست میآید . مثال بهرابطه ای مین ۵۰ و ح و ۵ مرست را باشد اگی از والهای بمجندی و = و + برا برابر واب و کمرشود؟ چون بد و پد راجوا بهای مین بجیندی ممیریم خوا میم داشت: $\begin{cases} x + x = -\frac{2}{\alpha} \\ xx = \frac{c}{\alpha} \\ x = rx \end{cases}$

ازدورالطه اول وسوم این وستگاه x و x را برحسب a و ع و يدا تورده دررابطهٔ دوّم وتسكاه قرا رميد بهيم حاصل ميشود:

ع این بهان رابط مطارست و این بهان رابط مطارست

ا مطوبت تیمن مقدار و بقسیت که (م و م) جوابهای جمحیدی

x-1x+9=0

ر در کمی از شرطهای زیرصد ق کند:

y- λ رانست تعیین کنید که و دجوا به بیجندی

(\ -1) x - r (\ \ \ \ \ \ \ - \ \ \ - \ \ = 0

مسا وی کردند .

5 x - y (5 m + y) x + 3 m + 9 m + 1 = 0

بازا . بهمُ مقدار بأي سهر داراي دوجوا ب قيقي است .

۵ - بمچندی درخهٔ وّومی شخیل مهید کدحوا بهانیش عکس حوا بهای جمچندی

· ニューロメナヤメーた= >

ع ـ بمچندی درجهٔ و قرمی کیل وبهید که جوابها میل رحوابها ی جمیخه ی

ه = ۱+ مد ع به منت عدومترا شد.

٧- س راخان تيس كنسيدكرواباي بجيدي

• + m - V = م (m - 1) × + m - V = در کی از شرکهای زیرصد ق کند :

ا - مشاوی جمهاشند (۲) قرینهٔ کیدگیراشند (۳) عکسس جمایشند (۴) کی مشای

تسفرا شد

 ۹- قطررات گوشدای ۵۰ مترو درا زایش ۲۰ مترمیّل زیبیای آن است درارا ویهنای آن راحیاب کنسید،

۰ ۱۰ - درازامی را بی ۱۲۰ کیلومتراست د و نفر د و چرخه سوار آن را ه رامی نیآ کی از انها که تندلیش درساعت ۱۰ کیلومترزیا د ترا زدگیری است آن را ه را د و ساعت زو د تر می نیاید نیندی مرکب حقیدراست ؟

۱۱ - دومتحرک از دوطرت کیتخط هی ندرازای م ۱۲۵ مترطرت کیدگردکت میکننداقل ه آیا نید بجدا زوقهی حرکت نمو ده و نشانیش در آینه ۴ تبرشس از شدی وی سی میکنند تندی برکی را درصورت کید در وسط خطّ AB بهم برسند.

۱۲- حسا سبکنسید محیلونای سدگوشهٔ قائم الزّاویدای راکه درازای محیب و نایش سدعهٔ دُرستِ نُشِت سنرسسم باشند ، بخطر محمد افضایی

فلطناريه

درست	غلط	سطر	صفحه
يڭ چند جملهٔ را	يك چند جرية	٦	٦
نحادهای دوم وسوم و چهارم را نیر	a garage	γ	λ
د در این دوغمل نیز باید نشانه را مراعات نمود	تمرين اضافه شود : تبصره	۲ پیش_از	۳۸
حفحة ٢١	(شمارة صفحة ٣٥)	17	٤٢
X	· a	٦ ،	١٥
b cl	را چهارم	Y 5	09
آخر سطن بنويسيه ؛ بن		٢	7.7
دو نامستوي	ومساوى	3 \·	.79
درازارا	رازا	آخر دا	λλ
دقيقه شمار	يه شمار	١٤ ١٤	90
١	_ 1	٠. ٣	١
ولی راه آب اول	ي در اه آپ	ع و ^ا و	1.1
		ر آخر چذین اس	2- 1.0
Livre	(r) Syracus	se (Y) Hi	éron (1)
Abscisse (1)		آخر	11
اشابه جرت	نشانة جهت	١	11
مساويست .	مساويست :	4-A	121
a 🚉 ·	a · •	١.	185
ba' - ab'	ba - ab'	Υ	15.
ساده ای مبتوان مل	ساده ای حل	14	128
الاشداي است	June June	1.	104
بـــــــــــــــــــــــــــــــــــــ	بيشمارند	7	100
ارين تسأوي ها	ازین تسا و ی	١ ٣	100
ازین چهار آساوی	ازبن تساوى	1	127

	در،	غلط	سطر	مفحه
()	(صفحه	(صفحة ٨٩	1	١٨٣
.اده	نمايش د	نمایش و	Υ	115
	تر تیب	بترتيب	٨	ነአጓ
•	٤٠١	٤٠	۲	195
	٦,٣	7/5	λ	117
abs	scisse	abcisse	آخر	7
	معنده	سطح	١٣	7 . 7
ای	همتجناديم	همچندیهایهای	٤	717
	х ^ү -사+	7x71.	10	777
$\frac{\mathbf{b}^{\gamma}\mathbf{-b}^{\gamma}+\mathbf{\xi}\mathbf{a}\mathbf{c}}{\mathbf{\xi}\mathbf{a}^{\gamma}}$	$= \frac{\text{£ac b}^{\Upsilon}}{\text{£a}^{\Upsilon}}$	$\frac{-b^{r} + \xi ac}{\xi} = \frac{\xi ac}{\xi \cdot a}$	۱۳	777
•	عوض	عو ص	١.	78.

۲٤٢ تمرين λ چنين است : مطلوبست تعيين ضريب های p و p بطوريکه چون بر هر يك از جوابهـای همچند ی $x^\gamma + px + q = 0$ يك افزوده شود جوابهـای همچندی $x^\gamma - p^\gamma x + pq = 0$ بدست آيد .

This book is due on the date last stamped. A fine of 1 anna will be charged for each day the book is kept over time.

